

DINAMICA NEWTONIANA

Goal: identificare cause del moto dei corpi

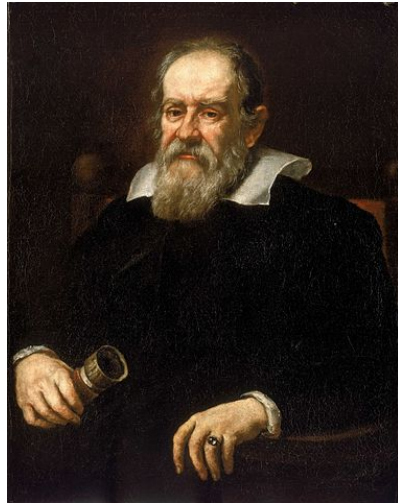
~1600 Galileo → metodo sperimentale → forze cambiano il moto

Keplero → 3 leggi che descrivono regolarità nel moto dei pianeti

$$\tau \sim R^\alpha \rightarrow \tau \sim R^{3/2}$$

Newton → 3 leggi di Newton + definizione operativa di forza

→ principi della dinamica



Galileo Galilei
1564 - 1642



Johannes Kepler
1571 - 1630



Isaac Newton
1642 - 1727

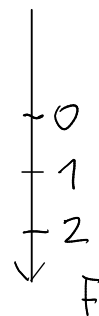
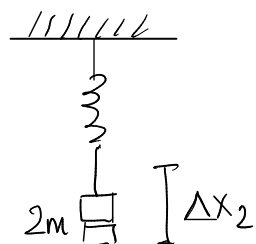
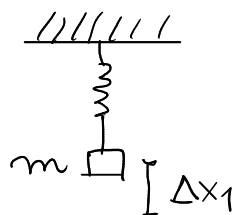
~1900 limiti di validità: velocità elevate → relatività ristretta
scale di lunghezza troppo piccole → meccanica quantistica

Definizione operativa di forza

A livello macroscopico

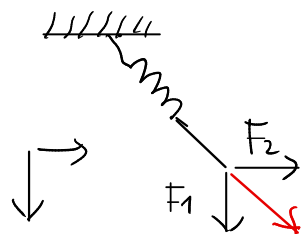
- spingere / tirare
- comprimere / dilatare
- molla $\leftarrow m \rightarrow$
- attrito

Molla



calibrazione
dinamometro
a molla
→ unità arbitraria

Forze si sommano come dei vettori



allungamento corrisponde a
 $\sqrt{F_1^2 + F_2^2}$

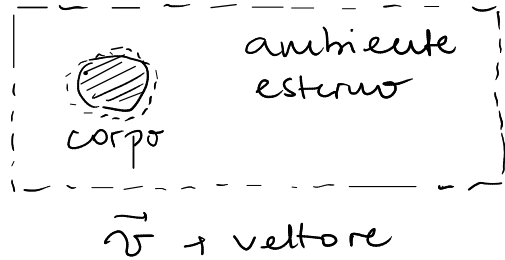
Morale: la forza è un
vettore di cui posso
misurare il modulo con dinamometro



I legge di Newton

→ Galileo → principio di inerzia

rimuovere gli effetti →



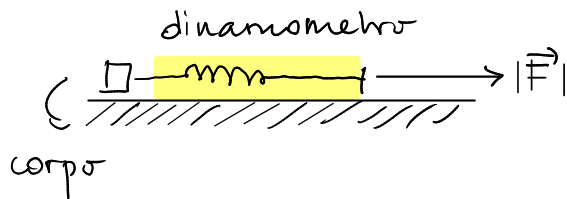
"Se la forza esterna su un corpo è nulla, allora il corpo si muove a velocità costante" → moto rettilineo uniforme o quiete

> 1600 → quiete

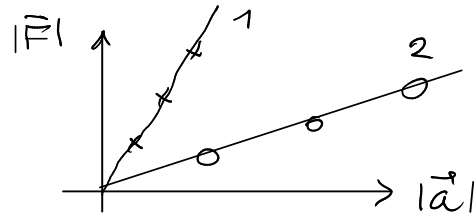
< 1600 → moto velocità cost.

