

PER L'ENERGIA CINETICA $\frac{d}{dt}(T+qV) = \int \frac{d}{dt} [q(V - \vec{v} \cdot \vec{A})]$

$\Rightarrow \frac{d}{dt}(T+qV) = \int \frac{d}{dt} U_{ED} \Rightarrow \vec{A}$ RAPPRESENTA IL
MOMENTO POTENZIALE PER UNITÀ DI CARICA E
 V RAPPRESENTA L'ENERGIA POTENZIALE PER
UNITÀ DI CARICA (MA QUESTO ERA GIÀ NOTO!)

• CONSIDERAZIONI SUI GAUGE IN E.D. IL CAMPO \vec{E} ,
IL CAMPO \vec{B} , COME TUTTI I CAMPI VETTORIALI POSSIBILI
SONO ESSERE SEPARATI IN UNA COMPONENTE LONGI-
TUDINALE ($\vec{\nabla} \times$ NULLO) E UNA COMPONENTE TRASVER-
SA ($\vec{\nabla} \cdot$ NULLA). IL VANTAGGIO DI QUESTA SCOMPOSIZIO-

È CHE PERMETTE DI EVIDENZIARE LE "VERE" VARIABILI

DINAMICHE DELL'E.D. $\Rightarrow \vec{E} = \vec{E}_L + \vec{E}_T$ E $\vec{B} = \vec{B}_L + \vec{B}_T$

DOVE $\vec{\nabla} \times \vec{E}_L = \vec{0}$, $\vec{\nabla} \cdot \vec{E}_T = \rho$, $\vec{\nabla} \times \vec{B}_L = \vec{0}$, $\vec{\nabla} \cdot \vec{B}_T = 0$

USANDO $\vec{\nabla} \cdot \vec{E}_T = \rho$ NELLA LEGGE DI GAUSS SI TROVA

$\vec{\nabla} \cdot \vec{E}_L = \rho / \epsilon_0$. INVECE \vec{B} È PURAMENTE TRASVERSO

ESSENDO $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$ SEMPRE. LA LEGGE DI FARADAY-

NEUMANN-LENZ DIVENTA $\vec{\nabla} \times \vec{E}_T = -\dot{\vec{B}}_T$. SE

SCOMPONIAMO LA $\vec{J} = \vec{J}_L + \vec{J}_T$ ($\vec{J}_T = \vec{0}$ SEMPRE) L'EQ. DI

CONTINUITÀ $\vec{\nabla} \cdot \vec{J} = -\dot{\rho}$ DIVENTA $\vec{\nabla} \cdot \vec{J}_L = -\dot{\rho}$.

COMBINANDO QUESTA RELAZIONE CON LA $\dot{\vec{J}}_L$ DELLA LEG-
GE DI GAUSS OTTENIAMO $\vec{\nabla} \cdot (\dot{\vec{E}}_L + \vec{J}_L / \epsilon_0) = 0$.

IL CAMPO $\dot{\vec{E}}_L + \vec{J}_L / \epsilon_0$ ESSENDO LONGITUDINALE \Rightarrow

ROTORE NULLO, MA ANCHE LA SUA DIVERGENZA È

NULLA \Rightarrow HA LAPLACIANO NULLO \Rightarrow È OVUNQUE NUL-

LO $\Rightarrow \dot{\vec{E}}_L = -\vec{J}_L / \epsilon_0 \Rightarrow \epsilon_0 \dot{\vec{E}}_L + \vec{J}_L = 0$. QUESTO

CI PERMETTE DI RISCRIVERE L'EQ. DI AMPÈRE MAX.

