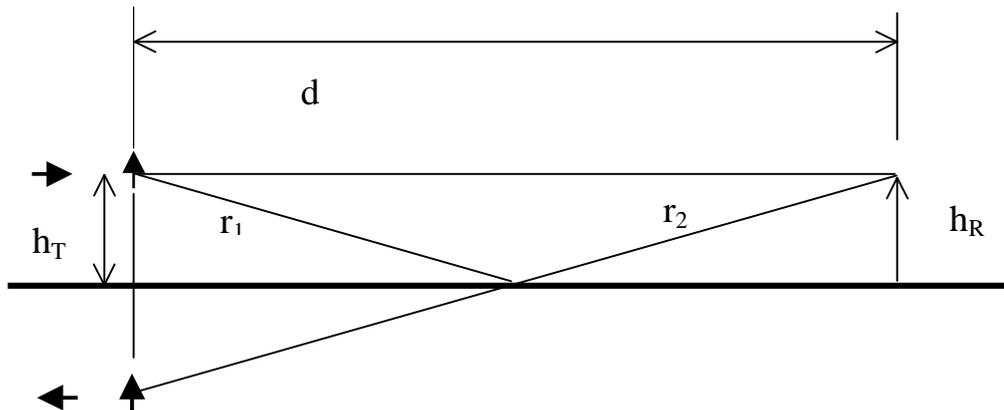


ESERCIZIO

Si consideri un collegamento fra due antenne su un suolo piano e buon conduttore alla frequenza $f = 600 \text{ MHz}$. Le antenne di dimensione $D = 3 \text{ m}$ siano poste ad un'altezza $h_T = h_R = 40 \text{ m}$.

- Si può ipotizzare un collegamento per onda diretta e riflessa?
- Le antenne possono essere considerate alte sul suolo?
- Quale tipo di polarizzazione è più conveniente?
- Calcolare l'attenuazione L_s quando la ricevente è posta a $d = 7$ e a 70 km
- Determinare quali possono essere le condizioni ottimali di ricezione in questi casi muovendosi



La lunghezza d'onda a 600 MHz è di 0.5 metri
Per cui le antenne possono essere considerate alte sul suolo

Anche nel punto più vicino si può pensare di essere nella zona di campo lontano per cui un collegamento per onda diretta e riflessa costituisce un modello adatto

$$\bar{E}_R = \bar{E}_o + \Gamma \bar{E}_o e^{-j \Delta \phi} = \bar{E}_o + \bar{E}_o |\Gamma| e^{j \varphi} e^{-j \Delta \phi}$$

$\Delta \phi$ è l'angolo dovuto alla differenza di percorso $r_2 - r_1$

$$\Delta \phi = \frac{2\pi}{\lambda} (r_2 - r_1) \quad r_2 - r_1 = \frac{2h_1 h_2}{d} \quad \Delta \phi = \frac{2\pi}{\lambda} \frac{2h_1 h_2}{d} = \frac{4\pi}{\lambda} \frac{h_1 h_2}{d}$$

SUOLO PIANO BUON CONDUTTORE

$$\left| \frac{\bar{E}_R}{\bar{E}_o} \right| = |1 + |\Gamma| e^{j \varphi} e^{-j \Delta \phi}| = \sqrt{(1 + |\Gamma| \cos(\Delta \phi - \varphi))^2 + |\Gamma|^2 (\sin(\Delta \phi - \varphi))^2} = \sqrt{1 + |\Gamma|^2 + 2|\Gamma| (\cos(\Delta \phi - \varphi))}$$

Si può ritenere che per piccoli angoli di elevazione (< 1 grado) il coefficiente di riflessione Γ ha $|\Gamma| = 1$ e $\varphi = \pi$

sia per polarizzazione orizzontale che verticale

$$\left| \frac{\bar{E}_R}{\bar{E}_o} \right| = |1 - e^{j \Delta \phi}| = \sqrt{2(1 - \cos \Delta \phi)} = 2 \left| \sin \frac{\Delta \phi}{2} \right|$$

$$L_s = \left| \frac{\bar{E}_o}{\bar{E}_R} \right|^2 \quad \text{Per } d \text{ molto grande } \sin \frac{\Delta \phi}{2} = \frac{\Delta \phi}{2} \quad \text{per cui} \quad L_s = \left(\frac{\lambda d}{4\pi h_1 h_2} \right)^2$$

