

# Corso di Teoria dei Campi 2

7515M 2019

David Marzocca - INFN Trieste

[moodle2.units.it/course/view.php?id=5532](http://moodle2.units.it/course/view.php?id=5532)

[david.marzocca@sissa.it](mailto:david.marzocca@sissa.it)

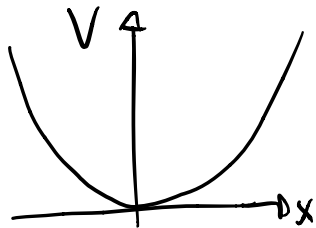
- Corso di tematiche più avanzate sulla teoria dei campi. Due argomenti principali.
  - Formalismo dell'integrale sui cammini
  - Rinormalizzazione
- Prerequisiti:
  - Meccanica quantistica
  - Relatività ristretta e invarianza di Lorentz
  - Teoria dei campi 1: quantizzazione di un campo scalare, spinori.
- Libri
  - M.D. Schwartz "Quantum Field Theory and the Standard Model"
  - Peskin, Schroeder "An Introduction to Quantum Field Theory"
  - Weinberg "The Quantum Theory of Fields - Vol I-II"
  - Itzykson, Zuber "Quantum Field Theory"
  - Serone QFT lecture notes of SISSA

# Introduzione

Prendiamo un oscillatore quantistico

$$\hat{H} = \frac{\hat{p}^2}{2m} + \frac{1}{2} m \omega^2 \hat{x}^2 = \hbar \omega \left( \hat{a}^\dagger \hat{a} + \frac{1}{2} \right)$$

$$a = \sqrt{\frac{m\omega}{2\hbar}} \left( \hat{x} + \frac{i}{m\omega} \hat{p} \right)$$



autostati  $|n\rangle$  con

$$n = 0, 1, 2, \dots$$

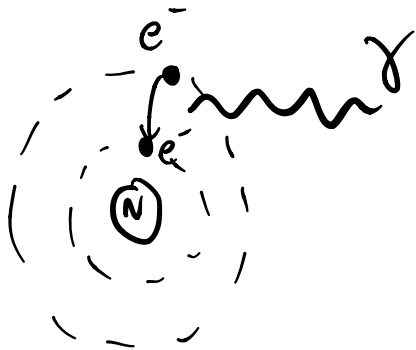
$$\text{e } \hat{H}|n\rangle = \hbar \omega \left( n + \frac{1}{2} \right) |n\rangle$$

Gli operatori di creazione e distruzione spostano tra livelli energetici:

$$\begin{cases} \hat{a}^\dagger |n\rangle = \sqrt{n+1} |n+1\rangle \\ \hat{a} |n\rangle = \sqrt{n} |n-1\rangle \end{cases}$$

⇒ Il numero di "particelle" però è costante: 1 di massa m.

In alcuni processi quantistici, però, il numero di particelle NON è CONSERVATO:



emissione o assorbimento di un fotone.

# Campi come oscillatori armonici

Ref: [S.2.2-2.3]

Equazioni di Maxwell:  $\partial_\mu F_{\mu\nu} = \partial_r (d_r A_\nu - d_\nu A_r) = \Delta A_\nu - d_\nu (d_r A_r) = 0$

Nella gauge di Lorentz  $\partial_\mu A_\mu = 0$

$$\Rightarrow \Delta A_\nu = 0 \rightarrow (\partial_t^2 - \vec{\nabla}^2) A_\nu = 0$$

Soluzione  $A_\nu(x,t) = a_\nu(t) e^{i\vec{p}\cdot\vec{x}}$  con

$$(\partial_t^2 + \vec{p}\cdot\vec{p}) a_\nu(t) = 0$$

è un oscillatore armonico

con  $\omega_p^2 = \vec{p}\cdot\vec{p}$

↓ "SECONDA" QUANTIZZAZIONE

$$H_0 = \int \frac{d^3p}{(2\pi)^3} \hbar \omega_p \left( a_p^\dagger a_p + \frac{1}{2} V \right)$$

ANALOGIA

$$\frac{d^2x(t)}{dt^2} + \omega^2 x(t) = 0$$

oscillatore armonico, e.g.

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

↓ QUANTIZZAZIONE

$$H = \hbar \omega \left( a^\dagger a + \frac{1}{2} \right)$$

Quantizziamo il campo elettromagnetico come una serie di oscillatori armonici per ogni numero d'onda  $\vec{p}$ , con associati operatori di creazione e distruzione  $a_p^\dagger, a_p$

Ogni modo d'oscillazione ha energia  $E = \hbar \omega_p$

↑

SECONDA QUANTIZZAZIONE



Studiata in

in

QFT 1

# QUANTIZZAZIONE DI UN CAMPO SCALARE LIBERO

$$\mathcal{L} = \frac{1}{2} (\partial_\mu \phi)^2 - \frac{1}{2} m^2 \phi^2 \quad [S.2.3, 17.3.1]$$

seconda quantizzazione

$$\phi(x) = \int \frac{d^3p}{(2\pi)^3 \sqrt{2\omega_p}} \left( a_p e^{-ipx} + a_p^\dagger e^{+ipx} \right), \quad \omega_p^2 = \vec{p}^2 + m^2$$
$$p^\mu = (\omega_p, \vec{p})$$

$$[a_p, a_p^\dagger] = (2\pi)^3 \delta^3(\vec{p} - \vec{k})$$

$$\hookrightarrow [\phi(t, \vec{x}), \phi(t, \vec{y})] = 0$$

$$\pi(x) = \frac{\delta \mathcal{L}}{\delta (\partial_t \phi(x))} = \partial_t \phi(x)$$

$$[\phi(t, \vec{x}), \pi(t, \vec{y})] = i \delta^3(\vec{x} - \vec{y})$$

propagatore di Feynman

$$\langle 0 | T \{ \phi(x) \phi(y) \} | 0 \rangle = \int \frac{d^4p}{(2\pi)^4} \frac{i}{p^2 - m^2 + i\epsilon} e^{ip(x-y)}$$

↓  
T-prodotto