

## Simulazione 1...

Immaginiamo che la popolazione contenga infinite palline numerate, in quantità pari ad un quarto dello spazio campione per ciascuno di quattro valori numerici: 2, 3, 5, e 9. Scriveremo

$$\omega = \{2,3,5,9\}$$

con probabilità uniforme  $p = \frac{1}{4}$ .

I parametri della popolazione sono dunque

$$\mu = 4.75$$

$$\sigma^2 = 7.1875$$

Dalla popolazione (infinita) vengono estratti dei campioni casuali formati ciascuno da  $N$  valori. In alternativa, possiamo pensare ad uno spazio campione finito, costituito da quattro palline che verranno scelte per  $N$  volte ma con rimessa, così da mantenere uniforme la probabilità di essere scelte.

Ripeteremo l'esperimento aleatorio di campioni casuali di grandezza  $N$  per 500,000 volte, calcolando ogni volta la media campionaria.

### II TEOREMA DEL LIMITE CENTRALE

con  $n$  abbastanza grande ( $N > 30$ ) la distribuzione delle medie campionarie tende a una

distribuzione gaussiana di media  $\mu = 4.75$  e deviazione standard  $\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} = \sqrt{\frac{7.1875}{n}}$ .

In altre parole, anche in una popolazione che non segue il modello gaussiano, le medie campionarie, se calcolate su campioni abbastanza grandi, tendono a distribuirsi secondo una legge gaussiana.

