

PROVA II di FISICA I con es., 16/07/14

Svolgere i seguenti quesiti e problemi. Si richiede:

1) Scrivere il proprio nome e data di nascita SU OGNI FOGLIO. 2) Scrivere SOLO A PENNA. Ordine e chiarezza sono elementi di valutazione. 3) Non saranno valutati risultati di cui non è chiaro il procedimento usato per arrivarvi.

PROBLEMA I

Si consideri un pendolo balistico: un grosso blocco di legno (di massa  $M = 2,000\text{Kg}$ ) a forma di parallelepipedo sospeso con due fili sottili al soffitto (attaccati in modo simmetrico al blocco). Il pendolo balistico all'inizio è fermo. Un proiettile di massa  $m = 40\text{g}$  è lanciato contro il pendolo (vedi figura) a velocità  $v = 50\text{m/s}$ . Il proiettile fa attrito nel legno tanto da rimanere incastrato nel pendolo. 1) A che velocità  $V$  parte il pendolo? 2) Di che altezza  $h$  massima si alza il pendolo? 3) la quantità di energia  $E_{diss}$  dissipata in tutto il processo.



cons. q. di moto  
1)  $m v = (m + M) V$   $V = \frac{m}{m + M} v = \frac{0.04}{2.04} \cdot 50 = 0.98 \text{ m/s}$

2) cons. Energie  $E_i = E_f$   
 $\frac{1}{2}(m + M) V^2 = (m + M) g h$   $h = \frac{1}{2} \frac{V^2}{g} = \frac{1}{2} \frac{0.98^2}{9.8} = 0.05 \text{ m}$

3)  $E_{diss} = \frac{1}{2} m v^2 - \frac{1}{2} (m + M) V^2 = \frac{1}{2} \cdot 0.04 \cdot 50^2 - \frac{1}{2} \cdot 2.04 \cdot 0.98^2 = 490 \text{ J}$

PROBLEMA II

Un cubetto di ghiaccio di massa  $m = 50\text{g}$  alla temperatura del congelatore di  $t_g = -15^\circ\text{C}$  viene immerso in un calorimetro in cui vi sono  $M = 200\text{g}$  d'acqua alla temperatura  $t_a = 25^\circ\text{C}$ . Si calcoli: 1) il calore  $Q_c$  che sarebbe necessario per sciogliere un cubetto di ghiaccio; 2) il calore  $Q_a$  fornito dall'acqua se questa passasse da  $25$  a  $0^\circ\text{C}$ ; 3) la temperatura finale  $T_f$  del miscuglio. Il calore latente di fusione è  $C_{fus} = 80 \text{ cal/g}$  e il calore specifico del ghiaccio è  $c_g = 0.5 \text{ cal/(g}^\circ\text{K)}$ .

1)  $Q_c = m \cdot c_g \cdot \Delta t + m \cdot C_{fus} = 50 \cdot 0.5 \cdot 15 + 50 \cdot 80 = 4375 \text{ cal}$

2)  $Q_a = M \cdot c_a \cdot \Delta T = 200 \cdot 1 \cdot (-25) = -5000 \text{ cal}$

3)  $Q_c + m \cdot 1 \cdot (t_f - 0) + M \cdot 1 \cdot (t_f - 25) = 0$

$Q_c + 50 t_f - 5000 + 200 t_f = 0$

$250 t_f = -Q_c + 5000 = 625$

$t_f = \frac{625}{250} = 2.5^\circ\text{C}$

PROBLEMA FAC. SARA' VALUTATO SOLO SE PROBLEMI 1+2 almeno ~ 24/30

Assumendo  $U = 5$  per  $x = 0$ , si calcoli l'energia potenziale, in funzione di  $x$ , corrispondente alla forza  $(8e^{-2x})\hat{i}$ . Si dica se la forza e' conservativa o non conservativa e si spieghi come si fa a verificarlo.

