

Si consideri un collegamento numerico in cavo.

Assegnato l'andamento del modulo dello spettro delle forme d'onda del segnale in uscita $G_u(j\omega)$



$$|G_u(j\omega)| \propto \cos^2 \frac{\pi \omega}{2 \omega_s} = \cos^2 \frac{\pi \omega}{2 \cdot 2\omega_N} \quad s_u(t) = \sum a_k g_u(t - k T_s)$$

con f_N = frequenza di Nyquist.

Si abbia un filtro ottimo in ricezione nell'ipotesi che la densità spettrale del rumore sia costante.

Si determini la caratteristica di ampiezza del trasmettitore se $G_e(\omega) = G_T(\omega)$ quando si suppone in ingresso una forma d'onda rettangolare

$$g_i(t) = \text{rect}(t/T_s) \quad \text{che ha} \quad |G_i(j\omega)| \propto \text{Sa}\left(\frac{\omega T_s}{2}\right) = \text{Sa}\left(\frac{\pi\omega}{\omega_s}\right) = \frac{\text{sen} \frac{\pi\omega}{\omega_s}}{\frac{\pi\omega}{\omega_s}} =$$

dove $\omega_s \dot{=} 2\pi f_s = 2\pi/T_s$ con f_s = frequenza di simbolo

Si commentino tutte le ipotesi formulate.

Svolgimento

Avendo in uscita una voluta G_u

$$G_u(j\omega) = H_R(j\omega) G_e(j\omega)$$

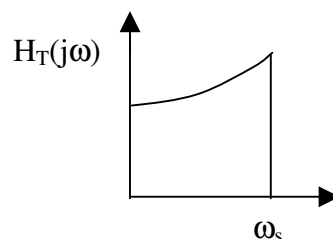
Lavorando con i moduli si trova adottando un filtro adattato e sotto l'ipotesi $\Phi_n(\omega) = \text{costante}$ con la frequenza

$$|H_R(j\omega)| = \sqrt{\frac{|G_u(j\omega)|}{\Phi_n(\omega)}} \propto \cos \frac{\pi \omega}{2 \omega_s}$$

Resta anche definito lo spettro del segnale di ingresso $G_e(j\omega)$

$$|G_e(j\omega)| \propto |H_T(j\omega)|$$

Se $G_T(j\omega) = G_e(j\omega)$



$$|G_i(j\omega)| |H_T(j\omega)| \propto |G_T(j\omega)|$$

$$|H_T(j\omega)| \propto \frac{|G_T(j\omega)|}{|G_i(j\omega)|} \propto \frac{\cos \frac{\pi \omega}{2 \omega_s}}{\frac{\text{sen} \frac{\pi\omega}{\omega_s}}{\frac{\pi\omega}{\omega_s}}} \propto \frac{\frac{\pi\omega}{\omega_s} \cos \frac{\pi \omega}{2 \omega_s}}{2 \text{sen} \frac{\pi\omega}{2\omega_s} \cos \frac{\pi\omega}{2\omega_s}} \propto \frac{1}{\text{Sa}\left(\frac{\pi\omega}{2\omega_s}\right)}$$