

Svolgere i seguenti problemi. Si richiede:  
NOME/COGNOME

## PROBLEMA I

Una sferetta di acciaio di massa  $m=100,0$  g e' scagliata verso il basso da un'altezza  $H=10,0$  m con velocita' iniziale di  $v_0=10$  m/s. Calcolare 1) la velocita'  $v$  della sferetta quando tocca terra. Supponiamo che il suolo sia composto da sabbia e che la pallina sprofondi di  $d=8$  dm. Calcolare 2) l'energia che viene dissipata nella sabbia  $E_d$ . Si supponga che nella sabbia agisca sulla sferetta una forza (costante) complessiva  $f_a$  contraria al moto che fa bloccare la pallina, calcolare: 3) la forza  $f_a$ .

$m = 100,0 \text{ g} = 100 \cdot 10^{-3} \text{ kg} = 0,100 \text{ kg}$       $d = 0,8 \text{ m}$   
 $1) E_i = E_f$       $mgh + \frac{1}{2} m v_0^2 = \frac{1}{2} m v^2$   
 $v = \sqrt{2gH + v_0^2} = \boxed{17,2 \text{ m/s}}$   
 cons. di energia

$2) E_{\text{diss}} = E_f - E_{ff} = \frac{1}{2} m v^2 + mgd - \phi = \frac{1}{2} \cdot 0,1 \cdot 17,2^2 + 0,1 \cdot 9,81 \cdot 0,8$   
 $\rightarrow \text{Nuovo } \phi \text{ E pot a livello + basso} = \boxed{15,6 \text{ J}}$

da def. di lavoro  
 $3) E_{\text{diss}} = |L_f \text{ non cons.}| = |-f_a \cdot d| = f_a \cdot d$

$f_a = \frac{E_{\text{diss}}}{d} = \frac{15,6}{0,8} = \boxed{19,5 \text{ N}}$   
 disette verso l'alto

$\sim 5 \times 10^1$

## PROBLEMA II

Un motore termico fa compiere a 1,00 moli di gas ideale monoatomico il ciclo illustrato in figura. La trasformazione AB e' isocora, quella BC adiabatica e quella CA isobara ( $T_A=300$  K;  $T_B=600$  K;  $T_C=445$  K). Si calcoli lungo tutto il ciclo: 1) il calore assorbito dal gas  $Q_{\text{ass}}$ ; 2) il calore ceduto dal gas  $Q_{\text{ced}}$ ; 3) il lavoro  $L$ ; 4) il rendimento  $\eta$ .

$1) Q_{\text{ass}} = Q_{AB} = n C_V \Delta T = 1 \cdot \frac{3}{2} R (T_B - T_A) = \frac{3}{2} R (600 - 300)$   
 $(Q_{BC} = \phi)$   
 $2) Q_{\text{ced}} = Q_{CA} = n C_P \Delta T = 1 \cdot \frac{5}{2} R (T_A - T_C) =$

$= \frac{5}{2} \cdot 8,31 \cdot (300 - 445)$   
 $= \boxed{-3012 \text{ J}}$

3) ciclo  $\Rightarrow \Delta U = 0$

$Q = L + \Delta U \Rightarrow L = Q$

$L = Q_{\text{ass}} + Q_{\text{ced}} = 3740 - 3012 = \boxed{728 \text{ J}}$

$\rightarrow$  ceduto quindi negativo!

$4) \eta = \frac{L}{Q_{\text{ass}}} = \frac{728}{3740} = \boxed{0,19} \quad 19\%$

$\sim 4 \times 10^1$

03/02/15

~~26/06/09~~ A

Svolgere i seguenti problemi. Si richiede:  
NOME/COGNOME

### PROBLEMA I

Due corpi 1 e 2 di ugual massa  $m = 200 \text{ g}$ , si trovano in quiete su di un piano orizzontale privo di attrito. Applicando al corpo 1 una forza esterna  $f$ , costante con intensità  $f = 20 \text{ N}$ , il sistema si muove di moto uniformemente accelerato. Determinare: 1)  $a$ , l'accelerazione globale del sistema; 2) l'intensità,  $f_2$ , ed il verso della forza complessiva agente sul corpo 2; 3) l'intensità,  $f_1$ , ed il verso della forza complessiva agente sul corpo 1.