$$U = - \int 8 e^{-2x} dx + C = -8 \frac{e^{-2x}}{-2} + C = 4e^{-2x} + C$$

$$U(x=0) = 5$$

$$4 \cdot 1 + C = 5 \Rightarrow C = 1$$

$$\boxed{U = 1 + 4e^{-2x}}$$



Svolgere i seguenti quesiti e problemi. Si richiede:

1) Scrivere il proprio nome e data di nascita SU OGNI FOGLIO. 2) Scrivere SOLO A PENNA. Ordine e chiarezza sono elementi di valutazione. 3) Non saranno valutati risultati di cui non e' chiaro il procedimento usato per arrivarvi.

### PROBLEMA I

Un cilindro contiene una massa di aria da considerare un gas perfetto biatomico. Con opportuni scambi energetici, il fluido descrive le seguenti trasformazioni quasi statiche:

- riscaldamento a pressione costante dallo stato 0 di volume  $V_0 = 4,00 \text{ dm}^3$  e pressione  $p_0 = 4,00 \text{ atm}$  allo stato 1 di volume  $V_1 = 2V_0$ ;
- raffreddamento isocoro dallo stato 1 allo stato 2 in corrispondenza al quale la pressione ha valore  $p_2 = p_0/2$ ;
- compressione isoterma fino a riportare il volume al valore  $V_0$ .

Si chiede: 1) di disegnare le trasformazioni nel piano  $(p,V)$  e scrivere l'equazione di stato di un gas perfetto; 2) di calcolare il lavoro netto (cioe' totale) compiuto  $W$ ; 3) di calcolare la quantita' di calore complessivamente assorbita  $Q_{\text{ass}}$ ; 4) il valore del rendimento  $\eta$ ; 5) la variazione di energia interna da 0 a 1  $\Delta U_{01}$ ; 6) di disegnare le trasformazioni nel piano  $(T,V)$ .

$PV = nRT$   
 $nRT_0 = p_0 V_0$   
 $p_0 = 4,00 \cdot 10^5 \text{ Pa}$   
 $V_0 = 4,00 \cdot 10^{-3} \text{ m}^3$   
 $V_1 = 2V_0$   $p_1 = p_0$   
 $p_2 = p_0/2$

2)  $W = W_{01} + W_{12} + W_{20} = p_0(V_1 - V_0) + p_0 V_0 \ln \frac{V_2}{V_1} = p_0 V_0 + p_0 V_0 \ln \frac{1}{2} = p_0 V_0 (1 - \ln 2) = 4 \cdot 10^5 \cdot 4 \cdot 10^{-3} \cdot 0,306 = 4,9 \cdot 10^2 \text{ J}$   
 $= 1,2 \cdot 10^2 \text{ J}$

3)  $Q_{\text{ass}} = Q_{01} = n C_p (T_1 - T_0) = \frac{7}{2} n R (T_1 - T_0) = \frac{7}{2} (p_1 V_1 - p_0 V_0) = \frac{7}{2} (2p_0 V_0 - p_0 V_0) = \frac{7}{2} p_0 V_0 = \frac{7}{2} \cdot 4 \cdot 10^5 \cdot 4 \cdot 10^{-3} = 5,6 \cdot 10^3 \text{ J}$   
 $T = 1,4 \cdot 10^3 \text{ K}$

4)  $\eta = \frac{W}{Q_{\text{ass}}} = \frac{4,9 \cdot 10^2}{5,6 \cdot 10^3} = 0,088 = 8,8\%$   
 $8,61\%$

5)  $\Delta U_{01} = n C_v (T_1 - T_0) = \frac{5}{2} (p_1 V_1 - p_0 V_0) = \frac{5}{2} p_0 V_0 = 4 \cdot 10^3 \text{ J}$   
 $\sim 1,1 \cdot 10^3 \text{ J}$

