

## Cenni sul Terzo Principio della Termodinamica:

• Enunciato di Nernst-Simon:

La variazione di entropia associata ad una trasformazione reversibile di un sistema tende a zero al tendere a zero della Temperatura Termodynamica assoluta.

→ la base Teorica moderna richiede una formulazione statistico-quantistica dell'entropia

→ Dal III principio segue il fatto che i calori specifici devono tendere a zero al tendere a zero della Temperatura, (così come il coefficiente di dilatazione termica di ogni sostanza):

$$c_x = \frac{1}{m} \left( \frac{dQ}{dT} \right)_x = \frac{T}{m} \left( \frac{\partial S}{\partial T} \right)_x = \frac{1}{m} \left( \frac{\partial S}{\partial \ln T} \right)_x$$

grandezza che si mantiene costante

per  $T \rightarrow 0$ ,  $d\ln T \rightarrow -\infty$  e  $dS \rightarrow 0$ , per il III principio tende a zero.

Pertanto anche  $c_x \rightarrow 0$  per  $T \rightarrow 0$ .

Nota:

La stessa considerazione potrebbe essere fatta partendo dal fatto che  $c_x \rightarrow 0$  al tendere di  $T \rightarrow 0$ , dato che  $\left(\frac{dQ}{dT}\right)_x = \cancel{c_x}$ , quindi per  $c_x \rightarrow 0$  è sempre più difficile lo scambio di calore.

→ Conseguenza del III principio (mette e' l'impossibilità di raggiungere lo zero assoluto):

Per  $T \rightarrow 0$  la variazione di entropia associata ad una trasformazione ISOTERMA REVERSIBILE tende a zero, e quindi tende a zero il prodotto  $T\Delta S = Q$ , ovvero il calore scambiato. Ovvvero più ci avviciniamo allo zero assoluto più diventa difficile sottrarre calore da un corpo.



È impossibile effettuare un numero finito di trasformazioni termodinamiche che porti un sistema allo zero assoluto.

↳ Enunciato alternativo ed equivalente del III principio

- Terzo principio e meccanica statistica

A partire dal III principio si ipotizza che l'entropia di un sistema (e non solo la variazione) tenda a zero per  $T \rightarrow 0$ , da cui:

$$S_A = \int_0^{T_A} \left( \frac{dQ}{T} \right)_{\text{Rev}} \quad \begin{matrix} \downarrow \\ \text{entropia di un} \\ \text{generico stato A} \end{matrix}$$

e

$$S = k_B \ln N \quad \begin{matrix} \leftarrow \text{N.B. posta a zero la} \\ \text{costante} \end{matrix}$$



Ovvvero per  $T \rightarrow 0 \Rightarrow S \rightarrow 0$  e quindi  $N=1$



Allo zero assoluto esiste un solo stato dinamico possibile ( $N=1$ ) ovvero 1 solo modo in cui possono distribuirsi le molecole/atomi



→ Sperimentalmente si osserva che l'ipotesi  $S_{T=0} = 0$  è valida per quei sistemi che sono in grado di raggiungere uno stato di equilibrio termodinamico interno a bassissima temperatura (in genere solidi cristallini), "perfetti".

Esistono però dei sistemi, e.g. vetro di silice ed alcuni solidi molecolari ( $N_2, H_2, CO_2$ ), che presentano un valore dell'entropia diverso da zero anche per  $T=0$ .

Questo perché o il sistema rimane "bloccato" in una configurazione non di minima energia (e.g. nei solidi molecolari) e perché lo stato di minima energia non è univoco (e.g. sostanze amorfe).

→ Orientamento delle molecole  
nominale casuale

→ Tempo impiegato a formare  
cristalli è infinito

### •• III principio (enunciato II)

Il Terzo principio è in realtà un Teorema che discende dal secondo principio della Termodinamica (in realtà dimostrato). Abbiamo visto che la Temperatura Termodinamica assoluta è definita come:

$$T = T_{pt} \frac{Q}{Q_{pt}} \Rightarrow \text{Quindi } T=0 \text{ per } Q=0$$

Inoltre per una macchina reale abbiamo dal II principio:

