

ESERCITAZIONE DI FISICA

FLUIDOSTATICA E FLUIDODINAMICA

15/04/2021

Esercizio 1

PALLA IN MARE!

https://www0.mi.infn.it/~pizz_web/esercitazioni/L13/L13.pdf

Un corpo sferico di massa 1400Kg galleggia immerso in acqua salata ($\rho_{H_2O} = 1030\text{kg}/\text{m}^3$) Il raggio è $r = 0,8\text{m}$. Calcola quanto vale il volume emerso e quello immerso. Calcolare, inoltre, la forza minima F da applicare alla sfera in modo tale che resti completamente immersa in acqua.

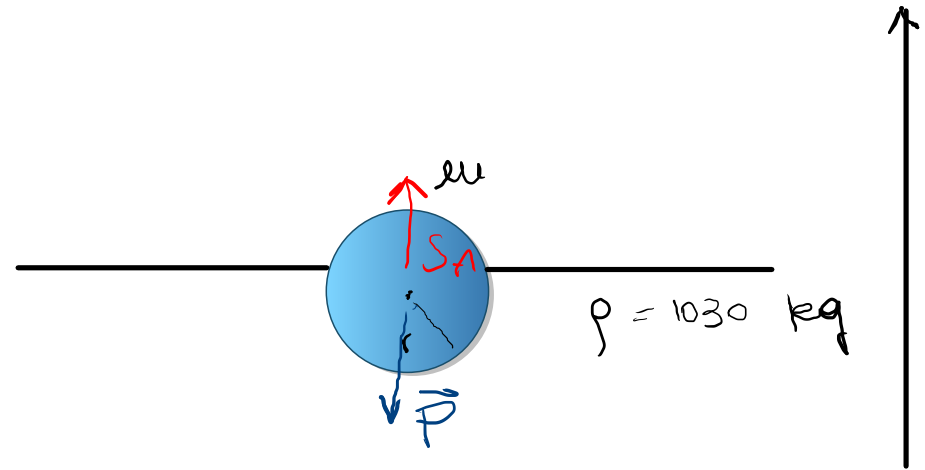
$$0 = \vec{P} + \vec{S}_A$$

$$|\vec{P}| = mg = 1400\text{ kg} \cdot 9,81\text{ m/s}^2 \approx 14000\text{ N}$$

$$|\vec{S}| = \rho_{H_2O} g V_{\text{imm}}$$

$$|\vec{P}| = |\vec{S}_A|$$

$$mg = \rho_{H_2O} g V_{\text{imm}} \rightarrow V_{\text{imm}} = \frac{m_{SF}}{\rho_{H_2O}} = \frac{1400\text{ kg}}{1030\text{ kg}/\text{m}^3} = 1,36\text{ m}^3$$



$$V_{TOT} = \frac{4}{3}\pi r^3 = 2.14 \text{ m}^3$$

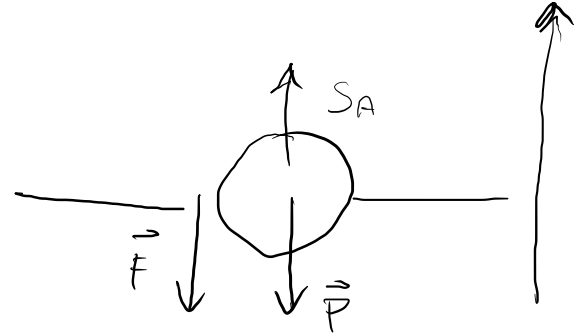
$$V_{EM} = V_{TOT} - V_{IM} = 0.78 \text{ m}^3$$