$m = 200 \text{ g} = 0,2 \text{ Kg}$

$f = (m+m)a$   $a = \frac{f}{2m} = \frac{20}{0,4} = \frac{20}{4 \cdot 10^{-1}} = 5 \cdot 10 = 50 \text{ m/s}^2$

$f_2 = m a = 0,2 \cdot 50 = 10 \text{ N}$  concorda con  $f$

$f_1 = m a = 0,2 \cdot 50 = 10 \text{ N}$  concorda con  $f$

### PROBLEMA II

Si consideri nel piano di Clapeyron, cioè il piano  $(V, p)$ , una trasformazione da  $i$  ad  $f$  costituita da un tratto di isobara (da  $i$  ad  $A$ ) e da un tratto di isocora (da  $A$  ad  $f$ ). Si assuma di avere una mole di gas ideale e monoatomico e si assuma:  $i = (0,0100 \text{ m}^3, 2 \times 10^5 \text{ Pa})$ ;  $A = (0,0300 \text{ m}^3, 2 \times 10^5 \text{ Pa})$ ;  $f = (0,0300 \text{ m}^3, 1,5 \times 10^5 \text{ Pa})$ . Si calcoli: 1) il lavoro compiuto dal gas durante la trasformazione da  $i$  ad  $f$ ,  $L_{if}$ ; 2) la temperatura in  $i$ ,  $A$  ed  $f$  ( $T_i, T_A, T_f$ ); 3) la variazione di energia interna del gas durante la trasformazione globale da  $i$  ad  $f$ ,  $\Delta U_{if}$  e 4) il calore complessivamente assorbito e/o ricevuto dal gas durante la trasformazione,  $Q_{if}$ .

$L_{if} = L_{iA} + L_{Af} = L_{iA} + 0 =$   
 $= p(V_A - V_i) = 2 \cdot 10^5 \cdot 2 \cdot 10^{-2} = 4 \cdot 10^3 \text{ J}$

$pV = RT$   $T = \frac{pV}{R}$

$T_i = \frac{2 \cdot 10^5 \cdot 1 \cdot 10^{-2}}{8,31} = 241 \text{ K}$

$T_A = 3 T_i = 722 \text{ K}$

$T_f = 3 \cdot \frac{1,5}{2} T_i = 542 \text{ K}$

$\Delta U = C_v \Delta T = C_v (T_f - T_i) = \frac{3}{2} R (T_f - T_i) = \frac{3}{2} \cdot 8,31 \cdot 301 = 3752 \text{ J}$

$Q - L = \Delta U$   $Q = L + \Delta U = 7752 \text{ J}$

+2 punti velocità



Svolgere i seguenti problemi. Si richiede:  
NOME/COGNOME

12 + 18 = 30

### PROBLEMA I

Un cubetto di ghiaccio di massa  $m=100\text{g}$  alla temperatura del congelatore di  $t_g = -10^\circ\text{C}$  (calore latente del ghiaccio  $\text{Cal}_{fus} = 80 \text{ cal/g}$ , il calore specifico e' la meta' di quello dell'acqua) viene immerso in un bicchiere in cui vi e' una massa  $M=400\text{g}$  di acqua alla temperatura di  $t_a = 25^\circ\text{C}$ . 1) Calcolare la temperatura finale  $t_f$  della bevanda ( $0^\circ\text{C} < t_f < 25^\circ\text{C}$ ).  $t_f$ . 2) Si faccia un grafico di temperatura verso calore per rappresentare il processo.

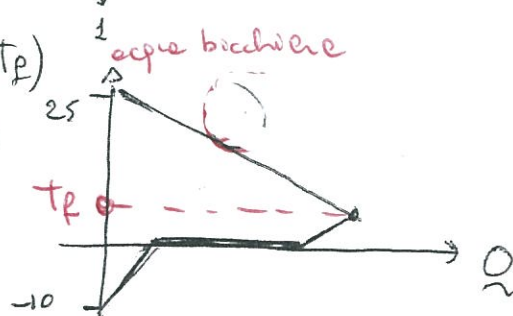
bilancio del calore

$$m c_p (0 - t_g) + m \text{Cal}_f + m (t_f - 0) = M (t_a - t_f) \cdot c_e$$

$$100 \cdot 0,5 \cdot 10 + 100 \cdot 80 + 100 t_f = 400 \cdot (25 - t_f)$$

$$500 + 8000 + 100 t_f = 10000 - 400 t_f$$

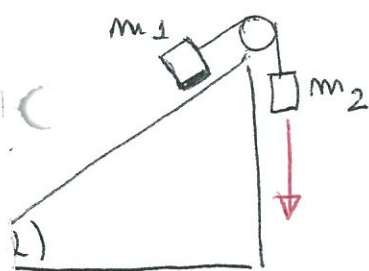
$$500 t_f = 1500 \quad t_f = 3^\circ\text{C}$$