NEL MODO SEGUENTE, AVENDO STABILITO CHE \vec{B} È SOLO

TRASVERSALI $\nabla \times \vec{B}_T = \mu_0 (\vec{J}_L + \vec{J}_T) + \epsilon_0 \mu_0 \partial_t (\vec{E}_T + \vec{E}_L)$

$\nabla \times \vec{B}_T = \mu_0 \vec{J}_T + \epsilon_0 \mu_0 \partial_t \vec{E}_T + \mu_0 (\vec{J}_L + \epsilon_0 \partial_t \vec{J}_L) \Rightarrow$

$\nabla \times \vec{B}_T = \mu_0 (\vec{J}_T + \epsilon_0 \partial_t \vec{E}_T)$. LE EQS. DI MAXWELL ALLORA

DIVENTANO

① $\nabla \cdot \vec{E}_L = \frac{\rho}{\epsilon_0}$

② $\nabla \cdot \vec{B} = 0 \Rightarrow \vec{B}_L = 0$ SEMPRE \Rightarrow

③ $\nabla \times \vec{E}_T - \partial_t \vec{B}_T = 0$

④ $\nabla \times \vec{B}_T = \mu_0 (\vec{J}_T + \epsilon_0 \partial_t \vec{E}_T)$

LE EQS. DI MAXWELL

SONO SEPARATE IN

DUE GRUPPI: LE EQS

③ E ④ SONO PER

CAMPI TRASVERSI E

SONO LE VERE EQS. DEL MOTO DAL MOMENTO CHE CONTENGONO

LE DERIVATE TEMPORALI, MENTRE LE EQ. PER I

CAMPI LONGITUDINALI ① E ② SONO DEI SEMPLICI

VINCOLI $\Rightarrow \vec{E}_L$ E \vec{B}_L NON SONO VERE VARIABILI DINAMICHE

ESSENDO FISSATE ISTANTE PER ISTANTE DALLE

CONDIZIONI $\nabla \cdot \vec{E}_L = \rho/\epsilon_0$ E $\vec{B}_L = 0 \Rightarrow$ I GRADI DI LIBERTÀ

DINAMICI SONO I CAMPI TRASVERSI \vec{E}_T E \vec{B}_T .

A QUESTO PUNTO SIAMO PRONTI PER FARE UNA RIFLESSIONE

IMPORTANTE SULLA FISICA CHE RIGUARDA

I GAUGE DI COULOMB E DI LORENZ. PER QUESTO

SCOMPONIAMO $\vec{A} = \vec{A}_L + \vec{A}_T \Rightarrow \vec{A}' = \vec{A} + \nabla \lambda \Rightarrow$

$\vec{A}'_T + \vec{A}'_L = \vec{A}_T + \vec{A}_L + \nabla \lambda$, MA PER DEFINIZIONE, DA UN GRADIENTE DI UNA FUNZIONE SCALARE SI

OTTIENE UN CAMPO VETTORIALE LONGITUDINALE \Rightarrow

$\vec{A}'_T = \vec{A}_T$; $\vec{A}'_L = \vec{A}_L + \nabla \lambda \Rightarrow \vec{A}_T$ E' UN' INVARIANTE

DI GAUGE. DIVERSAMENTE \vec{A}_L E $\vec{V}' = \vec{V} - \partial_t \lambda$

SONO GAUGE DIPENDENTI \Rightarrow L'OPERAZIONE DI

GAUGE PUÒ ELIMINARE \bar{A}_L E/O V , MA NON $\bar{A}_T = \bar{A}'_T$ CHE SONO GRADI DI LIBERTÀ DINAMICI PERCIÒ NON ELIMINABILI.

UN'ULTERIORE CONSIDERAZIONE RELATIVA AL GAUGE RIGUARDA LE EQS. $\bar{B} = \bar{\nabla} \times \bar{A}$ E $\bar{E} = -\bar{\nabla} V - \partial_t \bar{A}$, ESSE NON DETERMINANO IN MODO UNIVOCO I POTENZIALI, INFATTI, DATI I CAMPI \bar{E} E \bar{B} POSSIAMO TROVARE INFINITI POTENZIALI CHE SODDISFANO TALI RELAZIONI. PER ES.

