STRUTTURE DATI ASTRATTE PILE (STACKS)

INFORMATICA

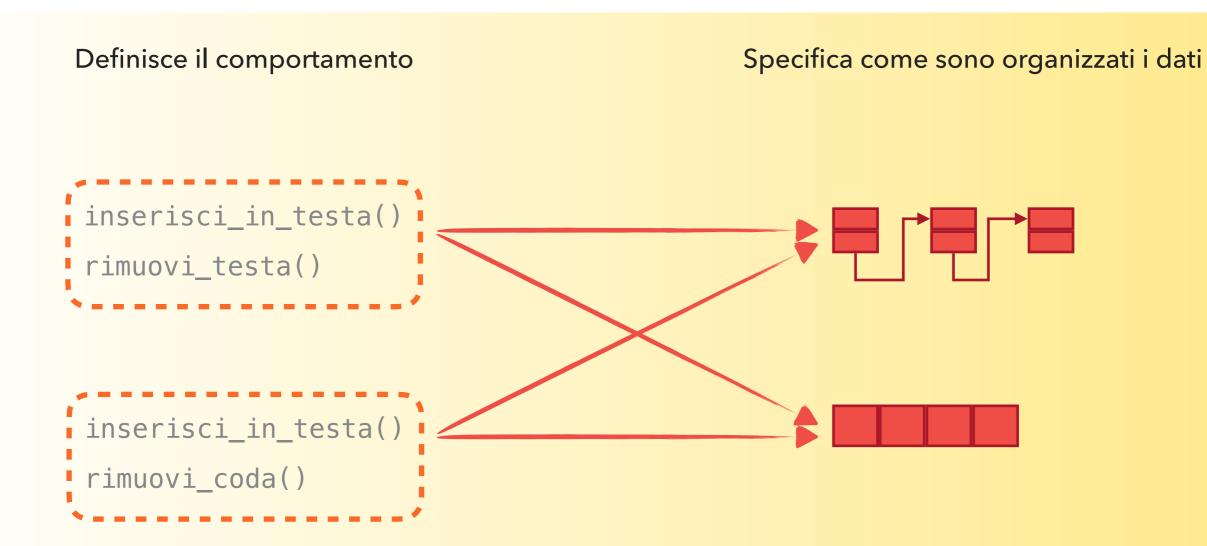
STRUTTURE DATI CONCRETE E ASTRATTE

- Fino ad ora abbiamo visto come organizzare in memoria i dati e come eseguire delle operazioni su di essi
- Abbiamo quindi visto strutture dati concrete
- Possiamo focalizzarci invece sulle operazioni che dobbiamo consentire (definendo quindi strutture dati astratte)
- E poi chiederci quali strutture dati concrete possiamo utilizzare per implementarle

CONCRETO VS ASTRATTO

ASTRATTO

CONCRETO



Ma la distinzione non è sempre netta, è un continuo!

LO STACK O PILA

- Lo stack (o pila) è una struttura dati astratta con due principali operazioni:
 - Push. Inserisce un elemento nello stack.
 - Pop. Rimuove l'ultimo elemento inserito (e non ancora rimosso)
- Chiamato anche LIFO (Last In, First Out)
- Le operazioni sono le stesse che si possono fare su una pila di piatti

Stack (pila) di piatti

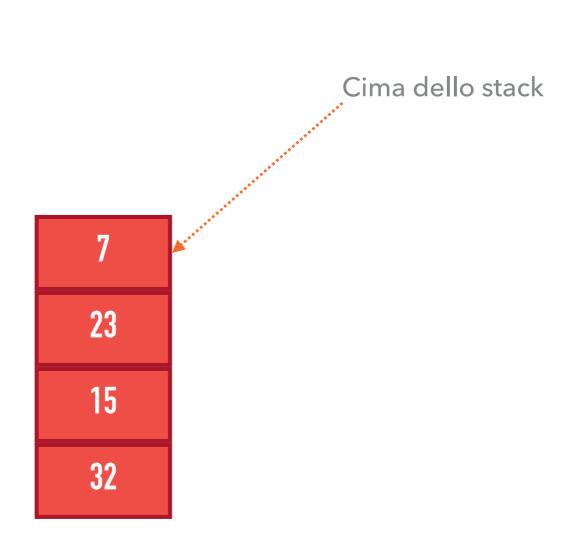


LO STACK O PILA

- La cima (o top) dello stack è l'ultimo elemento inserito e non ancora rimosso
- Altre operazioni possibili (ma non essenziali):
 - Peek. Per vedere il valore sulla cima dello stack senza rimuoverlo.
 - Empty. Per chiedere se lo stack è vuoto