### PROBLEMA II

Per i dati si usino anche le due tabelle allegate (anche approssimate). 1) Quanto calore  $Q$  occorre per far passare del ghiaccio di massa  $m = 700 \text{ g}$  da  $t_i = -10^\circ \text{C}$  allo stato liquido a  $t_f = 15^\circ \text{C}$ ? Dare la risposta in calorie. 2) Supponete di fornire al ghiaccio un calore totale di solo  $Q_{\text{fornito}} = 50,00 \cdot 10^3$  calorie. Quali sono allora lo stato finale e la temperatura dell'acqua? 3) Quanto vale la variazione di entropia,  $\Delta S$ , nel caso 2? Si assuma che il processo sia molto lento.

1)  $Q_1(-10 \rightarrow 0) = m c_g (0 + 10) = 700 \cdot 0,5 \cdot 10 = 3500 \text{ cal}$   
 $Q_2(\text{fus}) = m C_{\text{lat}} f = 700 \cdot 79,7 = 55790 \text{ cal}$   
 $Q_3(0 \rightarrow 15) = m c_{\text{acq}} (15 - 0) = 700 \cdot 1 \cdot 15 = 10500 \text{ cal}$   
 $Q_{\text{TOT}} = Q_1 + Q_2 + Q_3 = 69790 \text{ cal}$

2)  $Q_{\text{fornito}} = 50.000 \text{ cal}$   
 $m^* = \frac{50000 - 3500}{79,7} = 583 \text{ g}$   
 $(50000 - 3500) = m^* C_{\text{lat}} f$   
 acqua liquida + solida  
 $538 \text{ g}$   
 $162 \text{ g}$

3)  $\Delta S = \int_{T=263}^{T=273} \frac{m c_g dT}{T} + \frac{m^* C_{\text{lat}} f}{273} = 700 \cdot 0,5 \ln \frac{273}{263} + \frac{583 \cdot 79,7}{273} = 13,06 + 170,20 = 183,3 \text{ cal/K}$   
 $= 767 \text{ J/K}$

PROBLEMA FAC. SARA' VALUTATO SOLO SE PROBLEMI 1+2 almeno ~ 24/30

In un calorimetro adiabatico contenente una massa  $m_0$  di mercurio alla temperatura  $t_0$  e' immerso un corpo di ferro di massa  $m_1 = m_0/4$  alla temperatura  $t_1$ . Suponendo che nell'intervallo di temperatura interessato il calore specifico  $c_0$  del mercurio rimanga costante, mentre quello del ferro sia espresso dalla legge  $c_{Fe} = c_1 + c'_1 T$ , si determini la temperatura di equilibrio del sistema. Eseguire i calcoli assumendo:  $t_0 = 27,0 \text{ } ^\circ\text{C}$ ;  $t_1 = 300,0 \text{ } ^\circ\text{C}$ ;  $c_0 = 3,30 \cdot 10^{-2} \text{ cal/(gK)}$ ;  $c_1 = 1,00 \cdot 10^{-1} \text{ cal/(gK)}$   $c'_1 = 2,40 \cdot 10^{-5} \text{ cal/(gK}^2\text{)}$ .

$$Q_{\text{loss}} + Q_{\text{gain}} = 0$$

$$m_0 c_0 (T_e - T_0) + \int_{T_1}^{T_e} m_1 (c_1 + c'_1 T) dT = 0$$

$$m_0 c_0 T_e - m_0 c_0 T_0 + \int_{T_1}^{T_e} m_1 c_1 dT + \int_{T_1}^{T_e} m_1 c'_1 T dT = 0$$

$$m_0 c_0 T_e - m_0 c_0 T_0 + m_1 c_1 (T_e - T_1) + m_1 c'_1 \frac{T_e^2 - T_1^2}{2} = 0$$

$$m_0 c_0 T_e - m_0 c_0 T_0 + \frac{m_0}{4} c_1 T_e - \frac{m_0}{4} c_1 T_1 + \frac{m_0}{8} c'_1 T_e^2 - \frac{m_0}{8} c'_1 T_1^2 = 0$$