CONSIDERIAMO $\bar{B} = \bar{\nabla} \times \bar{A}$. \bar{B} NON VARIA SE

$$\bar{A}(\vec{r}, t) \rightarrow \bar{A}'(\vec{r}, t) = \bar{A}(\vec{r}, t) + \bar{\nabla} \lambda(x, t) \text{ (CON } \lambda(x, t)$$

GENERICA FUNZIONE SCALARE). INFATTI,

$$\bar{\nabla} \times \bar{A}'(\vec{r}, t) = \bar{\nabla} \times (\bar{A}(\vec{r}, t) + \bar{\nabla} \lambda(x, t)) \text{ MA}$$

$$\text{ESSENDO IL } \bar{\nabla} \times (\bar{\nabla}) = 0 \Rightarrow \bar{B} \rightarrow \bar{B}' = \bar{\nabla} \times \bar{A}' = \bar{\nabla} \times \bar{A} +$$

$$\bar{\nabla} \times \bar{\nabla} \lambda = \bar{\nabla} \times \bar{A} = \bar{B}, \text{ D'ALTRA PARTE CONSIDERANDO}$$

$$\bar{E} = -\bar{\nabla} V - \partial_t \bar{A} \text{ SE } \bar{E} \rightarrow \bar{E}' = -\bar{\nabla} V' - \partial_t \bar{A}' = -\bar{\nabla} V - \partial_t \bar{A} - \partial_t \bar{\nabla} \lambda$$

$$= -\bar{E} - \partial_t \bar{\nabla} \lambda, \text{ SE SIMULTANEAMENTE}$$

TRASFORMIAMO $V \rightarrow V' = V - \partial_t \lambda$ \bar{E} NON VARIA

$$\bar{E} \rightarrow \bar{E}' = -\bar{\nabla} V' - \partial_t \bar{A}' = -\bar{\nabla} V + \bar{\nabla} \partial_t \lambda - \partial_t \bar{A} - \partial_t \bar{\nabla} \lambda \Rightarrow$$

$$= -\bar{\nabla} V - \partial_t \bar{A} = \bar{E}, \text{ DOVE ABBIAMO UTILIZZATO}$$

LE TRASFORMAZIONI DI GAUGE RICAVATE IN

PRECEDEZZA, QUINDI LE TRASFORMAZIONI CHE

ABBIAMO USATO LASCIANO INVARIATI I CAMPI E

DI CONSEGUENZA LE EQS. DI MAXWELL, ESSE PERCIÒ

RAPPRESENTANO UNA SIMMETRIA DELL'E.D.

• OSSERVAZIONE SUL GAUGE DI COULOMB

IL GAUGE DI COULOMB CONSISTE NEL PORRE

$$\bar{\nabla} \cdot \bar{A} = 0$$

SCOMPONENDO $\vec{A} = \vec{A}_L + \vec{A}_T \Rightarrow \vec{\nabla}_0 \vec{A}_L + \vec{\nabla}_0 \vec{A}_T = \vec{0}$. MA LA $\vec{\nabla}_0 \vec{A}_L = \vec{0}$
 PER IL TEOREMA DI HELMHOLTZ $\Rightarrow \vec{A}_L = \vec{0}$ E $\vec{\nabla}_0 \vec{A} = \vec{\nabla} \vec{A}_T$
 QUESTO GAUGE NON E' COVARIANTE. IL SIGNIFICATO DI
QUESTA AFFERMAZIONE LO COMPRENDEREMO MEGLIO
 QUANDO FAREMO LA RELATIVITA' SPECIALE, PER ORA
 SIGNIFICA CHE ESSO PUO' VALERE SOLO NEL S.I.D.R.
INERZIALE SCELTO.