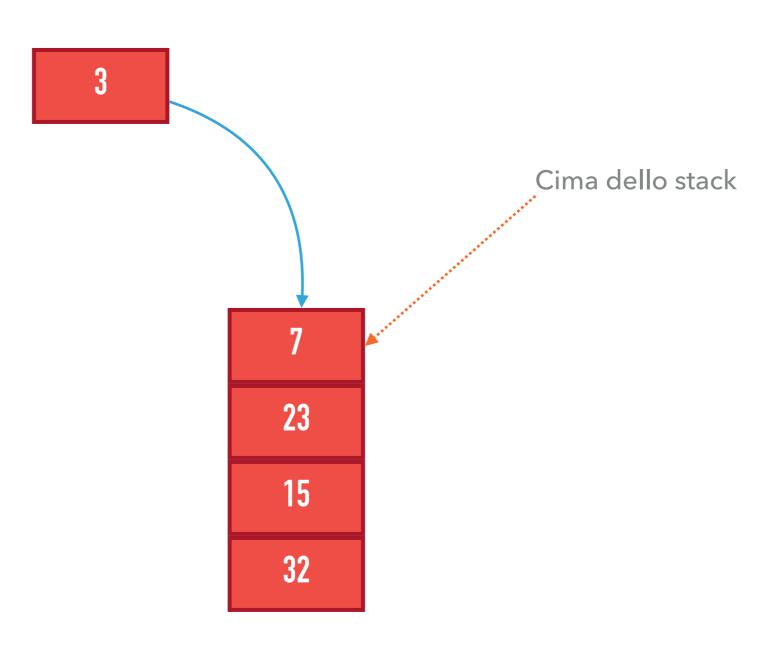
Operazioni da eseguire:

```
push(3)
pop()
push(5)
pop()
pop()
```



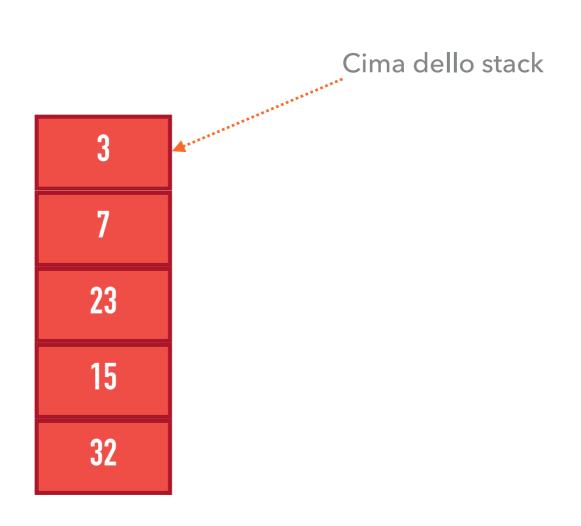
Operazioni da eseguire:

push(3)
pop()
push(5)
pop()
pop()