$$c'_1 T_e^2 + (8c_0 + 2c_1) T_e - (8c_0 T_0 + 2c_1 T_1 + c'_1 T_1^2) = 0$$

$\downarrow$  300       $\downarrow$  573

$$T_e^2 + 1,93 \cdot 10^4 T_e - 8,40 \cdot 10^6 = 0$$

$$T_e = \frac{-1,93 \cdot 10^4 \pm \sqrt{3,72 \cdot 10^8 + 33,6 \cdot 10^6}}{2}$$

$$= \frac{-1,93 \cdot 10^4 \pm 2,01 \cdot 10^4}{2} = \begin{cases} 0,08 \cdot 10^4 \text{ or } 400 \text{ K} \\ 4 \cdot 10^2 \text{ K} \end{cases}$$



No

e' T assoluta!

$$\frac{c'_1}{c_1} = \frac{2,4 \cdot 10^{-5}}{1,0 \cdot 10^{-1}} = 2,4 \cdot 10^{-4}$$



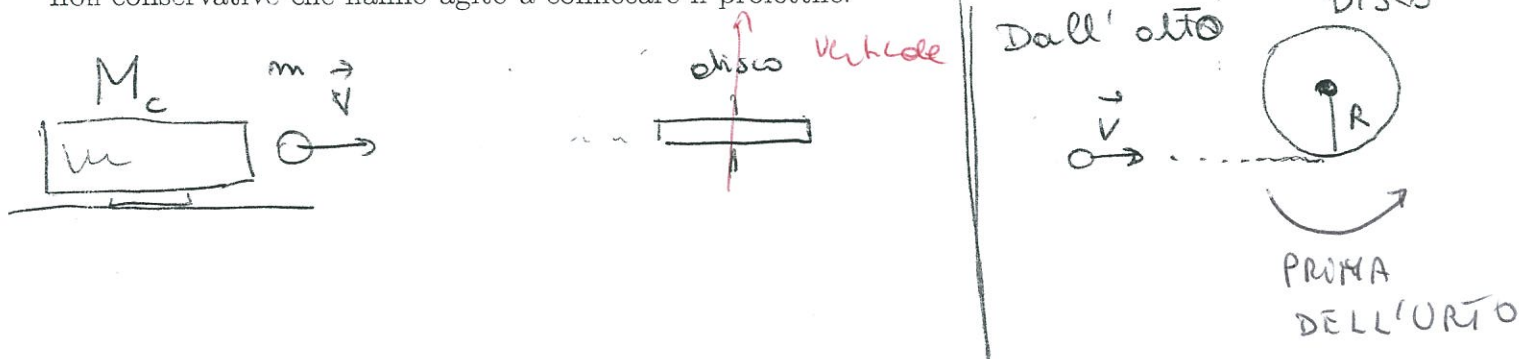
Svolgere i seguenti quesiti e problemi. Si richiede:

1) Scrivere il proprio nome e data di nascita SU OGNI FOGLIO. 2) Scrivere SOLO A PENNA. Ordine e chiarezza sono elementi di valutazione. 3) Non saranno valutati risultati di cui non e' chiaro il procedimento usato per arrivarvi.

### PROBLEMA I

Un cannoncino giocattolo, di massa  $M_c = 1\text{kg}$ , con un meccanismo "a molla" spara un proiettile di massa  $m = 35\text{g}$  a velocita'  $v_0 = 5,0 \cdot 10^2 \text{ m/s}$  (in orizzontale, vedi figura). 1) Calcolare la velocita' di rinculo  $V_C$  del cannoncino (supponendo che non esista alcun attrito col pavimento). 2) La molla, prima dello sparo, e' compressa di  $\Delta x = 5\text{cm}$ , determinare la costante elastica della molla.

