

- Le forze → 1. deformazione (su corpo vincolato) (nota: le forze sono vettori)
 → 2. movimento (su corpo libero)

questi due aspetti suggeriscono due diverse definizioni operative

1. allungamento di una molla opportunamente calibrata (dinamometro)
2. misura dell'accelerazione di una certa massa

- Forze fondamentali in natura:

forza elettrica	{ forza e.m. (Maxwell, 1865)}	{ forza elettrodebole (Glashow, Salam, Weinberg) (Rubbia, van der Meer) 1979 - 1983}	{ SUSY ?
forza magnetica			
forza nucleare debole			
forza nucleare forte (QCD)			GUT ?
forza gravitazionale (Newton, 1686)			

- Le leggi di Newton

di forze esterne agenti su di esso

- I) In assenza di forze esterne un corpo persevera nello stato di quiete o di moto rettilineo uniforme
 (legge di inerzia di Galileo)
 vale nei sistemi di riferimento inertiiali (es. "stelle fisse")
 in sistemi non-inertiiali non vale (es. bagagliaio dell'auto)

- II) In un sistema inerziale, $\sum \vec{F} = m \vec{a}$

(talvolta anche $\vec{F} = m \vec{a}$)

m : massa (inerziale del corpo)

se misuro la massa ⇒ ho definizione operativa di forza

1 N ⇒ intensità che impedisce ad un kg di avere accelerazione di 1 m/s²

$$1 \text{ N} = 1 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2} \quad (\text{SI})$$

$$= 10^3 \text{ g} \cdot \frac{10^2 \text{ cm}}{\text{s}^2} = 10^5 \frac{\text{g} \cdot \text{cm}}{\text{s}^2} = 10^5 \text{ dyne (cgs)} \quad (17)$$

III) Dati due corpi, 1 e 2,

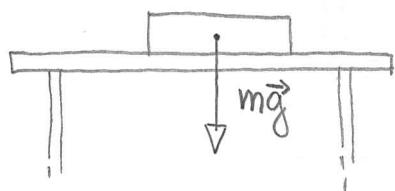
se 1 esercita \vec{F}_{12} su 2, allora 2 esercita \vec{F}_{21} su 1 e

$$\vec{F}_{21} = -\vec{F}_{12}$$

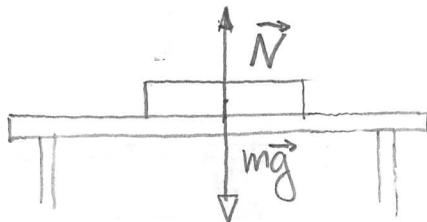
Moltre \vec{F}_{12} ed \vec{F}_{21} giacciono sulla stessa retta di applicazione



Attenzione a non confondere le conseguenze della II e della III legge. Esempio: libro appoggiato su tavolo

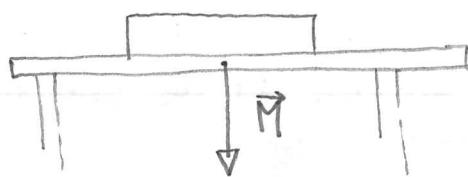


- ① sul libro agisce la forza peso
 $\vec{P} = m\vec{g}$ con m massa del libro
e $g = 9,8 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$
diretta verticalmente ↓



$$m\vec{g} + \vec{N} = 0$$

- ② tuttavia il libro non accelera ($\vec{a}=0$)
Allora per la II legge $\sum \vec{F} = 0$.
Per avere $\sum \vec{F} = 0$ devo avere
una forza \vec{N} agente sul libro
esercitata dal tavolo sul libro



- ③ per la III legge, visto che
il tavolo esercita \vec{N} sul libro,
allora il libro esercita \vec{M}
sul tavolo, con $\vec{M} = -\vec{N}$