II legge di Newton

Forza è la causa del cambiamento del moto



$$|\vec{F}| \rightarrow |\vec{a}|$$



$$|\vec{F}| \sim |\vec{a}|$$

$$m \equiv \frac{|\vec{F}|}{|\vec{a}|} \quad \text{massa (inerziale)}$$

SI: kg

Forze si compongono come vettori

$$\sum \vec{F} = m \vec{a}$$

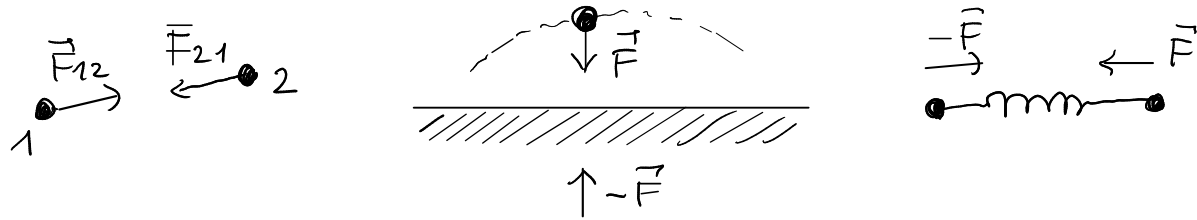
$$\sum \vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots + \vec{F}_N$$

$$\sum F_x = m a_x, \quad \sum F_y = m a_y$$

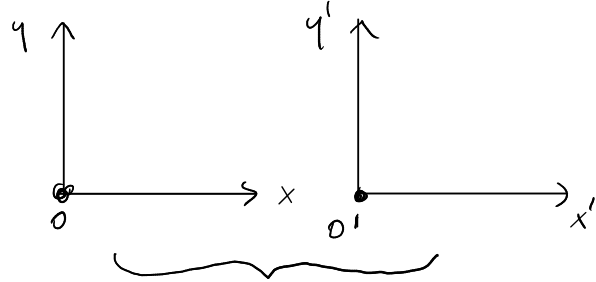
Ridefinisco l'unità della forza. SI: $N = \frac{\text{kg} \cdot \text{m}}{\text{s}^2}$
Newton

III legge di Newton → principio di azione e reazione

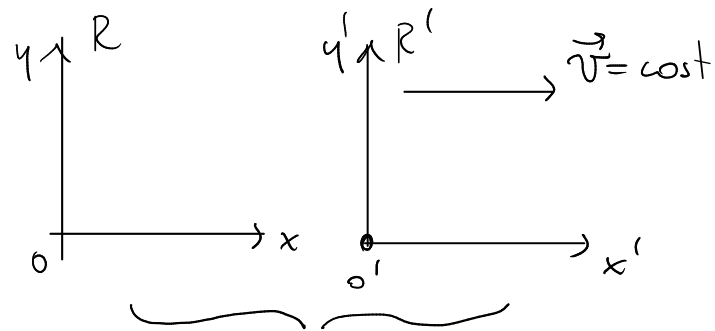
Forze descrivono interazione tra 2 corpi : $\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}$



Sistemi di riferimento

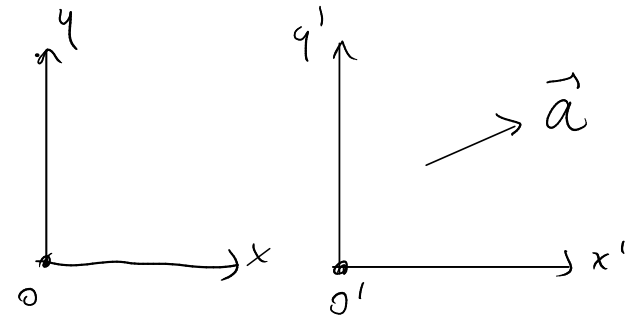


sistema di riferimento
→ moto resta lo stesso



**sistemi di riferimento
inerziali**

→ valgono le leggi della
dinamica
newtoniana

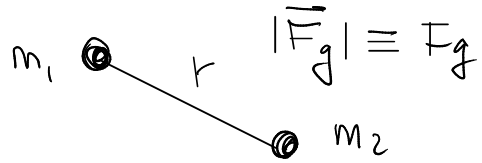


→ NON INERZIALI
non valgono le leggi di
Newton

INTERAZIONI FONDAMENTALI

1) Interazioni gravitazionali

Attrattiva, universale



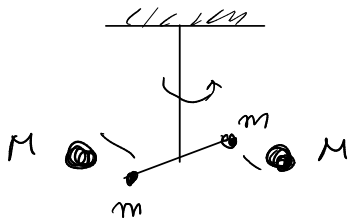
$$\vec{F}_g^{(1)} = -G \frac{m_1 m_2}{r^2} \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|}$$