Si supponga ora che il proiettile, sempre viaggiando a  $v_0 = 5,0 \cdot 10^2 \text{ m/s}$  si conficchi in un disco di massa  $M = 0,80 \text{ kg}$  e raggio  $R = 10\text{cm}$  che stava ruotando (senza attriti) attorno al suo asse di simmetria con velocita' angolare  $\omega_0 = 1000 \text{ giri/s}$  (momento di inerzia di un disco e'  $I = 1/2 \times \text{massa} \times \text{raggio}^2$ ). Il proiettile arriva parallelamente all'asse e va a conficcarsi alla periferia del disco. Calcolare: 3) la velocita' angolare  $\omega_1$  del sistema disco+proiettile; 4) il lavoro  $L$  compiuto dalle forze non conservative che hanno agito a conficcare il proiettile.

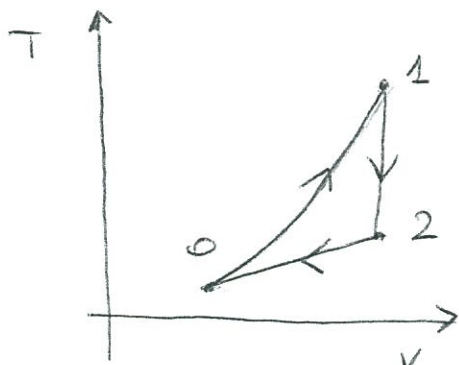


### PROBLEMA II

Una macchina termica, funzionante con  $n$  moli di un gas perfetto biatomico, descrive il ciclo reversibile disegnato nel piano  $T, V$  in figura. Esso consta delle seguenti trasformazioni:

- espansione da 0 ad 1 di equazione  $T = kV^2$  dal volume  $V_0$  al volume  $V_1$ ;
- raffreddamento isocoro da 1 a 2;
- compressione da 2 a 0 di equazione  $T = (T_0/V_0)V$ , fino a ritornare nello stato iniziale.

Si assuma  $p_0 = 2,0 \text{ atm}$ ;  $V_0 = 4,0 \text{ dm}^3$ ;  $V_1 = 2V_0$ ;  $k = 20 \text{ K/dm}^6$ . Si chiede di: 1) di disegnare il ciclo nel piano  $P, V$ ; 2) di determinare il numero  $n$  delle moli; 3) di determinare le temperature degli stati ai vertici del ciclo  $T_0, T_1, T_2$ ; 4) di determinare le quantita' di calore scambiate lungo le trasformazioni 12 e 20,  $Q_{12}$ , e  $Q_{20}$ ; 5) di determinare la quantita' di calore scambiata lungo la trasformazione 01,  $Q_{01}$ ; 6) di calcolare il rendimento del ciclo  $\eta$ .





I

$$m = 35g = 35 \cdot 10^{-3} \text{ kg} \quad V_0 = 5 \cdot 10^2 \text{ m/s}$$

$$\Delta x = 5 \text{ cm} = 5 \cdot 10^{-2} \text{ m} \quad \omega_0 = 1000 \text{ giri/sec} = 3140 \text{ rad/s}$$

$$R = 10 \text{ cm} = 10 \cdot 10^{-2} \text{ m} = 10^{-1} \text{ m}$$

1) cons. q. di moto

$$m V_0 - M_c V_c = 0 \quad V_c = \frac{m V_0}{M_c} = \frac{35 \cdot 10^{-3} \cdot 5 \cdot 10^2}{1} = 17,5 \text{ m/s}$$

2) cons. E<sub>m</sub> meccanica

$$\frac{1}{2} k \Delta x^2 = \frac{1}{2} m V_0^2 + \frac{1}{2} M_c V_c^2$$

$$k = \frac{m V_0^2 + M_c V_c^2}{\Delta x^2} = \frac{35 \cdot 10^3 \cdot 25 \cdot 10^4 + (17,5)^2}{25 \cdot 10^{-4}} = 3,6 \cdot 10^6 \text{ N/m}$$