$$2) \quad -F - mg + S_A = 0$$

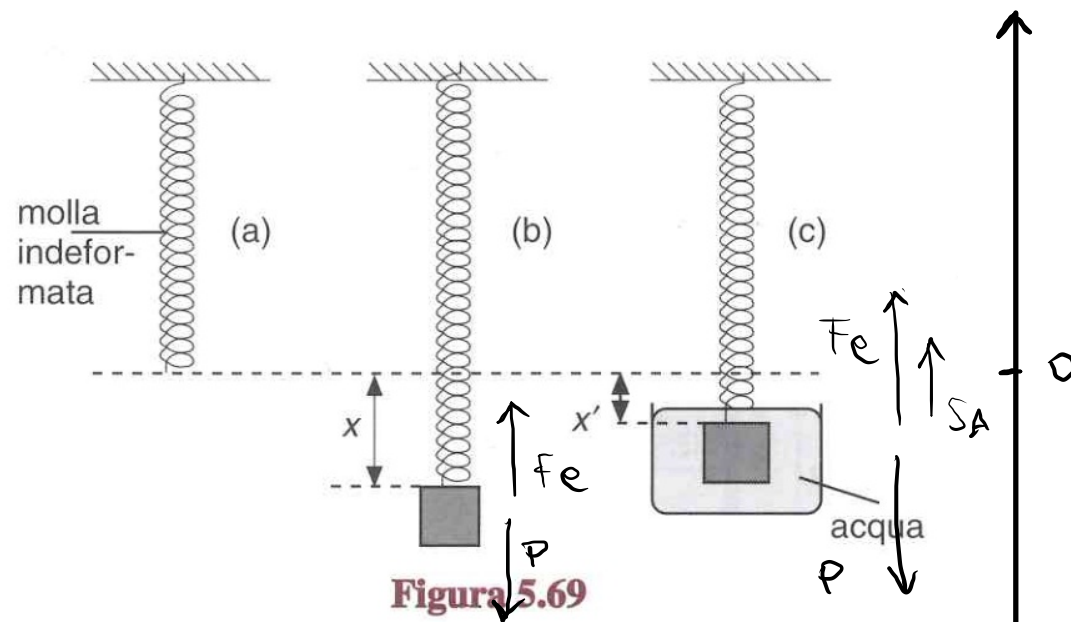
$$F + mg - S_A = 0$$

$$F = S_A - mg = \rho_{H_2O} g V_{TOT} - mg$$

$$= 1030 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 2.14 \text{ m}^3 - 1400 \text{ kg} \cdot 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 11400 \text{ N}$$



5.22 Un oggetto di alluminio (densità $2,65 \text{ g/cm}^3$), avente la forma di un cubo di spigolo $l = 3,0 \text{ cm}$, viene sospeso ad una molla elicoidale il cui allungamento all'equilibrio è $x = 5,0 \text{ mm}$ rispetto alla molla indeformata [fig. 5.69 (a) e (b)]. Successivamente l'oggetto, sempre sospeso alla molla, viene completamente immerso in acqua [fig. 5.69 (c)]. Determinare: (a) la costante elastica della molla; (b) l'allungamento x' che presenta la molla, in condizioni di equilibrio, quando il corpo è immerso in acqua. [R.: (a) 140 N/m ; (b) $3,1 \text{ mm}$].



$$a) \vec{F}_{el} + \vec{P} = 0$$

$$|\vec{F}_{el}| - P = 0$$

$$kx = mg$$

$$k = \frac{mg}{x} = \frac{\rho v g}{x} = \frac{2650 \text{ kg/m}^3 \cdot 27 \times 10^{-6} \text{ m}^3 \cdot 9,81 \text{ m/s}^2}{5 \times 10^{-3} \text{ m}} = 140 \frac{\text{N}}{\text{m}}$$

$$\rho = 2,65 \text{ g/cm}^3 = 2650 \text{ kg/m}^3$$

$$v = (3,0 \times 10^{-2} \text{ m})^3 = 27 \times 10^{-6} \text{ m}^3$$

$$\rho = 1 \text{ g/cm}^3 = 1000 \text{ kg/m}^3$$

$$\vec{D} + \vec{F}_e + \vec{S}_A = 0$$

$$-mg + \rho_{\text{FLW}} Vg + |k\Delta x'| = 0$$

$$\Delta x' = \frac{mg - \rho_{\text{H}_2\text{O}} Vg}{k} = \frac{Vg (\rho_{\text{OBJ}} - \rho_{\text{H}_2\text{O}})}{k} = \frac{9.81 \text{ m/s}^2 \cdot 27 \times 10^{-6} \text{ m}^3 / (2650 - 1000) \text{ kg/m}^3}{140 \frac{\text{N}}{\text{m}}}$$