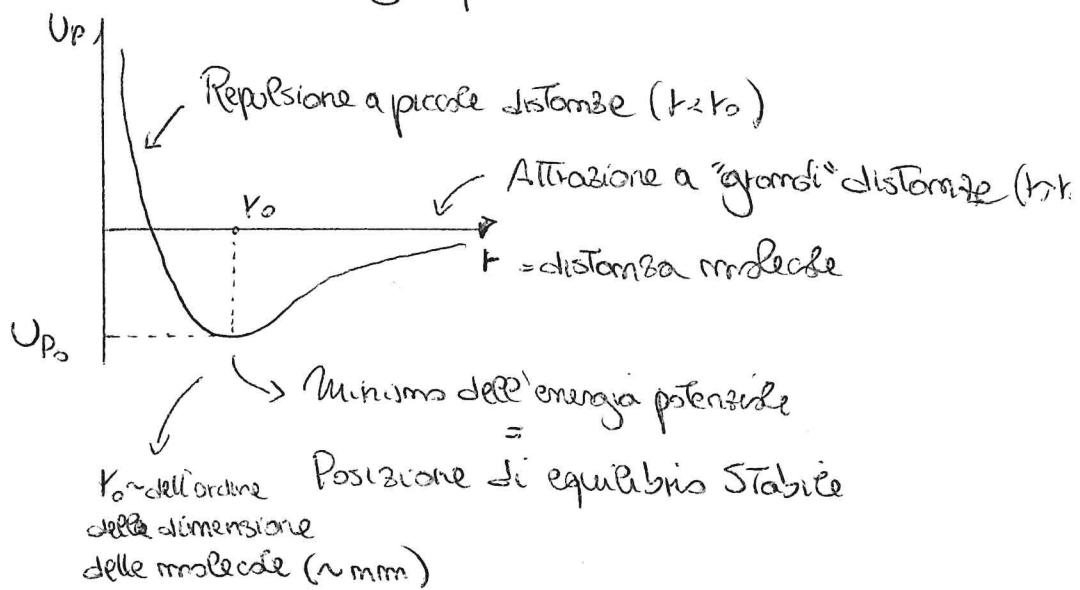
$$\eta_{cu} = 1 - \frac{|Q_{cl}|}{Q_a} < 1 \Rightarrow |Q_{cl}| > 0$$

$$\eta_{cu} = \frac{Q_a}{|W|}$$

Facendo funzionare la macchina come frigorifero per raffreddare un corpo non arrosto mai che il calore assorbito  $|Q_{cl}| = 0$ , ovvero non potrà raggiungere  $T=0$  con un numero finito di trasformazioni.

Nota:

Per 2 molecole c'è andamento dell'energia potenziale e' qualitativamente:



### Espansione Adiabatica

- Esperienza di Joule - Thomson: (1852)

Utilizzata per calcolare variazioni di energia interna di un gas reale. Tramite espansione adiabatica del gas:

- Tramite 2 pistoni si mantiene una differenza di pressione tra i due scomparti, ed il gas fluisce tramite il setto posto
- Il gas contenuto tutto nello scomparto a sx di volume  $V_1$ , passa tutto a dx (di volume  $V_2$ ).
- La pressione nei 2 recipienti rimane costante a  $P_1$  &  $P_2$ , durante l'espansione



$$Q=0 \Rightarrow \Delta U = -W \Rightarrow U_2 - U_1 = p_1 V_1 - p_2 V_2 \Rightarrow U_1 + p_1 V_1 = U_2 + p_2 V_2 \Rightarrow H = \text{cost}$$

- Si osserva, al contrario di per un gas ideale, che la temperatura del gas nei 2 recipienti è diversa  $T_1 \neq T_2$ . In genere si trova  $T_2 < T_1$  (per bisogna calore (invece  $T_1 < T_2$ )  $\xrightarrow{\text{effettuato nei franghi}}$ )
- L'esperimento dimostra che l'energia interna di un gas reale non dipende solo da  $T$  ma anche dal Volume

## Cenni sui Gosi Reali:

→ I gas reali non seguono le relazioni dei gas ideali; ma si avvicinano ad esse quanto più bassa è la ~~Temperatura~~  
pressione ed alta la Temperatura; in particolare:

- Interazioni Intermolecolari Non Trascurabili
    - Un gas reale non mantiene sempre la fase gassosa
  - Dimensioni delle molecole non trascurabili rispetto al loro cammino libero medio
  - Energia Interna Gas Reale:

Avevamo visto che per un gas ideale l'energia interna di riferimento è funzione solo della Temperatura, pertanto:

$$\left(\frac{\partial U}{\partial V}\right)_T = \left(\frac{\partial U}{\partial P}\right)_T = 0 \Rightarrow \text{owrta indipendente da pressione o volume}$$

