

Transitivity:	$X \delta Y \delta Z \rightarrow X \delta Z$	$\delta \circ \delta \subseteq \delta$
Symmetry:	$Y \delta X \rightarrow X \delta Y$	$\delta^{-1} = \delta$
Reflexivity:	$X \delta Y \rightarrow X \delta X \wedge Y \delta Y$	$\delta \cup \delta^{-1} \subseteq (\iota \cap \delta) \circ \mathbf{1}$
Strictness:	$\neg X < X$	$< \cap \iota = \emptyset$
Antisymmetry:	$X \leq Y \leq X \rightarrow X = Y$	$\leq \cap \leq^{-1} \subseteq \iota$
Trichotomy:	$X < Y \vee X = Y \vee Y < X$	$< \cup \iota \cup <^{-1} = \mathbf{1}$
Acyclicity:	$\neg X_0 \in X_1 \in \dots \in X_n \in X_0$	$\in \circ \dots \circ \in \cap \iota = \emptyset$
Density:	$X \leq Y \wedge X \neq Y \rightarrow (\exists v)(X \leq v \leq Y \wedge X \neq v \neq Y)$	$\leq \setminus \iota \subseteq (\leq \setminus \iota) \circ (\leq \setminus \iota)$
Lack of endpoints:	$(\exists v, w)(v \leq X \leq w \wedge v \neq X \neq w)$	$\iota \subseteq (\leq \setminus \iota) \circ \mathbf{1} \circ (\leq \setminus \iota)^{-1}$
Galois' correspondence:	$(\forall x, y) \left((\exists z(x \mathsf{f} z \wedge z \mathsf{f} y) \rightarrow x = y) \wedge (x \mathsf{f} y \rightarrow x \neq y) \wedge (y \mathsf{f} x \rightarrow \exists v x \mathsf{f} v) \right)$	$\mathsf{f} \circ \mathsf{f} \subseteq \iota \wedge \mathsf{f} \cap \iota = \emptyset \wedge \mathsf{f}^{-1} \subseteq \mathsf{f} \circ \mathbf{1}$
Monotonicity:	$X \leq Y \mathsf{f} Z \wedge X \mathsf{f} V \rightarrow V \leq Z$	$\leq \circ \mathsf{f} \cap \mathsf{f} \circ \leq = \emptyset$
Bisimulation:	$(Y \beta X \rightarrow X \beta Y) \wedge (V \gamma X \beta Y \rightarrow (\exists w)(w \gamma Y \wedge V \beta w))$	$\mathbf{1} \circ (\beta \setminus \beta^{-1}) \cup (\gamma \circ \beta \setminus \beta \circ \gamma) = \emptyset$
Graph isomorphism:	$\begin{aligned} & ((X \mathsf{f} Y \wedge X \mathsf{f} Z) \vee (Y \mathsf{f} X \wedge Z \mathsf{f} X) \rightarrow Y = Z) \\ & \wedge ((\exists v)X \mathsf{f} v \leftrightarrow (\exists w)(X \mathsf{r} w \vee w \mathsf{r} X)) \wedge ((\exists v)v \mathsf{f} Y \leftrightarrow (\exists w)(Y \mathsf{s} w \vee w \mathsf{s} Y)) \\ & \wedge (X \mathsf{r} Z \leftrightarrow (\exists v, w)(X \mathsf{f} v \mathsf{s} w \wedge Z \mathsf{f} w)) \end{aligned}$	$\mathsf{f}^{-1} \circ \mathsf{f} \cup \mathsf{f} \circ \mathsf{f}^{-1} \subseteq \iota \wedge \mathsf{f} \circ \mathbf{1} = (\mathsf{r} \cup \mathsf{r}^{-1}) \circ \mathbf{1} \wedge \mathbf{1} \circ \mathsf{f} = \mathbf{1} \circ (\mathsf{s} \cup \mathsf{s}^{-1}) \wedge \mathsf{r} = \mathsf{f} \circ \mathsf{s} \circ \mathsf{f}^{-1}$

Figure 1: Rosetta stone relating first-order predicate language with map language