Operazioni da eseguire:

```
push(3)
pop()
push(5)
pop()
pop()
```

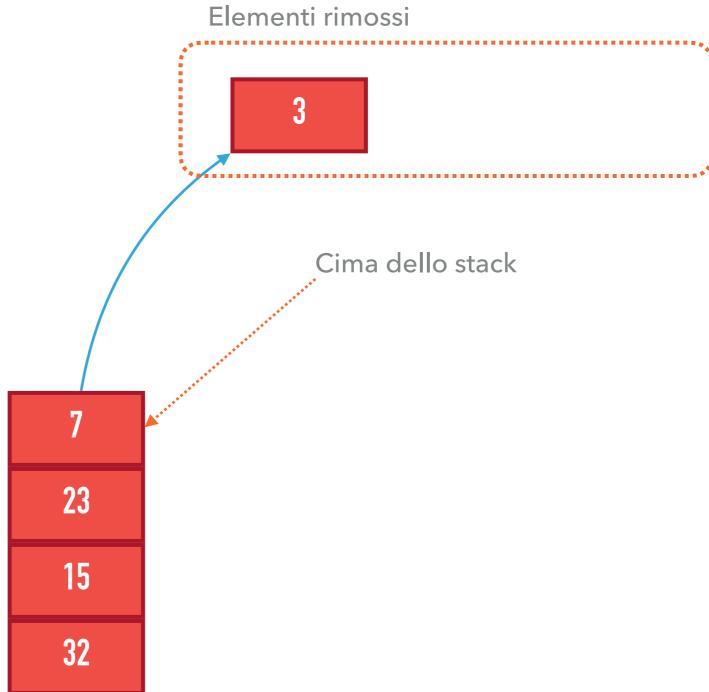


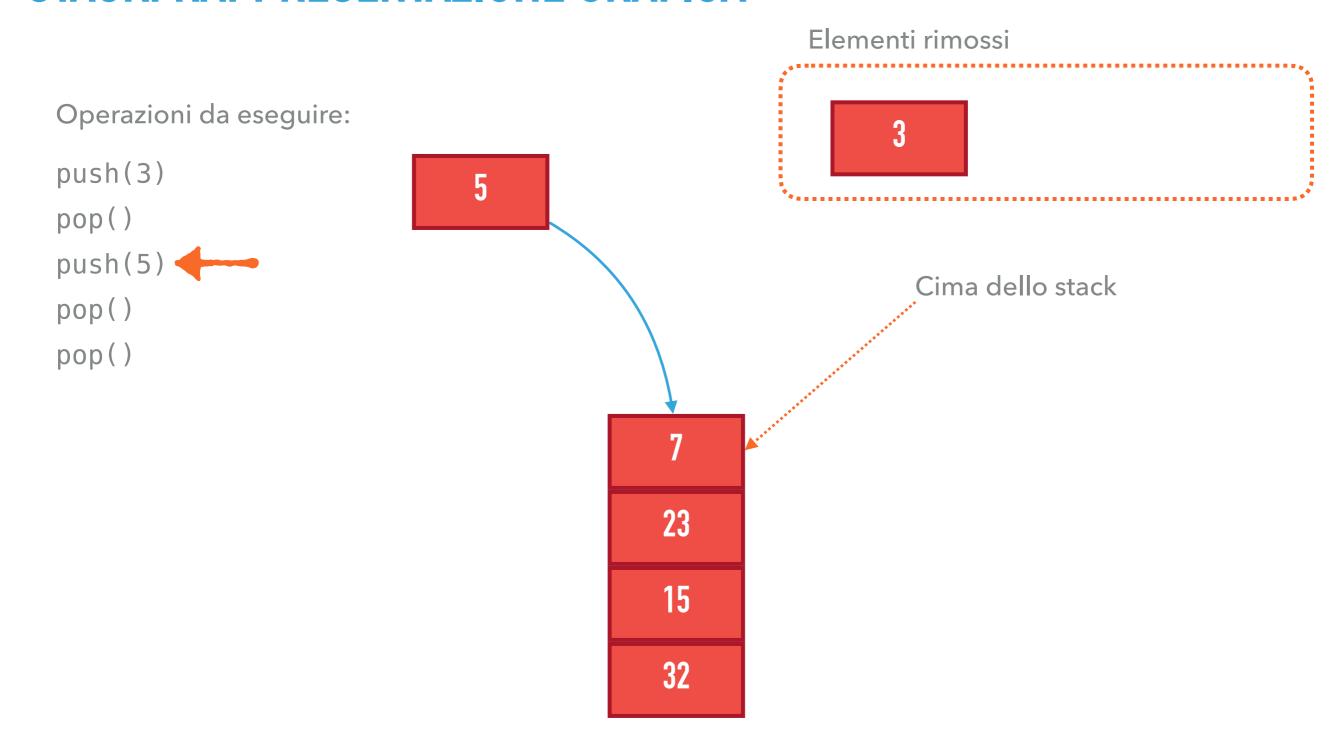
Operazioni da eseguire:

push(3)
pop()
push(5)

pop()

pop() Cima dello stad





Operazioni da eseguire:

push(3)

pop()