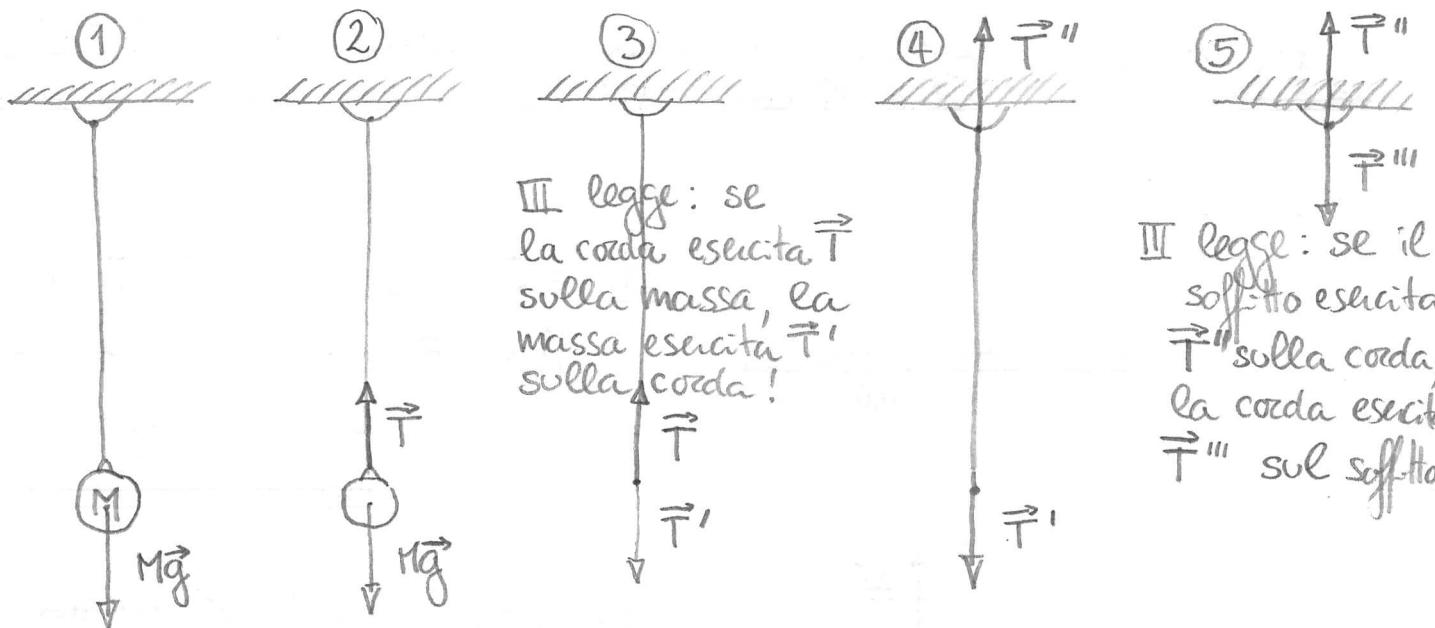
Chiaramente vale $|m\vec{g}| = |\vec{P}| = |\vec{N}| = |\vec{M}|$. Tutte queste forze
sono verticali, con $\vec{P} = m\vec{g} = \vec{M}$ che puntano verso il basso
ed \vec{N} diretta verso l'alto

Il ragionamento precedente si potrebbe ora applicare al
tavolo. Sul tavolo agiscono \vec{M} ed $m'\vec{g}$, con m' massa del tavolo.
Tuttavia il tavolo non accelera, quindi per la II legge $\sum \vec{F} = 0$
Esiste allora una forza \vec{Q} esercitata dal pavimento sul
tavolo, tale che $\vec{M} + m'\vec{g} + \vec{Q} = 0$. Poi per la III legge,

visto che il pavimento esercita \vec{Q} sul tavolo, allora il tavolo esercita $\vec{R} = -\vec{Q}$ sul pavimento.

Ulteriore esempio: massa M appesa al soffitto tramite una corda di massa trascurabile.

Visivamente:



II legge sulla massa

$$M\vec{g} + \vec{T} = 0$$

II legge sulla corda

$$\vec{T}' + \vec{T}'' = 0$$

Chiaramente $|M\vec{g}| = |\vec{T}| = |\vec{T}'| = |\vec{T}''| = |\vec{T}'''|$.

Tutte le forze sono verticali, con $M\vec{g}$, \vec{T}' e \vec{T}''' dirette verso il basso, mentre \vec{T} e \vec{T}'' sono dirette verso l'alto.

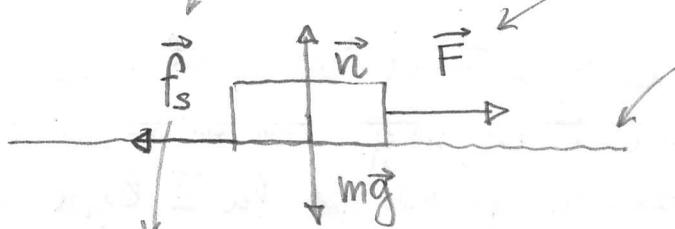
In pratica la corda, tesa e priva di massa, non fa altro che "trasferire" $M\vec{g}$ dalla massa M al soffitto.