3) conserv. del mom. angolare

$$\underbrace{\frac{1}{2} M R^2}_{I_0} \omega_0 + m R V_0 = \underbrace{\frac{1}{2} (M R^2 + m R^2)}_{I_1} \omega_1$$

$$I_0 = \frac{1}{2} \cdot 0,8 \cdot 10^{-2} = 4 \cdot 10^{-3} \text{ kgm}^2$$

$$\omega_1 = \frac{I_0 \omega_0 + m R V_0}{I_1}$$

$$I_1 = \frac{1}{2} \cdot 0,8 \cdot 10^{-2} + 35 \cdot 10^{-3} \cdot 10^{-1} = 4,35 \cdot 10^{-3} \text{ kgm}^2$$

$$= \frac{4 \cdot 10^{-3} \cdot 3140 + 35 \cdot 10^{-3} \cdot 10^{-1} \cdot 5 \cdot 10^2}{4,35 \cdot 10^{-3}} =$$

$$= \frac{12,56 + 1,75}{4,35 \cdot 10^{-3}} = 3290 \text{ rad/s}$$

$$4) L = -E_{\text{diss}} = -(E_i - E_f) = E_f - E_i =$$

$$= \frac{1}{2} I_1 \omega_1^2 - \frac{1}{2} I_0 \omega_0^2 - \frac{1}{2} m V_0^2 =$$

$$= \frac{1}{2} (4,35 \cdot 10^{-3}) \cdot 3290^2 - \frac{1}{2} (4 \cdot 10^{-3}) \cdot 3140^2 - \frac{1}{2} 35 \cdot 10^{-3} \cdot 25 \cdot 10^4 =$$

$$= 23542 - 19719 - 4375 = -552 \text{ J}$$

II

1)

$0 \rightarrow 1 \quad T = KV^2 \quad pV = nRT \quad T = \frac{pV}{nR}$

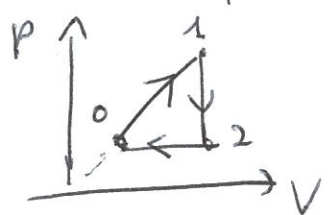
$\frac{pV}{nR} = KV^2 \quad p = KmRV$

è retta!  
 e passa per l'origine

$1 \rightarrow 2 \quad \bar{e} \text{ isocore} \quad V = \text{cost}$

$2 \rightarrow 0 \quad T = \left(\frac{T_0}{V_0}\right)V \quad \frac{pV}{nR} = \frac{T_0}{V_0} V$

$p = nR \frac{T_0}{V_0} = \text{cost} \quad \bar{e} \text{ isobara (compressione)}$



2)  $p_0 V_0 = nRT_0 \quad n = \frac{p_0 V_0}{RT_0} \quad \text{ma usiamo la } 0 \rightarrow 1 \quad T_0 = KV_0^2$

$n = \frac{p_0 V_0}{R K V_0^2} = \frac{p_0}{R K V_0} = \frac{2 \cdot 10^5}{8,31 \cdot 20 \cdot 10^6 \cdot 4 \cdot 10^{-3}} = 0,30 \text{ mol}$

3)  $T_0 = KV_0^2 = 20 \cdot 10^6 \cdot 4 \cdot 10^{-3} = 320 \text{ K}$

$T_1 = KV_1^2 = K \cdot 4 \cdot V_0^2 = 4T_0 = 1280 \text{ K}$

$T_2 = \left(\frac{T_0}{V_0}\right)V_2 = \frac{T_0}{V_0} \cdot 2V_0 = 2T_0 = 640 \text{ K}$

4)  $Q_{12} = n C_V (T_2 - T_1) = n \frac{5}{2} R (2T_0 - 4T_0) = -2n T_0 \frac{5}{2} R =$   
 $= -2 \cdot 0,3 \cdot 320 \cdot \frac{5}{2} \cdot 8,31 = -4 \cdot 10^3 \text{ J} \quad \ominus$