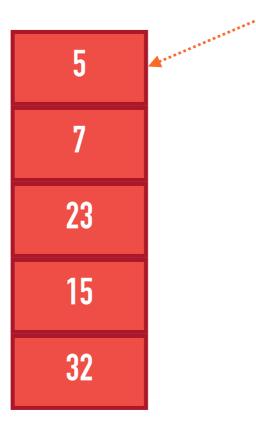
push(5)

pop()

pop()







Operazioni da eseguire:

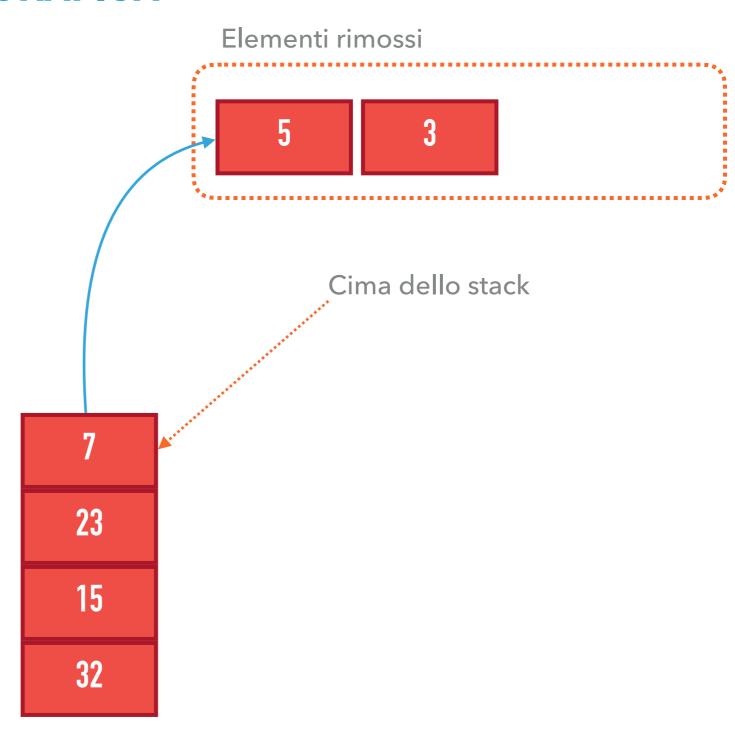
push(3)

pop()

push(5)

pop()

pop()



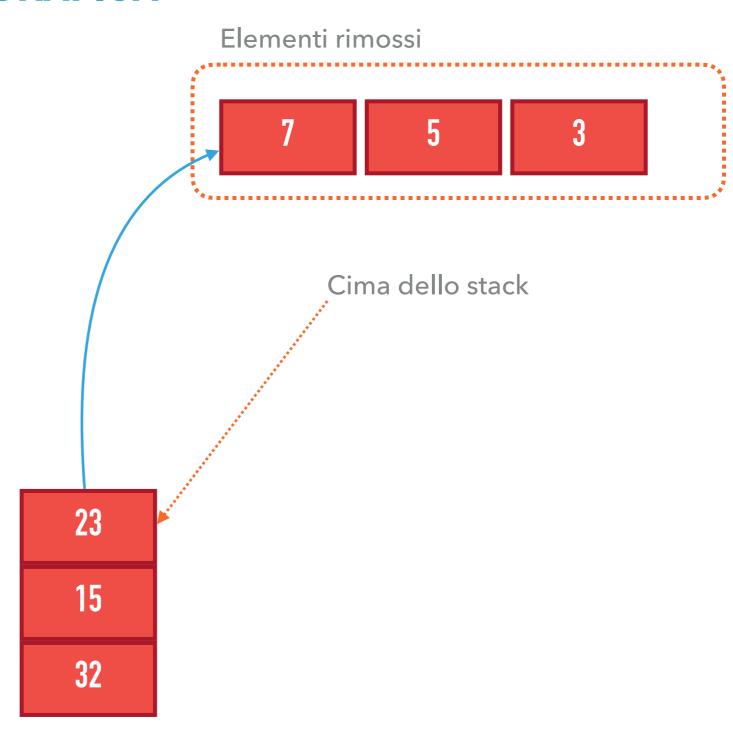
Operazioni da eseguire:

push(3)

pop()

push(5)

pop()



QUIZ: STACK

Cosa è contenuto in uno stack (top a destra) dopo la seguente sequenza di operazioni?

push(4)
push(5)
pop()
push(6)
push(7)
pop()

A) 4 6

B) 67

C) 5 7

D) 4567

PERCHÉ LO STACK È UTILE?