• OSSERVAZIONE PARTENDO $\vec{\nabla}_0 \vec{E} = \rho/\epsilon_0$ E
 $\vec{E} = -\vec{\nabla} V - \dot{\vec{A}}$ APPLICANDO LA $(\vec{\nabla}_0)$ ALLA SECONDA
 OTTIENIAMO $\vec{\nabla}_0 \vec{E} = -\vec{\nabla}^2 V - \dot{\vec{\nabla}}_0 \vec{A} = \rho/\epsilon_0$. USANDO
 IL GAUGE $\vec{\nabla}_0 \vec{A} = \vec{0} \Rightarrow \nabla^2 V = -\rho/\epsilon_0$ DOVE V SODDISFA
 L'EQUAZIONE DI POISSON \nearrow , NEL GAUGE DI
 COULOMB V E' IL POTENZIALE ISTANTANEO
 (COME ABBIAMO GIÀ VISTO). N.B. ISTANTANEO NON
SIGNIFICA CHE NON EVOLVE NEL TEMPO, MA
CHE CAMBIA ISTANTANEAMENTE. QUESTO E'
CONSISTENTE CON IL FATTO CHE ESSO NON E'
UN'OSSERVABILE FISICA, MA HA SOLO UN SIGNIFI-
CATO MATEMATICO. IN ALTRE PAROLE $V(\vec{r}, t)$ IN UN
 CERTO ISTANTE E IN UN CERTO PUNTO DELLO SPAZIO
 VARIA CON $\rho(\vec{r}, t)$ NELLO STESSO ISTANTE.

L'EQUAZIONE DEL MOTU
 $(\nabla^2 \vec{A} - \epsilon_0 \mu_0 \dot{\vec{A}}^2) - \vec{\nabla}(\vec{\nabla}_0 \vec{A} + \epsilon_0 \mu_0 \dot{V}) = -\mu_0 \vec{J}$ NEL
 GAUGE DI COULOMB DIVENTA

$\nabla^2 \vec{A} - \epsilon_0 \mu_0 \dot{\vec{A}}^2 = -\mu_0 \vec{J} + \epsilon_0 \mu_0 \vec{\nabla} \dot{V}$ DERIVANDO RISPETTO
 AL TEMPO $\epsilon_0 \nabla^2 \dot{V} = -\dot{\rho}$ E COMBINANDOLA CON
 $\vec{\nabla}_0 \vec{J}_L + \dot{\rho} = 0$ OTTIENIAMO

$\nabla \cdot (\nabla \epsilon_0 \partial_t V - \vec{J}_L) = \rho$. LA QUANTITÀ TRA (...) HA

$\nabla \cdot$ E $\nabla \times$ NULLI $\Rightarrow \nabla^2$ E' NULLO, E NELLA IPOTESI CHE $V \rightarrow \rho$ E $\vec{J}_L \rightarrow \rho$ RAPIDAMENTE \Rightarrow

$(\nabla \epsilon_0 \partial_t V - \vec{J}_L) = \rho$. ORA SCRIVENDO IL TERMINE NELLA EQ. DEL MOTO CON $\nabla \cdot \vec{A} = 0$

$$-\mu_0 \vec{J} + \epsilon_0 \mu_0 \nabla \partial_t V = \mu_0 (\nabla \epsilon_0 \partial_t V + \vec{J}_L + \vec{J}_T) = \mu_0 (\nabla \epsilon_0 \partial_t V + \vec{J}_L) + \mu_0 \vec{J}_T \text{ ESSENDO } \vec{J}_T = \rho$$

L'EQ. DEL MOTO DIVENTA $\nabla^2 \vec{A} - \epsilon_0 \mu_0 \partial_t^2 \vec{A} = -\mu_0 \vec{J}_T$.

QUINDI CONCLUDIAMO CHE NEL GAUGE DI COULOMB LA RELAZIONE TRA CAMPO \vec{E} E POTENZIALI:

$\vec{E} = -\nabla V - \partial_t \vec{A}$ SI SEPARA NEL SEGUENTE MODO

$\vec{E}_T + \vec{E}_L = -\nabla V - \partial_t \vec{A}_L - \partial_t \vec{A}_T$ CON ∇V CHE E' SEMPRE LONGITUDINALE (UN ∇ TRASVERSO E' OVVIAMENTE ρ) E $\vec{A}_L = \rho$ \Rightarrow

$\vec{E}_L = -\nabla V$, $\vec{E}_T = -\partial_t \vec{A}_T$. SI VERIFICA CHE DATO