↓  
Mantenendo T costante  
(Espansione)

Per un gas Reale, per una Trasformazione Isotermica si osserva:

- $\Delta U = U(p_f, T) - U(p_i, T) < 0$
  - $|\Delta U|$  cresce con l'aumentare di  $p_f - p_i$

Per Tanto per un gas Reale :

$$\left(\frac{\partial U}{\partial p}\right)_T \neq 0$$

→ Conseguenza delle forze intermolecolari: all'aumentare del volume  
e/o distanze tra molecole aumentano le  $V_F$  d'interazione diminuisce  
in modulo. L'energia cinetica diminuisce (perché l'energia Totale  
si conserva) e quindi diminuisce la Temperatura

(\*) Per farlo possiamo racchiudere un gas comune e posto in un cilindro munito di pistone (per variarne il volume) a contatto con un termostato che lo mantiene alla temperatura desiderata. Si procede dunque variando il volume e misurando la pressione

Nota: Si definisce gas una sostanza che si trova ad una temperatura maggiore della temperatura critica, ovvero il gas NON è liquefacciile per compressione.

# Diagramma pV per un gas Reale:

L'equazione di stato  $pV = mRT$  non rimane valida per i gas reali a causa delle interazioni molecolari. La deviazione è tanto più evidente abbassando la temperatura vicino alla temperatura a cui avviene il cambiamento di fase gas-liquido oppure alzando la pressione raggiungendo la condizione di gas denso.

## Studiamo le trasformazioni isotermiche di un gas reale (\*)

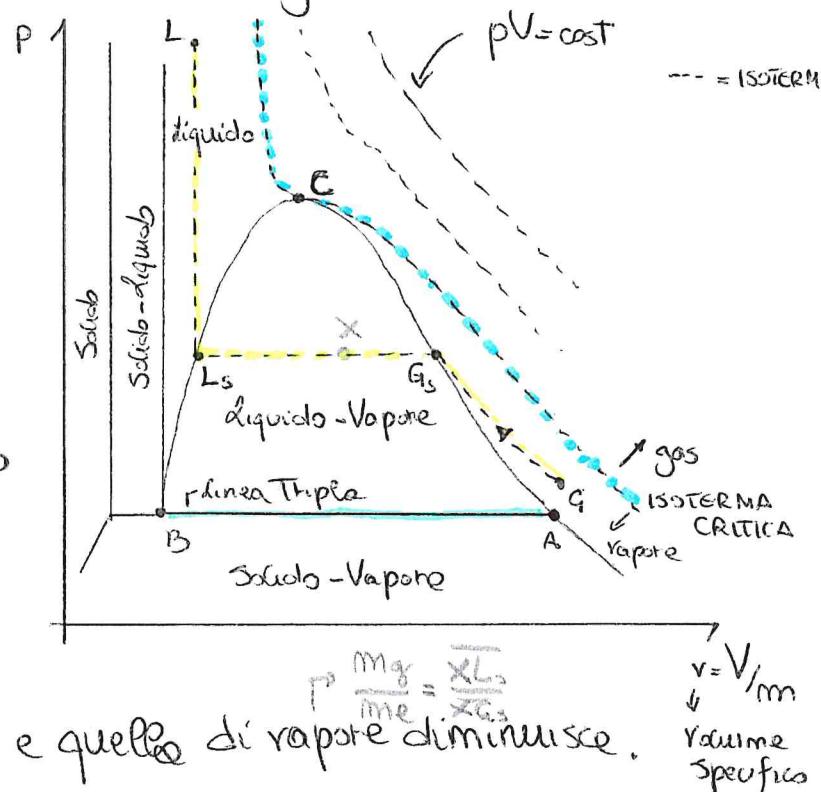
■:

- Partendo da  $G_i$  (sostanza allo stato gassoso, più esattamente vapore) riducendo il volume a  $T$  costante si arriva a  $G_s$ , lo stato di vapore saturo.
- Continuando a comprimere il vapore condensa, seguendo una isobara, fino allo stato  $L_s$  di liquido saturo. Nel tratto  $G_s L_s$ , isobaro & isotermo, la massa di liquido aumenta e quella di vapore diminuisce.
- Comprimendo ancora la sostanza, l'isoterma diventa praticamente verticale, segno dell'incompatibilità dei liquidi.