- Diversi altri algoritmi ne fanno uso al loro interno:
 - Trovare l'inviluppo convesso di un insieme di punti
 - Trovare l'uscita in un labirinto (esempio di ricerca in un grafo)
- I record di attivazione sono gestiti in uno stack
- Possono essere usati per valutare espressioni in RPN (reverse Polish notation – notazione polacca inversa)

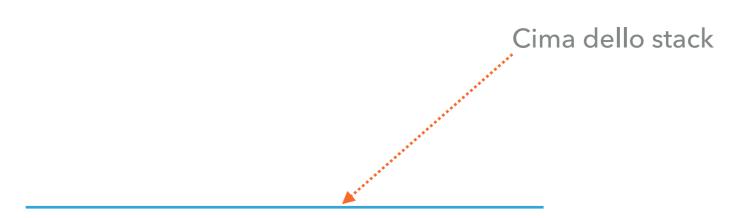
NOTAZIONE POLACCA INVERSA

- $(2+3) \times 4$ diventa $23 + 4 \times$
- L'operazione si mette dopo gli operandi
- Come si interpreta?
 - Se si incontra un numero questo viene messo in uno stack
 - Se si incontra un'operazione, gli operandi sono rimossi dallo stack, l'operazione viene effettuata ed il risultato inserito nello stack

Notazione usata in alcune calcolatrici scientifiche



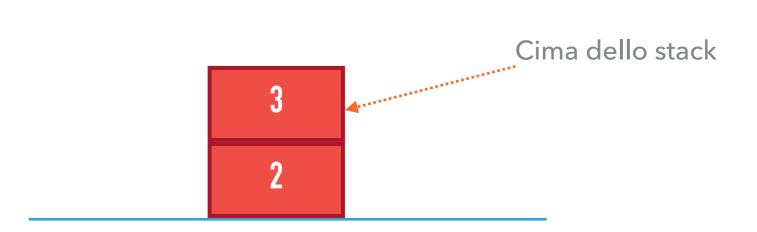
Operazioni da eseguire:



Operazioni da eseguire:

Cima dello stack

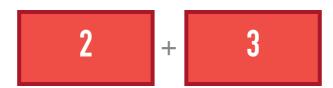
Operazioni da eseguire:

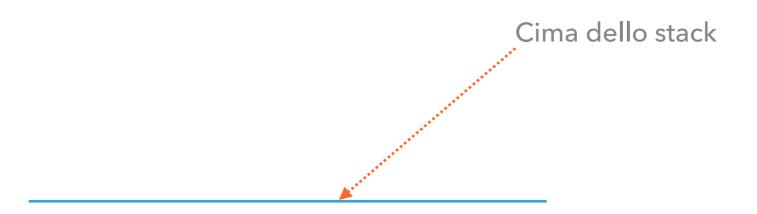


Operazioni da eseguire:



Eseguiamo l'operazione usando come operandi i primi due elementi in cima allo stack



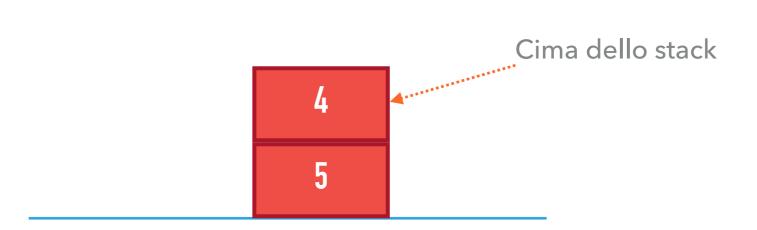


Operazioni da eseguire:

Cima dello stack

E inseriamo i risultato nello stack

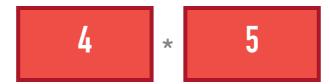
Operazioni da eseguire:

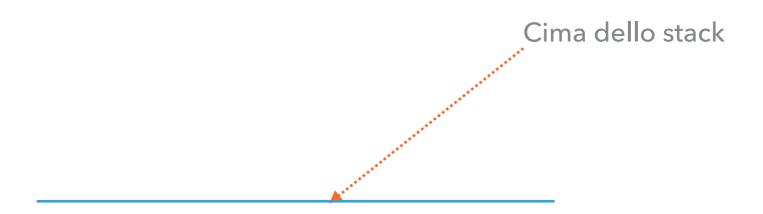


Operazioni da eseguire:



Eseguiamo l'operazione usando come operandi i primi due elementi in cima allo stack





Operazioni da eseguire:

Cima dello stack

QUIZ: RPN

Quale è il risultato della valutazione della seguente espressione in RPN?

A) 13

B) espressione non valida



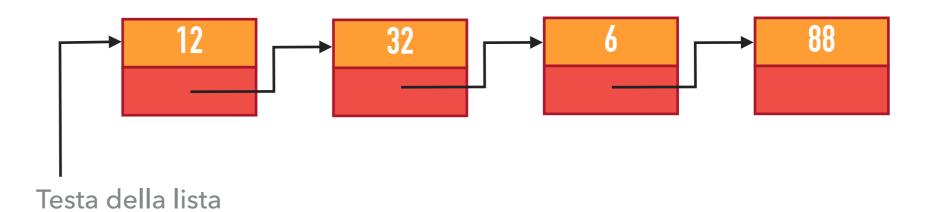


IMPLEMENTAZIONE DEGLI STACK

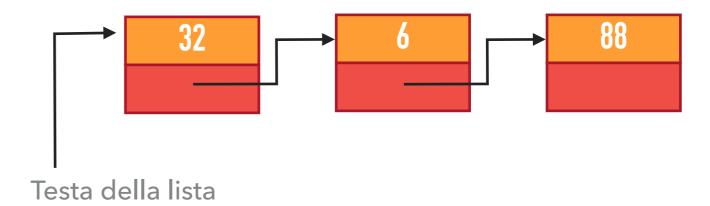
- Dato che uno stack definisce solo le operazioni che si possono effettuare dobbiamo decidere come implementare lo stack
- Vediamo due modi:
 - Stack implementato tramite liste concatenate singole
 - Stack implementato tramite array

- L'implementazione con liste concatenate richiede due operazioni:
 - Push: inserimento in testa alla lista
 - Pop: rimozione dalla testa della lista
- Altre operazioni sono comunque facili da implementare:
 - Peek: valore della testa della lista
 - Empty: controllo che la testa non sia None

pop()
push(3)



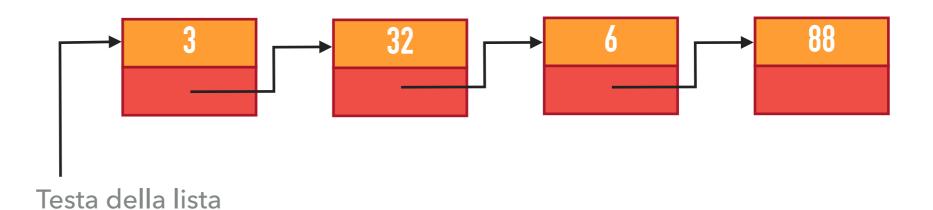




Valore ritornato:

12





La complessità di inserimento e rimozione è pari a quella di inserimento in testa e rimozione del primo elemento

▶ Push: *O*(1)

• Pop: *O*(1)

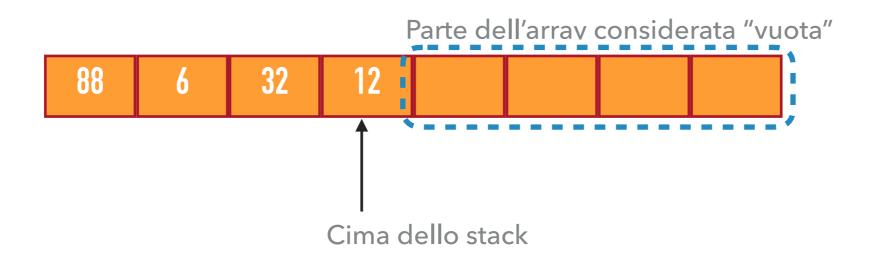
- Nota bene: la complessità delle operazioni dipende dall'implementazione!
- Non possiamo dire quale sia il costo computazionale senza dire come sono state implementate!