$$\vec{F}_g^{(2)} = +G \frac{m_1 m_2}{r^2} \frac{\vec{r}}{|\vec{r}|}$$

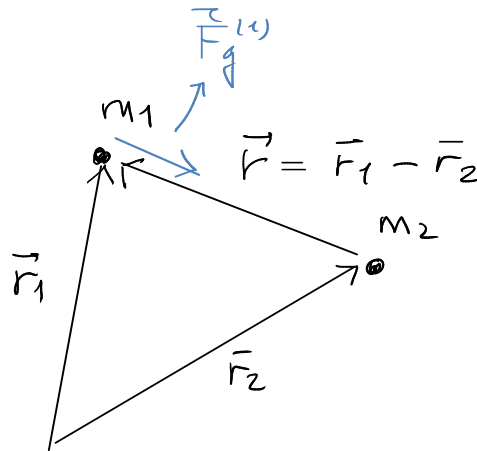
- fissato r , $F_g \sim m_1 \cdot m_2$
- fissate m_1 e m_2 , $F_g \sim \frac{1}{r^2}$

$$F_g \sim \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

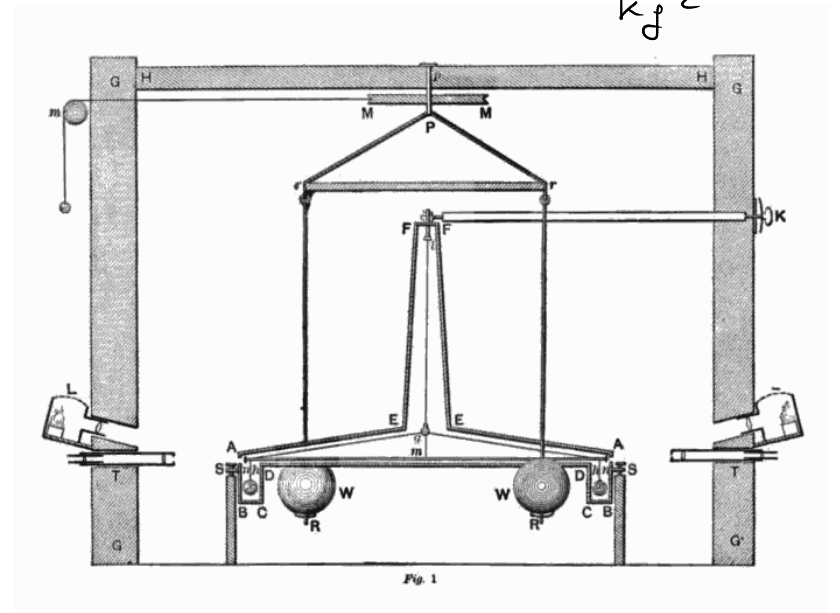
Bilancia di torsione



$$F_g = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$



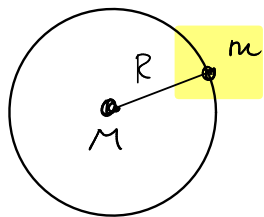
$$G = 6.674 \times 10^{-11} \frac{\text{Nm}^2}{\text{kg}^2}$$



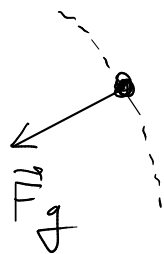
Esperimento di Cavendish
1798

Applicazione: II legge di Keplero

Modello: moto circolare uniforme



$$\tau \sim R^{\alpha}$$



$$\Sigma \vec{F} = m \vec{a} \quad \text{II Newton}$$

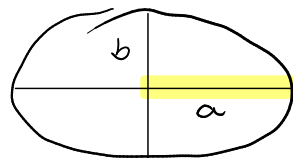
$$|\vec{F}_g| = m |\vec{a}_c|$$

$$G \frac{Mm}{R^2} = m \frac{v^2}{R} \rightarrow \text{periodo orbitale } \tau$$

$$v\tau = 2\pi R \Rightarrow v = \frac{2\pi R}{\tau}$$

$$\Rightarrow G \frac{M}{R} = \frac{4\pi^2 R^2}{\tau^2} \Rightarrow \tau^2 = \frac{4\pi^2}{GM} R^3$$

$$\tau^2 \sim R^3 \Rightarrow \tau \sim R^{3/2} \quad \boxed{V}$$



III legge di Keplero

$$\tau^2 \sim a^3$$