### PROBLEMA II

Nel punto piu' alto di un piano inclinato (di un angolo  $\alpha = 60$  gradi perfettamente liscio e' fissata una carrucola attraverso la quale scorre un filo. Ad un suo estremo e' attaccato un corpo di massa  $m_1 = 1,00 \text{ kg}$  che poggia sul piano, all'altro estremo e' appeso un corpo di massa  $m_2 = 2m_1$ . 1 e 2) Qual'e' l'accelerazione  $a$  con la quale si muovono i due corpi, quale la tensione  $T$  del filo?

3) Cosa cambia se tra il piano ed  $m_1$  agisse un attrito con coefficiente  $\mu_d = 0,4$ ? Riscrivere le equazioni per calcolare l'accelerazione e la tensione e rifare i calcoli.



$$\begin{cases} m_2 g - T = m_2 a \\ T - m_1 g \sin \alpha = m_1 a \end{cases} \rightarrow \begin{cases} T = m_2 g - m_2 a \\ T = m_1 g \sin \alpha + m_1 a \end{cases}$$

$$m_2 g - m_2 a - m_1 g \sin \alpha = m_1 a$$

$$(m_1 + m_2) a = m_2 g - m_1 g \sin \alpha \quad a = \frac{m_2 g - m_1 g \sin \alpha}{m_1 + m_2} =$$

$$= 3,7 \text{ m/s}^2$$

$$T = m_1 g \sin \alpha + m_1 a = 12,2 \text{ N}$$

$$\begin{cases} m_2 g - T = m_2 a \\ T - m_1 g \sin \alpha - m_1 g \cos \alpha \cdot \mu_d = m_1 a \end{cases} \rightarrow \begin{cases} T = m_2 g - m_2 a \\ T = m_1 g \sin \alpha + m_1 g \cos \alpha \cdot \mu_d + m_1 a \end{cases}$$

$$m_2 g - m_2 a - m_1 g (\sin \alpha + \cos \alpha \cdot \mu_d) = m_1 a$$

$$a = \frac{m_2 g - m_1 g (\sin \alpha + \mu_d \cos \alpha)}{m_1 + m_2} = 3,05 \text{ m/s}^2 \quad T = 13,5 \text{ N}$$

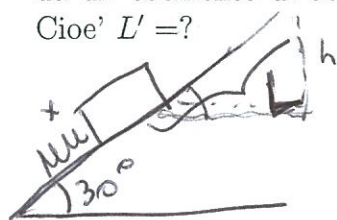
Svolgere i seguenti quesiti e problemi. Si richiede:

- Scrivere il proprio nome e data di nascita.
- Scrivere SOLO A PENNA e presentare UNA SOLA versione per esercizio. Ordine e chiarezza sono elementi di valutazione.
- Non saranno valutati risultati di cui non e' chiaro il procedimento usato per arrivarvi.

NOME e Data di nascita

### PROBLEMA I

Un blocco di 2,00 kg e' appoggiato contro una molla su un piano inclinato con pendenza  $30,0^\circ$ , l'angolo di attrito (vedi figura). La molla, avente costante  $k=19,6 \text{ N/cm}$ , e' compressa di  $x=20,0 \text{ cm}$  e poi lasciata libera. 1) Quanto lontano lungo il piano inclinato viene spinto il blocco? Cioe'  $L=?$  2) Qual e' la velocita' iniziale  $v_0$  del blocco, appena la molla viene lasciata libera? 3) Quanto tempo impiega il blocco a compiere la risalita, cioe' il tratto  $L$ ? 4) E se il piano fosse invece caratterizzato da un coefficiente di attrito  $\mu=0,1$ : quanto lontano lungo il piano inclinato viene spinto il blocco? Cioe'  $L'=?$



$$k = 19,6 \text{ N/cm} = 19,6 \cdot 10^2 \text{ N/m} \quad x = 20,0 \cdot 10^{-2} \text{ m}$$