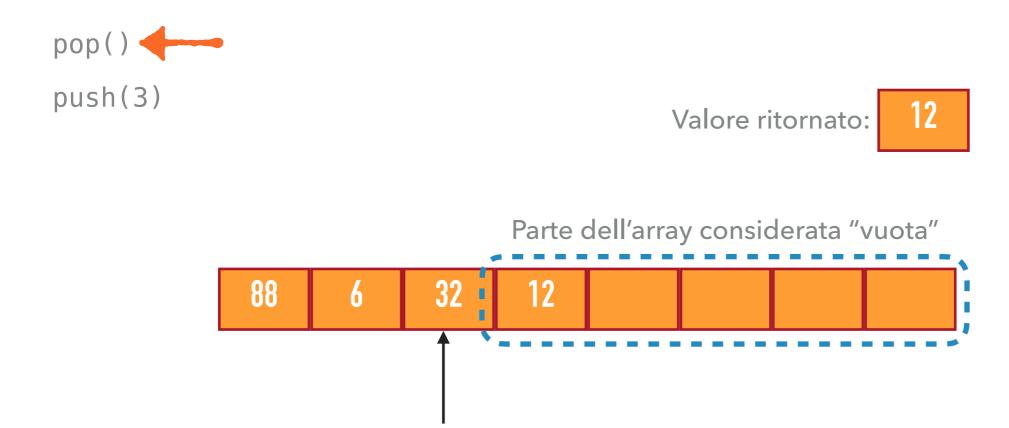
Perché non abbiamo usato una lista concatenata doppia per implementare lo stack?

- A) Potevamo usarla, avrebbe migliorato la complessità
- B) Potevamo usarla, ma non avrebbe migliorato la complessità
 - C) Non era utilizzabile
 - D) Era utilizzabile solo se circolare

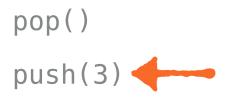
- Dato che un array non "cresce", gli array possono implementare facilmente solo stack di dimensione limitata, ma copiando l'array nel caso si inserisca un elemento in un array "pieno" è possibile ottenere stack di dimensioni arbitrarie
- ▶ Uno stack di n elementi occupa le posizioni da 0 a n-1 dell'array con la testa dello stack in posizione n-1
- Inserire un elemento significa copiarlo in posizione n e ricordarsi che la testa dello stack è ora in posizione n
- La rimozione è simile, ritorniamo l'elemento in posizione n-1 ricordando che la testa dello stack è ora in posizione n-2

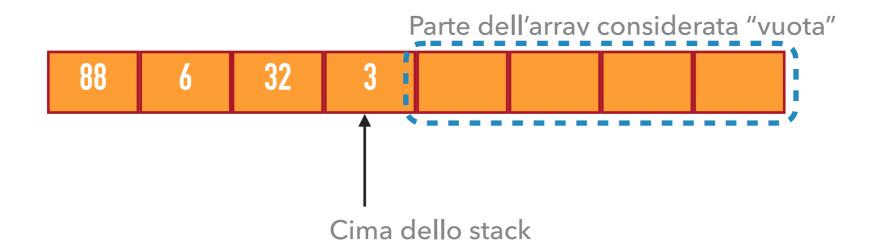
pop()
push(3)





Cima dello stack





Se la cima dello stack fosse stata l'ultima posizione dell'array avremmo dovuto copiare tutti in un array più grande prima di inserire il nuovo elemento!

- La complessità della rimozione è data dal decrementare una variabile e copiare un valore: O(1)
- L'inserimento, nel caso ci sia spazio disponibile è rapido richiedendo un numero costante di passi...
- ... ma nel caso peggiore dobbiamo copiare l'intero array, ottenendo un tempo che è O(n)