

Riferimento: anno di vita, anno di polizza e anno di calendario

## **RIFERIMENTO: ANNO DI VITA, ANNO DI POLIZZA E ANNO DI CALENDARIO**

Talvolta non è disponibile l'informazione sulla data di nascita dell'individuo osservato e non si è allora in grado di calcolare l'età esatta in cui si verifica un determinato evento (per esempio la morte o l'uscita per altra causa).

Le valutazioni non possono allora essere fatte prendendo come riferimento l'anno di vita.

Ciò tipicamente avviene quando alla stipulazione della polizza si attribuisce all'assicurato una età arrotondata (intera); in tal caso si dirà che si prende come riferimento l'anno di polizza.

Un'altra eventualità si ha nel caso in cui agli individui sia attribuita un'età arrotondata ad una certa data (per esempio all'1/1), come avviene spesso per i fondi pensione; in tal caso si dirà che si prende come riferimento l'anno di calendario.

### Definizione

Diremo che un individuo ha **età arrotondata** (intera)  $x$  ad una certa data (per es. un anniversario di polizza oppure all'1 gennaio) se in quella data ha età esatta nell'intervallo

$$\left[ x - \frac{1}{2}, x + \frac{1}{2} \right]$$

Riferimento: anno di vita, anno di polizza e anno di calendario

### Conteggio dei decessi prendendo come riferimento l'anno di polizza

Alla stipulazione della polizza si attribuisce all'assicurato l'età arrotondata (intera).

Si definisce **data di nascita di valutazione**, la data in cui giorno e mese coincidono con il giorno ed il mese di stipulazione della polizza, l'anno è dato da

anno di stipulazione della polizza – età arrotondata alla stipulazione della polizza

Utilizzando tale data di nascita di valutazione al posto della data di nascita e conoscendo

la data di ingresso in osservazione,

la data di uscita dall'osservazione e la causa di uscita

si è in grado di determinare il vettore delle età  $(y_i, z_i, \theta_i, \phi_i)$

Riferimento: anno di vita, anno di polizza e anno di calendario

Con riferimento alla classe di età  $]x, x + 1]$  si è in grado di determinare il vettore delle durate  $(r_i, s_i, t_i, k_i,)$

essendo

$r_i$  la durata di tempo dall'anniversario di polizza precedente all'ingresso in osservazione nella classe di età  $]x, x + 1]$  con  $0 \leq r_i < 1$  e

$$r_i = \begin{cases} 0 & \text{se } y_i \leq x \\ y_i - x & \text{se } x < y_i < x + 1 \end{cases}$$

$s_i$  la durata di tempo dall'anniversario di polizza precedente all'uscita dalla osservazione per la classe di età  $]x, x + 1]$  con  $0 < s_i \leq 1$  e

$$s_i = \begin{cases} 1 & \text{se } z_i \geq x + 1 \\ z_i - x & \text{se } x < z_i < x + 1 \end{cases}$$

Riferimento: anno di vita, anno di polizza e anno di calendario

Poiché, nei casi di uscita per morte e, rispettivamente, per altra causa

$x + t_i$  non è più l'età esatta di uscita per morte, ma  $t_i$  è la durata di tempo dall'anniversario di polizza precedente all'uscita per morte

$x + k_i$  non è più l'età esatta di uscita per altra causa, ma  $k_i$  è la durata di tempo dall'anniversario di polizza precedente all'uscita per altra causa

si dice che si prende come **riferimento l'anno di polizza** in quanto si considerano gli eventi che avvengono nell'anno di polizza.

Si ha allora che

$\theta_x$  è il numero di decessi osservati per gli assicurati nell'anno di polizza  $]x, x + 1]$

Anche nella valutazione dell'esposizione si prende come riferimento l'anno di polizza, conteggiando le esposizioni tra due anniversari di polizza.

$$E_x = \sum_{i \in S} (s_i - r_i) + \sum_{i \in W} (k_i - r_i) + \sum_{i \in D} (1 - r_i)$$

Riferimento: anno di vita, anno di polizza e anno di calendario

Le stime

$${}^o q_x = \frac{\theta_x}{E_x} \qquad {}^o m_x = \frac{\theta_x}{E_x^C} \qquad \text{per } x = a, a + 1, \dots, \omega - 1$$

forniscono delle stime per, rispettivamente,

$$q_{x+f} \qquad m_{x+f}$$

Essendo

$$-\frac{1}{2} \leq f < \frac{1}{2}$$

Nel caso di distribuzione uniforme delle stipulazioni delle polizze rispetto agli anni di vita, ovvero di distribuzione uniforme dei compleanni rispetto all'anno di polizza, si può assumere

$$f = 0$$

e quindi  ${}^o q_x$  e  ${}^o m_x$  forniscono delle stime per, rispettivamente,  $q_x$  e  $m_x$