⇒ la pressione costante che caratterizza il cambiamento di fase ad una data temperatura si chiama tensione di vapore saturo, ed obbedisce alla relazione:

$$p = A e^{-B/T}$$

con  $A$  &  $B$  parametri debolmente dipendenti dalla temperatura





→ Si noti che al crescere della Temperatura dell' ISOTERMA il Tratto  $\overline{q_{st}s}$  si riduce fino a diventare un punto in C.

L'ISOTERMA passante per C, e che in C ha un flesso a  $T_g$  orizzontale, si chiama ISOTERMA CRITICA, ed è p.Tc il punto CRITICO, identificato dalle coordinate  $T_c, p_c$  e  $v_c$ .

PUNTO CRITICO: punto di massima pressione e Temperatura in cui si ha equilibrio tra liquido e vapore.

$T_c$  è la massima Temperatura alla quale possiamo avere la fase liquida: a dx della isotermia critica, indipendentemente dalla pressione, la sostanza resta sempre nella fase gassosa.

- A  $T > T_c$  le isotermie approssimano  $pV = \text{cost}$
- Al di sopra di C, lungo la isotermia critica, coesistono la fase liquida e gassosa, ed è nullo il calore latente di evapotazione

→ ZONA di CONDENSAZIONE: delimitata dalle curve  $\overline{CA}$  (curva di saturazione del vapore),  $\overline{CB}$  (curva di saturazione del liquido),  $\overline{AB}$  (della linea Triple) isotermia ed isobara

→ lungo la linea Triple coesistono Tutte e 3 le fasi della sostanza. I valori di  $p$  e  $T$  che caratterizzano la linea Triple sono detti  $p_T$  Triple, ed individuano il PUNTO TRIPLO della sostanza.

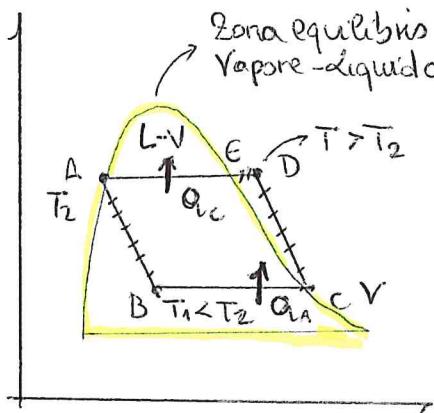
→ Al di sotto della linea Triple si trovano stati di equilibrio solido-vapore lungo una isotermia in questa zona avviene la SUBLIMAZIONE



## Cicli frigoriferi Reali:

→ Un ciclo frigo che usa come sostanza un fluido reale segue la trasformazione mostrata in figura.

Vediamo le varie trasformazioni che compongono il ciclo:



$\overline{AB}$ : In A il fluido è nello stato di liquido satura alla temperatura  $T_2$ . La trasformazione irreversibile da A a B è un'espansione di Joule-Thomson in cui il fluido si raffredda da  $T_2$  a  $T_1$ . In B coesistono le fasi liquido-vapore

$\overline{BC}$ : Il fluido segue una isotermia a  $T_1$  evaporando l'umidità. La trasformazione fino a raggiungere la fase di vapore satura in C. Il fluido assorbe calore dalla sorgente fredda

Com'è a contatto

$\overline{CD}$ : Comprimendo il fluido adiabaticamente fino a D, che ha la stessa pressione di A, ma  $T$  superiore, rinnovando vapore

$\overline{DA}$ : Trasformazione ISOBARA, a contatto termico con la sorgente calda a  $T_2$ . Nel tratto DE la temperatura del vapore diminuisce fino a  $T_2$ ; poi, EA, la trasformazione diretta anche isotermica, è il vapore condensa, cedendolo calore alla sorgente calda.

⇒ Gli scambi di calore avvengono durante i cambiamenti di fase



## Equazione di Van der Waals:

→ È un'equazione di stato semiempirica che permette di descrivere ragionevolmente bene il comportamento di un gas reale (in prossimità della Transizione Xapotez gas-liquido):

$$\left( P + a \frac{m^2}{V^2} \right) (V - mb) = mRT$$

→ Cerchiamo di derivarla partendo dall'eq. ne dei gas perfetti  $PV = mRT$ . Avevamo visto che la forza <sup>tra molecole</sup> repulsiva cresce rapidamente al decrescere della distanza (per  $r < r_0$ ) e debolemente attrattiva e decrescente al crescere delle distanze (per  $r > r_0$ ).