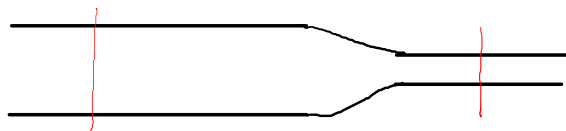
|

$$= 3.1 \text{ mm}$$

#4) **Esercizio A** EFFETTO VENTURI, IL RITORNO

In un tubo orizzontale scorre acqua con velocità uguale a $v_1 = 4 \frac{m}{s}$ alla pressione di $P_1 = 100 kPa$. Per effetto di un restringimento del tubo la pressione scende a $P_2 = 20 kPa$. Calcolare la velocità dell'acqua nella parte stretta del tubo e il rapporto tra le due sezioni.

$$a) \quad p + \rho g h + \frac{1}{2} \rho v^2 = \text{COSTANTE}$$



$$1 = P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2$$

$$2 = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$P_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = P_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$\frac{1}{2} \rho v_2^2 = P_1 - P_2 + \frac{1}{2} \rho v_1^2$$

$$v_2^2 = \frac{2(P_1 - P_2)}{\rho} + v_1^2$$

$$v_2^2 = \frac{2}{\rho} (P_1 - P_2) + \cancel{\frac{2}{\rho} \frac{\rho}{2} v_1^2}$$

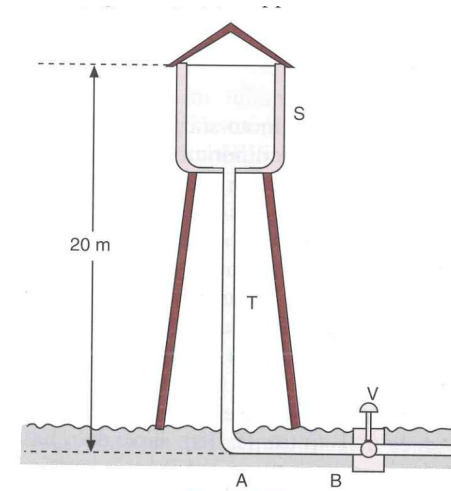
$$v_2 = \sqrt{\frac{2(P_1 - P_2)}{\rho} + v_1^2} = \sqrt{\frac{2(100 - 20) \times 10^3 \text{ Pa}}{10^3 \text{ kg/m}^3} + 16 \left(\frac{m}{s}\right)^2} = \sqrt{(160 + 16) \frac{m^2}{s^2}} = 13.3 \frac{m}{s}$$

$$b) \quad S_1 v_1 = S_2 v_2$$

$$\frac{v_1}{v_2} = \frac{S_2}{S_1} = \frac{4 \text{ m/s}}{13.3 \text{ m/s}} = 0.3$$

#3) CISTERNE E VALVOLE

UN SERBATOIO S, CONTENENTE ACQUA, SI PUO' VUOTARE ATRAVERSO UN TUBO T SE SI APRE LA VALVOLA V.



a) IMMAGINIAMO CHE LA VALVOLA SIA CHIUSA: QUANTO VALE LA PRESSIONE DELL'ACQUA NEL TRATTO AB DEL TUBO SE TRA LA SUPERFICIE LIBERA DEL LIQUIDO NEL SERBATOIO ED IL TRATTO AB VI E' UN DISLIVELLO DI 20 m, E LA PRESSIONE ESTERNA E' UGUALE ALLA PRESSIONE NORMALE?

b) COSA SUCCEDDE A P SE SI APRE LA VALVOLA? PERCHE'?

a) $P_{AB} = P_0 + \rho g h = 1 \times 10^5 + 1.97 \times 10^5 \text{ Pa} = 2.97 \times 10^5 \text{ Pa} = 297 \text{ kPa}$

b) LA PRESSIONE DIMINUISCE (CONSEGUENZA DEL TEOREMA DI BERNOULLI APPLICATO TRA LA CIMA DELLA TORRE E LA BASE:

VALVOLA CHIUSA:

$$\begin{cases} \text{TOP} \\ \text{BOTTOM} \end{cases} \left\{ \begin{array}{l} P_0 + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g h = P_0 + \rho g h \\ P_{AB} + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g h = P_{AB} \end{array} \right. \longrightarrow$$

VALVOLA APERTA

LA v DEL LIQUIDO IN ALTO E' TRASCURABILE

$$\left\{ \begin{array}{l} P_0 + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g h \approx P_0 + \rho g h \Rightarrow P'_{AB} = P_{AB} - \frac{1}{2} \rho v^2 \\ P'_{AB} + \frac{1}{2} \rho v^2 + \rho g h = P'_{AB} + \frac{1}{2} \rho v^2 \end{array} \right.$$

