

Introduzione alla Fisica Nucleare e Subnucleare

Prova scritta – 17, 06, 2020

Esercizio 1

Calcolare la sezione d'urto differenziale $d\sigma/d\Omega$ per diffusione di nuclei di ${}^3\text{He}$ da 3.5 MeV, su nuclei d'oro ($Z=79$), a un'angolo di 10 gradi.

$$\left(\alpha = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0\hbar c} \simeq \frac{1}{137} ; \quad \hbar \simeq 1.055 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s} \simeq 6.582 \times 10^{-22} \text{ MeV} \cdot \text{s} \right)$$

Soluzione esercizio 1

Si tratta di un urto colombiano che per angoli dell'ordine di 10 gradi non dovrebbe disintegrare l' ${}^3\text{He}$ incidente (che ha un'energia media di legame per nucleone di poco superiore a 2.57 MeV). Si utilizza quindi la formula della sezione d'urto di Rutherford (non serve Mott, dato il piccolo angolo di diffusione).

$$\frac{d\sigma(\vartheta)}{d\Omega} = \left(\frac{Z_1 Z_2 e^2}{16\pi\epsilon_0 E_k} \right)^2 \frac{1}{\sin^4 \frac{\vartheta}{2}} \equiv \frac{d\sigma(\vartheta)}{d\Omega} = \left(\frac{Z_1 Z_2 \alpha \hbar c}{4E_k} \right)^2 \frac{1}{\sin^4 \frac{\vartheta}{2}}$$

E sostituendo si ottiene:

$$\frac{d\sigma(\vartheta = 10^\circ)}{d\Omega} \simeq \frac{(1.627 \times 10^{-14})^2}{\sin^4 \frac{\vartheta}{2}} \simeq \frac{2.65 \times 10^{-28}}{5.77 \times 10^{-5}} \simeq 4.592 \times 10^4 \text{ barn}$$

Esercizio 2

Si dica quali delle seguenti alternative è possibile e se ne motivi qualitativamente e quantitativamente la scelta:

- il ${}^{238}\text{Pu}$ può decadere spontaneamente emettendo deutoni;
- il ${}^{238}\text{Pu}$ può decadere spontaneamente emettendo particelle alfa;
- il ${}^{238}\text{Pu}$ può decadere spontaneamente emettendo sia deutoni che particelle alfa.

Si conoscono:

- massa protone = 1.00794 uma = 938.27 MeV
- massa deutone = 2.014101778 uma
- massa particella alfa = 4.002602 uma
- massa ${}^{234}\text{U}$ = 234.040945 uma
- massa ${}^{236}\text{Np}$ = 236.04657 uma
- massa ${}^{238}\text{Pu}$ = 238.049553 uma

Soluzione esercizio 2

Si calcolano i Q-valori per i supposti decadimenti in deutoni e in particelle alfa.

Risulta:

$$Q_d = (238.049553 - 236.04657 - 2.014101778) \frac{938.27}{1.00794} \text{ MeV} = -10 \text{ MeV};$$

$$Q_\alpha = (238.049553 - 234.040945 - 4.002602) \frac{938.27}{1.00794} \text{ MeV} = 5.6 \text{ MeV}.$$

Poiché $Q_d < 0$, il decadimento in deutoni è energeticamente vietato; essendo $Q_\alpha > 0$ è invece energeticamente permesso il decadimento in particelle α .

Esercizio 3

Un fascio di raggi x di 5 keV viene attenuato al 7.35% nel passare attraverso 0.05 mm di alluminio mentre un analogo fascio di 10 keV viene attenuato al 70.18%.

Si calcoli il coefficiente di assorbimento dei fotoni alle 2 energie in oggetto. Analizzando la dipendenza dall'energia, si mostri inoltre che la sezione d'urto che domina il processo è quella fotoelettrica.

Soluzione esercizio 3

$$N(x)/N(0) = e^{-\mu x}$$

è la percentuale di fotoni che non vengono assorbiti.

Pertanto

$$e^{-\mu(5keV)x} = N(x)/N(0) = 0.0735$$

e

$$e^{-\mu(10keV)x} = N(x)/N(0) = 0.7018$$

$$\mu(5keV) = -\ln(0.0735)/x = 2.61/x$$

$$\mu(10keV) = -\ln(0.7018)/x = 0.354/x$$

e quindi, essendo $x = 0.005$ cm risulta

$$\mu(5keV) = 522 \text{ cm}^{-1}$$

$$\mu(10keV) = 70.8 \text{ cm}^{-1}$$

Siccome $\mu = N_0\sigma$, prodotto di numero di atomi per unità di volume e sezione d'urto, e siccome sappiamo che la sezione d'urto fotoelettrica (e quindi μ) scala E^{-3} verifichiamo la dipendenza dall'energia:

$$\mu(5keV)/\mu(10keV) = \sigma(5keV)/\sigma(10keV) = 7.373 = (5keV/10keV)^\alpha = 0.5^\alpha$$

$$\alpha = \ln(7.373)/\ln(0.5) = -1.997/0.693 = -2.88$$

Ne viene pertanto che

$$\sigma \sim E^{-2.88} \sim E^{-3}$$

e quindi la sezione d'urto dominante è quella fotoelettrica.

Esercizio 4

Considerando che l'atmosfera terrestre corrisponde a circa $1000\text{g}/\text{cm}^2$ si stimi quanta energia ha perso un muone che arriva al suolo con un'energia pari a 3 GeV trascurando la variazione logaritmica del potere frenante.

Soluzione esercizio 4

Siccome a 3 GeV un muone è relativistico, lo è stato a maggior ragione anche durante l'attraversamento dell'atmosfera.

Considerando che al minimo di ionizzazione una particella perde circa $2\text{ MeV}/\text{g} \times \text{cm}^2$, se trascuriamo la variazione di potere frenante del termine logaritmico possiamo stimare la perdita di energia come

$$\Delta E = dE/dX * \Delta X = 2\text{ MeV}/\text{g} \times \text{cm}^2 \times 10^3\text{ g}/\text{cm}^2 = 2000\text{ MeV}$$

Esercizio 5

Stabilire quali reazioni e quali decadimenti sono permessi e quali sono proibiti, indicando per quelli permessi l'interazione responsabile e per quelli proibiti tutti i numeri quantici che sono violati:

- 1) $K^- + p \rightarrow \Xi^0 + \bar{K}^0$
- 2) $\bar{\nu}_\mu + u \rightarrow \mu^+ + d$
- 3) $W^+ \rightarrow \pi^+ \gamma$
- 4) $J/\psi \rightarrow \tau^+ \tau^-$

Soluzione esercizio 5

- 1) proibita, interazione forte con violazione di stranezza.
- 2) permessa, interazione debole.
- 3) permessa, decadimento debole.
- 4) proibita, violazione della conservazione dell'energia ($M_{J/\psi} < M_{\tau\tau}$).

Esercizio 6

Un fascio di neutrini muonici, interagendo con un bersaglio di materia (fermo), induce la reazione: $\nu_\mu + n \rightarrow \mu^- + p$. Calcolare l'energia di soglia dei neutrini muonici per produrre la reazione. (Assumere i valori $m_{\nu_\mu} = 0, m_p = 938\text{MeV}, m_n = 939\text{MeV}, m_\mu = 105\text{MeV}$).

Soluzione esercizio 6

$$K_\nu^S = \frac{(m_p + m_\mu)^2 - m_n^2}{2m_n} = 110.2\text{MeV}.$$