UN POTENZIALE \vec{A} CHE SODDISFA UNA TRASFORMAZIO-

NE DI GAUGE GENERATA DA $\lambda(\vec{r}, t)$ CON $\nabla^2 \lambda = \rho$

PRODUCE UN \vec{A}' CHE E' ANCORA NEL GAUGE DI

COULOMB. SE SI RICHIEDE CHE $\vec{A} \rightarrow \vec{A}'$ SIA REGOLARE

OVUNQUE L'UNICA CLASSE DI SOLUZIONI DELLA $\nabla^2 \lambda = \rho$

E' $\lambda = \text{cost} \Rightarrow \vec{A} = \vec{A}'$ E IN QUESTO CASO IL GAUGE DI

COULOMB E' UNICO. IN CONCLUSIONE IL GAUGE DI

COULOMB CONSISTE NELL'ELIMINARE LA COMPONENTE

LONGITUDINALE DI \vec{A} ($\vec{A}_L = 0$) E PER QUESTO E'

UN GAUGE CHE E' VANTAGGIOSO SOLO NELLE CONDIZIONI

STATICHE DELL'E.M.

• OSSERVAZIONE SUL GAUGE DI LORENZ. LA CONDIZIONE DEL GAUGE DI LORENZ E' $\nabla \cdot \vec{A} = -\epsilon_0 \mu_0 \dot{V}$

COME ABBIAMO VISTO QUESTO GAUGE SEMPLIFICA NOTEVOLMENTE L'EQ. DEL MOTTO DI \vec{A} CHE DIVENTA

$\square^2 \vec{A} = -\mu_0 \vec{J}$ MENTRE PER V SI OTTIENE UNA RELAZIONE FORMALMENTE ANALOGA $\square^2 V = -\rho/\epsilon_0$

→ SONO DELLE EQS. DELLE ONDE IN ASSENZA DI SORGENTI.

TI, IL VANTAGGIO DI QUESTO GAUGE E' LA SUA INVARIANZA RELATIVISTICA. A DIFFERENZA DEL GAUGE DI COULOMB ESSO E' LO STESSO IN TUTTI S.I.R. INERZIALI. TUTTAVIA, NON RIMUOVE LE COMPONENTI NON DINAMICHE V E \vec{A}_L . INOLTRE $\nabla \cdot \vec{A} + \epsilon_0 \mu_0 \dot{V} = 0$ NON FISSA UNICAMENTE I POTENZIALI, MA RIMANE UNA CERTA LIBERTA' DI GAUGE (PER SAPERNE DI PIU' VEDI V. BARDONE - RELATIVITA' - BOLLATI - BORINGHIERI PAG. 317)

• SIUTESI: FORZE, CAMPI, POTENZIALI E GAUGE IN A "NUT SHELL".

• LE EQ. DI MAXWELL SONO UNA SIUTESI DI COME LE FORZE ELETTRICHE E MAGNETICHE SI MANIFESTANO E SI MISURANO NELLE INTERAZIONI TRA CARICHE E CORRENTI. LE EQS. DI MAXWELL ASSIEME ALLA FORZA DI LORENTZ SONO IN GRADO DI SPIEGARE IN TERMINI CLASSICI TUTTA LA FENOMENOLOGIA DELLE INTERAZIONI E.M.

• LE EQS. DI MAXWELL SI POSSONO SUDDIVIDERE IN EQS. DIFFERENZIALI (INTEGRALI) OMOGENEE

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0 \quad \text{E} \quad \vec{\nabla} \times \vec{E} + \partial_t \vec{B} = 0 \quad \text{E} \quad \text{INOMOGENEE}$$

$\vec{\nabla} \cdot \vec{E} = \rho/\epsilon_0$ E $\vec{\nabla} \times \vec{B} - \epsilon_0 \mu_0 \partial_t \vec{E} = \mu_0 \vec{J}$. QUESTE ULTIME CONTENGONO I TERMINI SORGENTI DEI CAMPI.