- 2) Archimede, per controllare se una corona fosse d'oro puro e non di una lega di oro ed argento, pesò la corona in aria e successivamente in acqua. Egli trovò che il peso in aria era pari a $P = 10.8 \text{ N}$, mentre il peso in acqua era pari a $P' = 10.2 \text{ N}$. Tenuto conto che la densità dell'oro e dell'argento valgono $\rho_o = 19.3 \cdot \text{g/cm}^3$ e $\rho_a = 10.5 \cdot \text{g/cm}^3$ rispettivamente, calcolare:

a) Le frazioni in volume d'oro (f_o) e d'argento (f_a) contenute nella corona.

i) $f_o =$ _____ ii) $f_o =$ _____

ii) $f_a =$ _____ ii) $f_a =$ _____

b) Le masse d'oro (m_o) e d'argento (m_a) contenute nella corona.

i) $m_o =$ _____ ii) $m_o =$ _____

ii) $m_a =$ _____ ii) $m_a =$ _____

$$V = f_o V + f_a V$$

$$S = \rho V g$$

$$S = P - P' \Rightarrow \rho V g = P - P' \Rightarrow V = \frac{P - P'}{\rho g}$$

$$P = m V = (m_a + m_o) V = (\rho_o g f_o + \rho_a g f_a) V$$

$$P = 10.8 \text{ N}$$

$$P' = 10.2 \text{ N}$$

$$\rho_o = 19.3 \text{ g/cm}^3$$

$$\stackrel{!}{=} 19300 \text{ kg/m}^3$$

$$\rho_a = 10.5 \text{ g/cm}^3$$

$$\stackrel{!}{=} 10500 \text{ kg/m}^3$$

$$f_a + f_o = 1$$

$$P' = P - S$$

$$P = \rho_{H_2O} V g$$

$$f_a = 1 - f_o$$

$$P = \rho_0 f_0 \left(\frac{P-P'}{\rho g} \right) g + \rho_a (1-f_0) \frac{P-P'}{\rho g} g$$

$$| \\ = f_0 \left(\frac{P-P'}{\rho} \rho_0 - \frac{(P-P')}{\rho} \rho_a \right) + \rho_a \frac{P-P'}{\rho}$$

$$f_0 (P-P') \frac{(\rho_0 - \rho_a)}{\rho} = \frac{\rho_a}{\rho} (P-P')$$

$$f_0 = \left(\frac{\rho}{\rho_0 - \rho_a} \right) \left(\frac{\rho_a}{\rho} - \frac{\rho_a}{\rho} \right)$$

$$| \\ = \frac{1}{19.3 - 10.5} \left(\frac{10.8}{0.6} - \frac{10.5}{1} \right) = \frac{1}{8.8} (18 - 10.5) = \frac{7.5}{8.8} = 0.85$$

$$f_A = 1 - 0.85 = 0.15$$

$$m_0 = V \rho_0 f_0 = \frac{P-P'}{\rho g} \rho_0 f_0 = \frac{\rho_0}{\rho} f_0 \frac{P-P'}{g} = 19.3 \cdot 0.85 \frac{0.6 \text{ N}}{9.81 \text{ m/s}^2} = 1 \text{ kg}$$

$$m_a = V \rho_a f_A = 97 \text{ g}$$

#6) GIRAFFE AL PASCOLO

$$h_0 = 4,8 \text{ m}$$

$$h = 2,6 \text{ m}$$

$$\rho = 0,96 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3} = 9600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$$

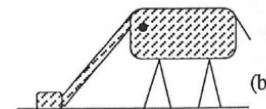
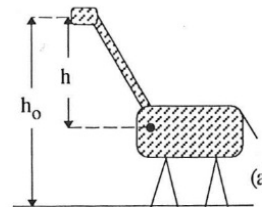
2) Mentre brucia i ramoscelli di un albero di acacia, una giraffa tiene la testa ad un'altezza $h_0 = 4,8 \text{ m}$ rispetto al suolo, mentre il cuore si trova $h = 2,6 \text{ m}$ più in basso (rispetto alla testa, vedi fig. a). Assumendo la densità del sangue pari a $\rho = 0,96 \text{ g/cm}^3$ si calcolino, in approssimazione idrostatica:

a) La differenza di pressione Δp tra il cervello ed cuore il della giraffa disposta come in fig. (a).