Il rapido aumento della forza repulsiva fa sì che le molecole possono essere approssimate a sfere rigide di raggio  $r_0$  → il volume del fluido non può quindi ridursi sotto il volume occupato dalle molecole:

$$V_m = \frac{4}{3} \pi r_0^3 \cdot N \xrightarrow{\# \text{ di molecole}} b \quad \text{Corolvime} \rightarrow \begin{matrix} \text{Volume effettivo occupato} \\ \text{dalle molecole} \end{matrix}$$

→ Una prima correzione consiste nel ridurre il volume disponibile al fluido:

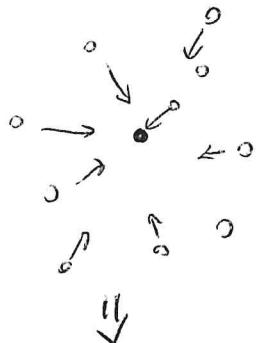
$$P = \frac{mRT}{V - b}$$

→ Ovvio le forze attivatrici tendo a mantenere insieme le molecole a coppie o gruppi.  
Ogni tendenza all'aggregazione riduce il numero effettivo di molecole indipendenti del gas, e quindi la frequenza di collisioni con le pareti (cioè la pressione).  
Van der Waals ipotizzò che questo effetto, dato che dipende dalle coppie di molecole, fosse proporzionale al quadrato del numero di molecole per unità di volume.

→ Si nota che per  $V \rightarrow b \Rightarrow p \rightarrow \infty$  come da evidenza sperimentale  $\hookrightarrow$  Incompressibile

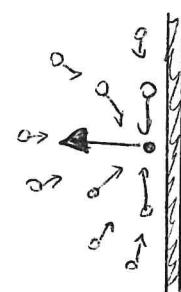
→ Dobbiamo ora tener conto dell'attrazione tra le molecole; a questo scopo definiamo un raggio effettivo entro cui la forza attrattiva non è trascurabile dell'ordine  $10 r_0$  (Raggio d'azione Molecolare  $r_0$ ). La Forza d'attrazione risultante sarà:

- Molecola  
contatta  
dalle  
pareti:



Risultante delle  
Forze è nulla

- Molecola  
vicina ad  
una parete



Risultante delle  
Forze verso l'interno

Le molecole vicino alla parete percepiscono una forza netta verso l'interno, proporzionale al numero di molecole che la circondano, che fa diminuire la pressione esercitata sulla parete.

D'altra parte la pressione è proporzionale al numero di molecole che urtano la parete ( $p = \frac{N m}{V} \frac{v^2}{3}$ )

→ Come risultato la pressione nelle vicinanze della parete è minore di quella in tutto il resto del volume di una quantità proporzionale al quadrato della densità → ovvero l'inverso del quadrato del volume

(\*) Nota che per misurare la pressione devo utilizzare uno strumento che subirà la stessa riduzione di pressione che si ha sulle punte del recipiente. Quindi non conta dove esattamente misuro la pressione, questa sarà sempre minore della pressione atmosferica nel volume di fluido.

→ quindi la pressione misurata,  $\tilde{p}$ , è sempre più piccola di quella nel volume del fluido,  $p'$ , di un fattore  $\tilde{\alpha}/\sqrt{2}$ ; quindi riscriviamo la nostra equazione come:

$$p + \frac{\tilde{\alpha}}{V^2} = \frac{mRT}{V - \tilde{b}}$$

ovvero risolvendo le costanti per unità di mole

$$\tilde{\alpha} = \frac{\alpha}{m} \quad \tilde{b} = \frac{b}{m}$$

$$(p + a \frac{m^2}{V^2}) (V - b) = mRT \quad \text{c.v.d.}$$

le costanti  $a$  &  $b$  dipendono dal fluido e dalla sua quantità, e vengono determinate sperimentalmente.

Se il gas è molto rarefatto  $a \rightarrow 0$ , e ritroviamo la legge dei gas perfetti.

- L'equazione di Van der Waals riproduce  $p$ , correttamente le isoterme per  $T \neq T_c$  misurate sperimentalmente per  $T > T_c$  e  $p \approx p_c$ . Per  $T \leq T_c$  l'accordo è ancora buono escludendo la regione di coesistenza liquido-vapore.