$Q_{20} = n C_p (T_0 - T_2) = n \frac{7}{2} R (T_0 - 2T_0) = -n \frac{7}{2} T_0 = -2,8 \cdot 10^3 \text{ J} \quad \ominus$

$Q_{01} = W_{01} + \Delta U_{01} = \dots$

$W_{01} = W_{\Delta} + W_{\text{rect}} = \text{area sotto a}$   
 $= \frac{1}{2} (V_1 - V_0) (p_1 - p_0) + (V_1 - V_0) \cdot p_0 = \frac{1}{2} (p_1 + p_0) (V_1 - V_0) =$   
 $= \frac{1}{2} V_0 \left( \frac{nRT_1}{V_1} + \frac{nRT_0}{V_0} \right) = nR \left( \frac{1}{2} T_0 + \frac{1}{4} T_1 \right) = \frac{3}{2} nRT_0$

$\Delta U_{01} = n C_V (T_1 - T_0) = n \frac{5}{2} R (4T_0 - T_0) = \frac{15}{2} nRT_0$

$Q_{01} = \frac{3}{2} nRT_0 + \frac{15}{2} nRT_0 = 9nRT_0 = 7,2 \cdot 10^3 \text{ J} \quad \oplus$

6)  $\eta = \frac{L}{Q_{\text{ess}}} = \frac{Q_{\text{TOT}}}{Q_{01}} = \frac{7,2 - 4 - 2,8}{7,2} = 0,055 = 5,5\%$



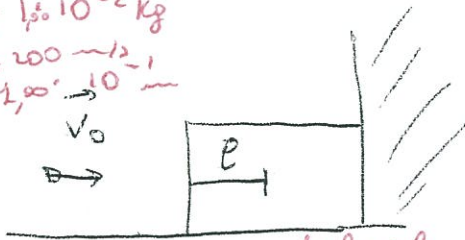
Svolgere i seguenti quesiti e problemi. Si richiede:

1) Scrivere il proprio nome e data di nascita SU OGNI FOGLIO. 2) Scrivere SOLO A PENNA. Ordine e chiarezza sono elementi di valutazione. 3) Non saranno valutati risultati di cui non e' chiaro il procedimento usato per arrivarvi.

b) 100 m/s PROBLEMA I

Un proiettile di massa  $m$ , dotato di velocita'  $\vec{V}_0$  orizzontale, penetra in un blocco di materiale plastico, fissato rigidamente ad una parete, per un tratto  $l$  rimanendovi conficcato (vedi figura). Supponendo che durante il moto il proiettile sia sottoposto ad una forza frenante costante, determinare: 1) l'energia dissipata  $E_{diss}$  durante il processo; 2) il modulo  $f$  della forza costante; 3) l'intensita' della decelerazione  $a$ ; 4) l'intervallo di tempo  $t$  necessario perche' il proiettile si riduca alla quiete. Eseguire i calcoli assumendo  $m = 10,0$  g,  $V_0 = 200$  m/s,  $l = 10,0$  cm. FAC: si riconsideri ora il problema dall'inizio e si supponga che la forza frenante nel blocco non sia costante, ma sia proporzionale al tratto di blocco percorso (cioe' la sostanza in cui penetra il proiettile diventa sempre piu' resistente man mano il proiettile avanza...), quanto vale la costante di proporzionalita'  $c$ ?