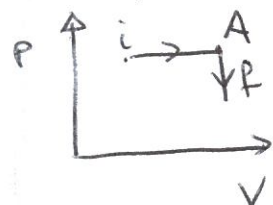
1) cons. energia  $\frac{1}{2} k x^2 = m g h \quad h = L \sin 30^\circ = \frac{1}{2} L$

$$\frac{1}{2} k x^2 = m g L \cdot \frac{1}{2} \quad L = \frac{k x^2}{m g} = \frac{19,6 \cdot 10^2 \cdot 20^2 \cdot 10^{-4}}{2 \cdot 9,8} = 4,0 \text{ m}$$

2) cons. energia  $\frac{1}{2} k x^2 = \frac{1}{2} m v^2$

$$v = \sqrt{\frac{k}{m}} x = \sqrt{\frac{19,6 \cdot 10^2}{2}} \cdot 20 \cdot 10^{-2} = 6,26 \text{ m/s}$$

Si consideri nel piano di Clapeyron, cioe' il piano (V,p), una trasformazione da i ad f costituita da un tratto di isobara (da i ad A) e da un tratto di isocora (da A ad f). Si assuma di avere una mole di gas ideale e monoatomico e si assuma:  $i=(0,0100 \text{ m}^3, 2 \times 10^5 \text{ Pa})$ ;  $A=(0,0300 \text{ m}^3, 2 \times 10^5 \text{ Pa})$ ;  $f=(0,0300 \text{ m}^3, 1,5 \times 10^5 \text{ Pa})$ . 1) Si faccia il grafico. Si calcoli: 2) il lavoro della trasformazione  $L_{if}$ ; 3) la temperatura in i, A ed f ( $T_i, T_A, T_f$ ); 4-5) la variazione di energia interna della trasformazione  $\Delta U_{if}$  e il calore della trasformazione  $Q_{if}$ .



2)  $L_{if} = L_{iA} + L_{Af} = L_{iA} + 0 = p(V_A - V_i) = 2 \cdot 10^5 \cdot 2 \cdot 10^{-2} = 4 \cdot 10^3 \text{ J}$

3)  $pV = RT \quad T = \frac{pV}{R}$

$$T_i = \frac{2 \cdot 10^5 \cdot 1 \cdot 10^{-2}}{8,31} = 241 \text{ K}$$

$$T_A = 3 \cdot T_i = 722 \text{ K}$$

$$T_f = 3 \cdot \frac{1,5}{2} T_i = 542 \text{ K}$$

4)  $\Delta U = C_v \Delta T$   
 $\Delta U_{if} = C_v (T_f - T_i) = \frac{3}{2} R (T_f - T_i) = \frac{3}{2} \cdot 8,31 \cdot 301 = 3752 \text{ J}$

5)  $Q = L + \Delta U = 7752 \text{ J}$

$$3) v_0 = 6,26 \text{ m/s} \quad a = -g \sin 30^\circ = -\frac{1}{2}g$$

09/09/14  
et.

moto unip. decel.

$$\begin{cases} v = v_0 + at \\ v = 0 \end{cases}$$

$$0 = v_0 - g \sin 30^\circ t$$

$$t = \frac{2v_0}{g} = \frac{2 \cdot 6,26}{9,8} = \underline{1,26 \text{ s}}$$

$$4) E_i = E_f + E_{\text{dissip.}}$$

$$E_{\text{dissip}} = F_A \cdot L'$$

$$F_A = \mu N \quad \mu = 0.1$$

$$\frac{1}{2} K x^2 = m g L' \sin 30^\circ + \underbrace{m g \cos 30^\circ \mu}_{N} L'$$

$$\frac{1}{2} K x^2 = m g L' (\sin 30^\circ + \mu \cos 30^\circ)$$

$$L' = \frac{1}{2} \frac{K x^2}{m g (\sin 30^\circ + \mu \cos 30^\circ)} = \frac{1,96 \cdot 10^2 \cdot 20^2 \cdot 10^{-4}}{2 \cdot 2 \cdot 9,8 \cdot 0,5866} = \underline{3,4 \text{ m}}$$