Riferimento: anno di vita, anno di polizza e anno di calendario

### Conteggio dei decessi prendendo come riferimento l'anno di calendario

Nelle assicurazioni collettive o nei fondi pensione, c'è una data prefissata, per esempio l'1/1, chiamata **data di valutazione del fondo** ed agli assicurati viene attribuita l'età arrotondata (intera) in tale data.

Si dice allora che si prende come **riferimento l'anno di calendario** dall'1/1 al 31/12.

È come se tutte le polizze fossero stipulate nella stessa data ed a tutti gli assicurati si attribuisse l'età arrotondata in tale data.

Analogamente a quanto visto nel caso in cui si prenda come riferimento l'anno di polizza, si definisce per ogni individuo osservato, la data di nascita di valutazione, il vettore delle età  $(y_i, z_i, \theta_i, \phi_i)$  e, con riferimento alla classe di età  $]x, x + 1]$  il vettore delle durate  $(r_i, s_i, t_i, k_i)$

Poiché generalmente l'intervallo di osservazione inizia all'1/1 di un certo anno e termina al 31/12 di qualche anno dopo, per ogni individuo osservato si ha  $r_i = 0$  e  $s_i = 1$  .

Riferimento: anno di vita, anno di polizza e anno di calendario

Poiché, nei casi di uscita per morte e, rispettivamente, per altra causa

$x + t_i$  non è più l'età esatta di uscita per morte, ma  $t_i$  è la durata di tempo dalla data di valutazione del fondo precedente all'uscita per morte

$x + k_i$  non è più l'età esatta di uscita per altra causa, ma  $k_i$  è la durata di tempo dalla data di valutazione del fondo precedente all'uscita per altra causa

si dice che si prende come **riferimento l'anno di calendario** in quanto si considerano gli eventi che avvengono nell'anno di calendario.

Si ha allora che

$\theta_x$  è il numero di decessi osservati per gli assicurati nell'anno di calendario  $]x, x + 1]$

Anche nella valutazione dell'esposizione si prende come riferimento l'anno di calendario, conteggiando le esposizioni tra due date di valutazione del fondo.

Riferimento: anno di vita, anno di polizza e anno di calendario

Le stime

$${}^o q_x = \frac{\theta_x}{E_x} \quad {}^o m_x = \frac{\theta_x}{E_x^C} \quad \text{per } x = a, a + 1, \dots, \omega - 1$$

forniscono delle stime per, rispettivamente,

$$q_{x+f} \quad m_{x+f}$$

Essendo

$$-\frac{1}{2} \leq f < \frac{1}{2}$$

Nel caso di distribuzione uniforme dei compleanni nell'anno di calendario, si può assumere

$$f = 0$$

e quindi  ${}^o q_x$  e  ${}^o m_x$  forniscono delle stime per, rispettivamente,  $q_x$  e  $m_x$



Riferimento: anno di vita, anno di polizza e anno di calendario

Talvolta si attribuisce come età arrotondata intera ad una data di valutazione del fondo, l'età raggiunta all'ultimo compleanno.

### Definizione

Diremo che un individuo ha **età troncata** (intera)  $x$  all'1/1 di un certo anno se in quella data ha età esatta nell'intervallo  $[x, x + 1[$

$\theta_x$  è il numero di decessi osservati con età troncata  $x$  all'1/1 precedente al decesso

Le stime  ${}^o q_x = \frac{\theta_x}{E_x}$        ${}^o m_x = \frac{\theta_x}{E_x^C}$       per  $x = a, a + 1, \dots, \omega - 1$

forniscono delle stime per, rispettivamente,

$$q_{x+f} \quad m_{x+f} \quad \text{essendo} \quad 0 \leq f < 1$$

Nel caso di distribuzione uniforme dei compleanni nell'anno di calendario, si può assumere

$$f = \frac{1}{2}$$

e quindi  ${}^o q_x$  e  ${}^o m_x$  forniscono delle stime per, rispettivamente,  $q_{x+1/2}$  e  $m_{x+1/2}$