Sul soffitto infatti agisce $\vec{T}''' = M\vec{g}$.

→ FORZE D'ATTRITO

→ statico

forza d'attrito statico



forza applicata $|\vec{F}| \leq f_{s,\max}$

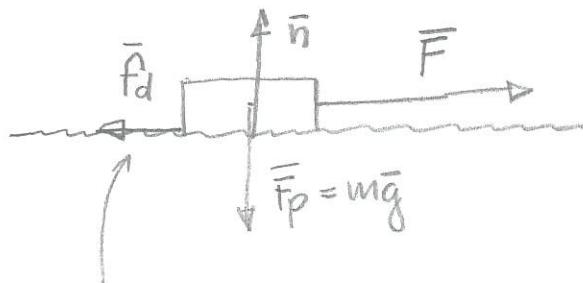
superficie scabra (non liscia)

$$|f_s| \leq f_{s,\max} = \mu_s \cdot |n|$$

$|f_s| = |\vec{F}|$ (l'oggetto sta fermo)

coefficiente attrito statico (19)

→ dinamico



coeff. attrito dinamico

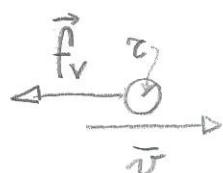
fata di attrito dinamico $f_d = \mu_d n$

μ_s e μ_d sono numeri (adimensionali), generalmente ≤ 1 e $\mu_d \leq \mu_s$

→ viscoso

La forza di attrito viscoso si manifesta quando un corpo si muove in un fluido viscoso. Tale forza si oppone al moto e la sua intensità è proporzionale alla velocità v .

E.s.



$$\text{con } \vec{f}_v = -6\pi\eta r \vec{v}$$

con η = viscosità

$$[\eta] = \frac{[f_v]}{[r][v]} = \frac{[M][L][t^{-2}]}{[L][L][t^{-1}]} = [M][L^{-1}][t^{-1}]$$

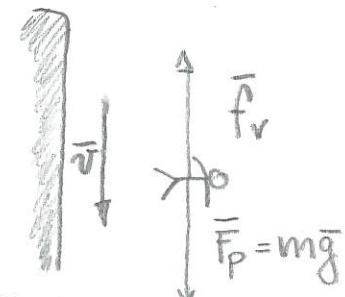
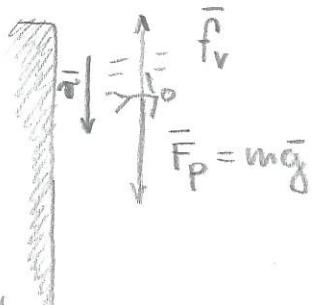
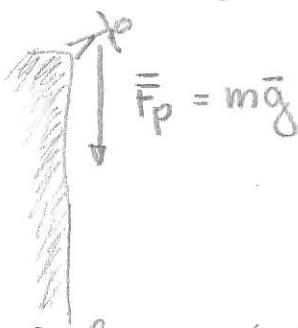
in c.g.s. l'unità è $\frac{g}{cm \cdot s}$ = poise

in SI (MKS) " $\frac{kg}{m \cdot s} = \frac{10^3 g}{10^2 cm \cdot s} = 10$ poise = decapoise

Se ad esempio una persona si lancia "nel vuoto" (si dice così ma si intende "in aria")

$$\bar{v} = 0$$

al crescere di \bar{v} cresce \vec{f}_v , finché $|\vec{f}_v| = m\bar{g}|$



20

e poi la caduta continua a v costante ...

→ Sedimentazione

Un discorso analogo si può fare per un corpo che "cade" in un liquido. Tuttavia in questo caso non si può trascurare la "spinta di Archimede":

"Un corpo immerso in un fluido riceve una spinta, dal basso verso l'alto, di intensità pari al peso del fluido spostato"

(Archimede, circa 250 a.C.)

liquido • densità!

$$\rho = \frac{m}{V}$$

densità oggetto $\rightarrow \rho$ $\bar{F}_g = \rho V \bar{g}$
 densità fluido $\rightarrow \rho'$ $\bar{F}_b = \rho' V \bar{g} = \rho' V \bar{g}$ $\downarrow \bar{v}_{\text{sed}} \text{ quando } \sum \bar{F} = 0$