Già a 3.5 km l'angolo di elevazione vale 0.65 gradi

Se considero il caso $d=7\text{km}$

$$r_2 - r_1 = \frac{2h_1 h_2}{d} = 0.457 \quad \Delta\phi = \frac{2\pi}{\lambda} (r_2 - r_1) = \frac{4\pi}{\lambda} \frac{h_1 h_2}{d} = 5.744 \quad \left| \text{sen} \frac{\Delta\phi}{2} \right| = 0.266$$

fornisce $(E_R/E_0)^2 = 0.283$, $L_s = 3.53$ (5.47 dB)

Muovendomi di 500 m $d=6500$

$$r_2 - r_1 = \frac{2h_1 h_2}{d} = 0.492 \quad \Delta\phi = \frac{2\pi}{\lambda} (r_2 - r_1) = \frac{4\pi}{\lambda} \frac{h_1 h_2}{d} = 6.186 \quad \left| \text{sen} \frac{\Delta\phi}{2} \right| = 0.048$$

fornisce $(E_R/E_0)^2 = 9.2 \cdot 10^{-3}$, $L_s = 108.5$ (20.35 dB)

$d=7500$

$$r_2 - r_1 = \frac{2h_1 h_2}{d} = 0.426 \quad \Delta\phi = \frac{2\pi}{\lambda} (r_2 - r_1) = \frac{4\pi}{\lambda} \frac{h_1 h_2}{d} = 5.361 \quad \left| \text{sen} \frac{\Delta\phi}{2} \right| = 0.444$$

fornisce $(E_R/E_0)^2 = 0.788$, $L_s = 1.26$ (1.03 dB)

Se considero il caso $d=70\text{km}$

$$r_2 - r_1 = \frac{2h_1 h_2}{d} = 0.045 \quad \Delta\phi = \frac{2\pi}{\lambda} (r_2 - r_1) = \frac{4\pi}{\lambda} \frac{h_1 h_2}{d} = 0.574 \quad \left| \text{sen} \frac{\Delta\phi}{2} \right| = 0.283$$

$(E_R/E_0)^2 = 0.320$, $L_s = 3.125$ (4.948dB)

Muovendomi di 500 m $d=69.5 \text{ km}$

$$r_2 - r_1 = \frac{2h_1 h_2}{d} = 0.046 \quad \Delta\phi = \frac{2\pi}{\lambda} (r_2 - r_1) = \frac{4\pi}{\lambda} \frac{h_1 h_2}{d} = 0.578 \quad \left| \text{sen} \frac{\Delta\phi}{2} \right| = 0.285$$

fornisce $(E_R/E_0)^2 = 0.324$, $L_s = 3.086$ (4.89dB)

$d=7.5 \text{ km}$

$$r_2 - r_1 = \frac{2h_1 h_2}{d} = 0.045 \quad \Delta\phi = \frac{2\pi}{\lambda} (r_2 - r_1) = \frac{4\pi}{\lambda} \frac{h_1 h_2}{d} = 0.570 \quad \left| \text{sen} \frac{\Delta\phi}{2} \right| = 0.281$$

fornisce $(E_R/E_0)^2 = 0.3158$, $L_s = 3.166$ (5.00 dB)

La forte variazione dell'attenuazione a 7 km fa capire che il campo oscilla fra un minimo e un massimo

mentre il valore lentamente decrescente del secondo caso fa capire che si ha sol attenuazione al crescere della distanza

Un esame completo delle due situazioni si ottiene osservando la variazione di $\left| \frac{\bar{E}_R}{\bar{E}_o} \right|^2$ al variare della distanza