i) $\Delta p =$ _____ ii) $\Delta p =$ _____

b) La variazione di pressione $\Delta p'$ nel cervello della giraffa quando essa dalla posizione in fig. (a) abbassa la testa al livello del suolo come in fig. (b).

i) $\Delta p' =$ _____ ii) $\Delta p' =$ _____



$$a) P_T + \cancel{\rho g h_0} + \cancel{\frac{1}{2} \rho v^2} = P_C + \rho g (h_0 - h) + \cancel{\frac{1}{2} \rho v^2}$$

$$P_T - P_C = -\rho g h$$

$$\Delta P = -\rho g h = -9600 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 2,6 \text{ m} = -2,45 \times 10^4 \text{ Pa}$$

$$b) P_T - P_C = -\rho g h$$

$$P_T' + \cancel{\rho g h} + \cancel{\frac{1}{2} \rho v^2} = P_C + \rho g (h_0 - h)$$

$$\Delta P' = P_T' - P_T = -(P_C - \rho g h - P_C - \rho g (h_0 - h)) = +\rho g h$$

$$\Delta P' = +\rho g h_0 \rightarrow \Delta P = +0,96 \cdot 10^3 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3} \cdot 9,81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2} \cdot 4,8 \text{ m} = +4,52 \times 10^4 \text{ Pa}$$

#7) I APPELLO SESSIONE
ESTIVA - 2019/2020

2) Un liquido incompressibile e di viscosità trascurabile fluisce con flusso stazionario entro un tubo orizzontale di raggio $r_1 = 1.0$ cm. Il tubo compie una curva, sale lungo un tratto verticale (ancora di raggio r_1) per un dislivello $h = 10$ m, e ritorna poi orizzontale, aumentando il raggio a $r_2 = 2.0$ cm. Si determini la portata in volume Q che mantiene uguali le pressioni del liquido nei due tratti orizzontali.

$$r_1 = 1 \text{ cm}$$

$$r_2 = 2 \text{ cm}$$

$$h = 10 \text{ m}$$

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2 + \rho g h + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$v_1 A_1 = v_2 A_2$$

$$r_2 = 2 r_1$$

$$v_1 \pi r_1^2 = v_2 \pi 4 r_1^2 \Rightarrow v_1 = 4 v_2$$

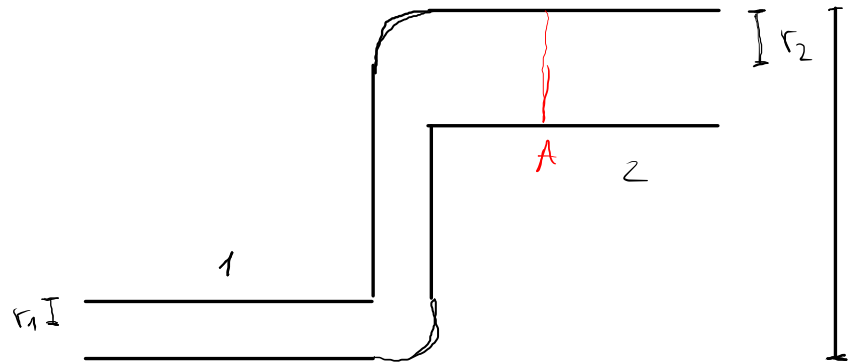
$$\frac{1}{2} \rho 16 v_2^2 = \rho g h + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

$$16 v_2^2 = 2 g h + v_2^2$$

$$15 v_2^2 = 2 g h$$

$$v_2 = \sqrt{\frac{2 g h}{15}} = \sqrt{\frac{2 \cdot 9.81 \text{ m/s}^2 \cdot 10 \text{ m}}{15}}$$

$$Q = v_2 A = v_2 \pi r_2^2 = \pi \cdot 4 \cdot 10^{-4} \text{ m}^2 \cdot 3.6 \frac{\text{m}}{\text{s}} = 4.5 \times 10^{-3} \frac{\text{m}^3}{\text{s}} = 3.6 \text{ m}^3/\text{s}$$



i) $Q =$ _____

ii) $Q =$ _____