All'equilibrio: $\rho V \bar{g} = \rho' V \bar{g} + 6\pi \eta r \bar{v}_{\text{sed}}$

$$\begin{aligned} \bar{v}_{\text{sed}} &= \frac{(\rho - \rho') V \bar{g}}{6\pi \eta r} \\ &= \frac{(\rho - \rho') \frac{4}{3}\pi r^3 g}{36\pi \eta r} \\ &= \frac{2}{9} \frac{(\rho - \rho') r^2 g}{\eta} \end{aligned}$$

causa
dalla gravità

v.e.s. = velocità di entratosedimentazione

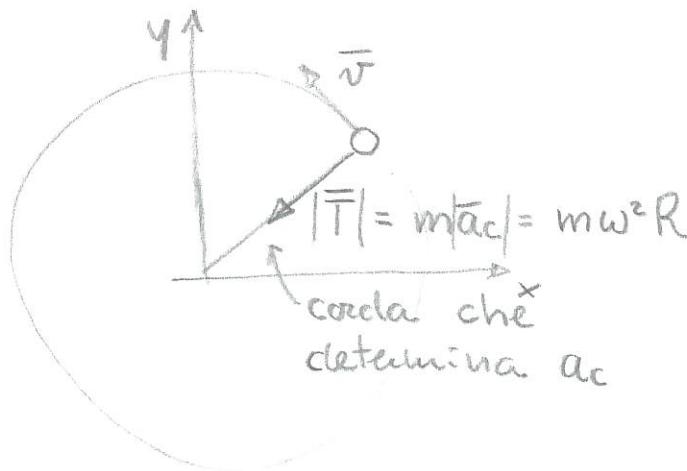
! velocità di sedimentazione (libera) degli entrati

v.e.s. $\leq 7 \text{ mm/h}$ OK

$> 15-20 \text{ mm/h}$ qualcosa non va

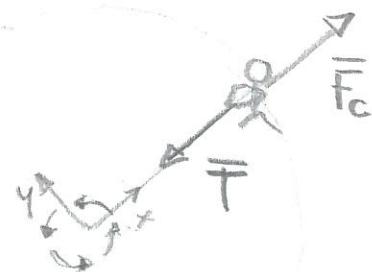
In realtà, visti i valori molto piccoli di \bar{v}_{sed} , si usa la centrifugazione, per cui g viene sostituito da $\omega^2 R$ che può valere anche $10^4 - 10^6 \text{ g}$

Forza centripeta e centrifuga



corpo che ruota di moto circ. uniforme

sist. di riferimento inerziale



-ia-

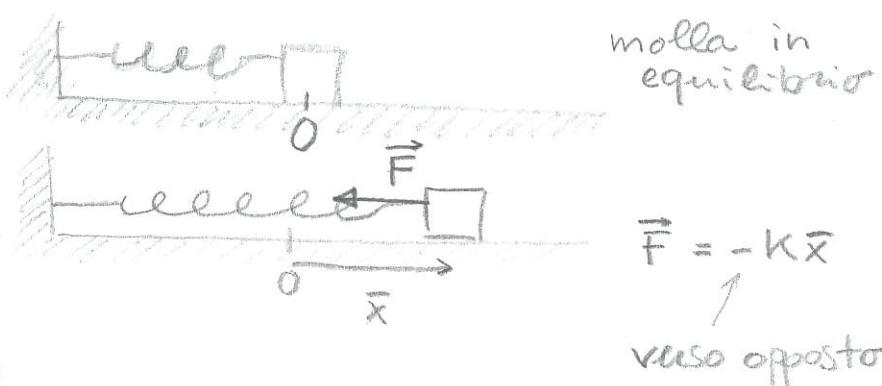
osservatore che ruota di moto circ. uniforme
sist. di riferimento rotante non-inerziale

⇒ c'è \bar{F}_c che mi spinge all'esterno: mi reggo alla catena
forza "apparente"
o "inerziale"

Altre forze "apparenti" per accelerazioni su moti rettilinei non-uniformi tipo bus che accelera/frena.

Forza Elastica

Tipico esempio:



$$\left. \begin{array}{l} \text{da } F = -kx \\ F = ma \end{array} \right\} a = -\frac{k}{m}x$$

abbiamo visto nel moto armonico $a = -\omega^2 x$

⇒ ho moto armonico con $\omega^2 = \frac{k}{m}$, $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$

$$v = \frac{\omega}{2\pi} = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$(22) \quad T = \frac{1}{v} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$