$m = 1,0 \cdot 10^{-2}$  kg  
 $V_0 = 200$  m/s  
 $l = 1,0 \cdot 10^{-1}$  m

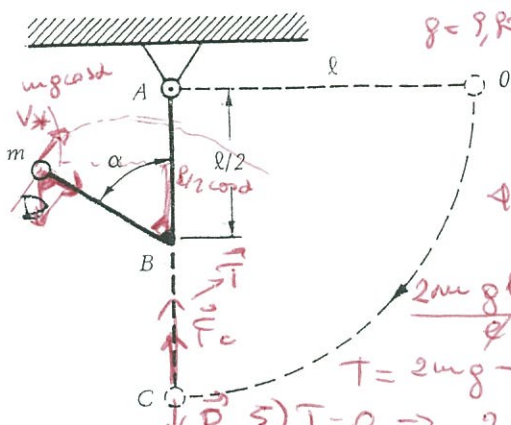


1)  $E_{diss} = \frac{1}{2} m V_0^2 = \frac{1}{2} \cdot 10^{-2} \cdot 200^2 = 200$  J 50 J  
 2)  $\frac{1}{2} m V_0^2 = f l$   $f l = E_{diss}$   $f = \frac{E_{diss}}{l} = \frac{200}{10^{-1}} = 2000$  N  
 3)  $f = m a$   $a = \frac{f}{m} = \frac{2000}{10^{-2}} = 2 \cdot 10^5$  m/s<sup>2</sup>  
 4)  $0 = V_0 - a t$   
 $t = \frac{V_0}{a} = \frac{200}{2 \cdot 10^5} = 1 \cdot 10^{-3}$  s

FAC:  $f = c x$   
 $E_{diss} = \frac{1}{2} c l^2$   $c = \frac{2 E_{diss}}{l^2} = \frac{2 \cdot 200}{10^{-2}} = 4 \cdot 10^4$  N/m

PROBLEMA II

Si consideri il pendolo della figura costituito da sferetta puntiforme di massa  $m = 10,0$  g sospesa al punto A mediante un filo inestensibile di lunghezza  $l = 60,0$  cm e massa trascurabile. Il sistema e' portato nella posizione orizzontale O e lasciato cadere con velocita' nulla. Quando la sferetta si trova in C si determini: 1) la velocita',  $V_C$ ; 2) la forza centripeta  $F_C$ ; 3) la tensione del filo,  $T_C$ . Nel punto B, alla distanza di  $l/2$  da A lungo la verticale, si trova un perno sul quale il filo inizia ad avvolgersi appena la sferetta e' passata per C. Quando la sferetta si trova in un qualsiasi punto al di la' di C in corrispondenza di un angolo generico  $\alpha$  (es. D, si veda figura) si determini: 4) la velocita' della sferetta,  $V$ , e la tensione della fune,  $T$  (entrambe in funzione di  $\alpha$ ); 5) il valore  $\alpha_*$  dell'angolo per il quale la tensione del filo si annulla e la corrispondente velocita'  $V_*$ . FAC: il tipo di traiettoria descritta subito dopo che la tensione si e' annullata (solo testo, no formule o calcoli).



$m = 1,0 \cdot 10^{-2}$  kg  
 $l = 6,0 \cdot 10^{-2}$  m  
 $g = 9,8$  m/s<sup>2</sup>  
 1)  $\text{cons. energia meccanica}$   
 $m g l = \frac{1}{2} m V_C^2$   $V_C = \sqrt{2 g l} = \sqrt{2 \cdot 9,8 \cdot 0,6} = \sqrt{11,76} = 3,43$  m/s  
 2)  $F_C = m \frac{V_C^2}{l} = 10^{-2} \cdot \frac{3,43^2}{6 \cdot 10^{-2}} = 0,196$  N  
 3)  $F_C = T_C - m g$   $T_C = F_C + m g = 0,196 + 10^{-2} \cdot 9,8 = 0,294$  N  
 4)  $\frac{m V^2}{l/2} = m g \cos \alpha + T$   
 $2 m g l (1 - \cos \alpha) = m g \cos \alpha + T$   
 $T = 2 m g - 2 m g \cos \alpha - m g \cos \alpha = m g (2 - 3 \cos \alpha)$   
 5)  $T = 0 \Rightarrow 2 - 3 \cos \alpha = 0$   $\cos \alpha = 2/3$   $\alpha = 48,2^\circ$   
 FAC: corpo libero con  $\neq 0$  parabola