● SI TRATTA DI RISOLVERE, NEL CASO PIÙ GENERALE UN PROBLEMA CON 9 VARIABILI (INCOGNITE):

$E_x, E_y, E_z; B_x, B_y, B_z; F_x, F_y, F_z$. QUESTE VARIABILI NON SONO TUTTE INDIPENDENTI \Rightarrow ESISTE POTENZIALMENTE, UNA STRATEGIA MATEMATICA PER RIDURLE. "FIGLI" DI QUESTA STRATEGIA SONO I POTENZIALI E. M.

● LA STRATEGIA CONSISTE NEL DEFINIRE QUESTI POTENZIALI IN MODO TALE CHE ESSI SODDISFANO LE EQS. DI MAXWELL OMOGENEE E QUINDI SOSTITUIRE I CAMPI (\vec{E} E \vec{B}) CON QUESTI POTENZIALI NELLE EQS. DISOMOGENEE. A QUESTO PUNTO LE EQS. DI MAXWELL E LA FORZA DI LORENTZ SI RIDUCONO A TRE EQS. DIFF. CHE DIPENDONO DA V E DA \vec{A}

$$\textcircled{1} (\nabla^2 \vec{A} - \epsilon_0 \mu_0 \partial_t^2 \vec{A}) - \vec{\nabla} (\vec{\nabla} \cdot \vec{A} + \epsilon_0 \mu_0 \partial_t V) = -\mu_0 \vec{J}$$

$$\textcircled{2} \nabla^2 V + \partial_t (\vec{\nabla} \cdot \vec{A}) = -\rho/\epsilon_0$$

$$\textcircled{3} \vec{F} = \frac{d\vec{p}}{dt} = -q \left[\partial_t \vec{A} + (\vec{v} \cdot \vec{\nabla}) \vec{A} + \vec{\nabla} (V - \vec{v} \cdot \vec{A}) \right]$$

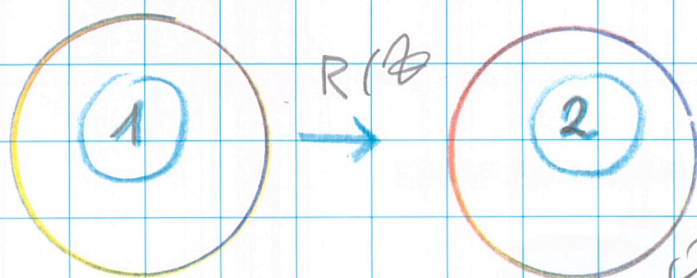
RISOLVERE UN PROBLEMA (DESCRIVERE UN FENOMENO) IN E. D. SIGNIFICA RISOLVERE LE EQS. DI MAXWELL E QUELLA DI LORENTZ IL CHE E' EQUIVALENTE A RISOLVERE LE EQS DEI POTENZIALI $\textcircled{1} \textcircled{2} \text{ E } \textcircled{3}$.

● QUESTE EQS. RIDUCONO IL PROBLEMA DA 9 VARIABILI
LI DIPENDENTI A 4 VARIABILI (V, A_x, A_y, A_z)
 MA ANCORA DIPENDENTI

● L'UTILIZZO DEI GAUGE SEMPLIFICA ULTERIORMENTE
 LE EQS. DEI POTENZIALI, CHE DIVENTANO
 $\square^2 \bar{A} = -\mu_0 \mathbf{J}$; $\square^2 V = -\rho/\epsilon_0$

● NEL CASO DEL GAUGE DI LORENTZ $\nabla \cdot \bar{A} = -\epsilon_0 \mu_0 \partial_t V$
 ESSO CONSENTE DI SCRIVERE UNA DELLE 4 VARIABILI
 IN FUNZIONE DELLE ALTRE MEDIANTE UNA
 TRASFORMAZIONE DI GAUGE CON $\lambda(\mathbf{r}, t)$ CHE
 SODDISFA $\nabla^2 \lambda - \epsilon_0 \mu_0 \partial_t^2 \lambda = 0$ (QUESTO NON L'ABBIAMO
 MO DIMOSTRATO QUI - IBIDEM V. BARONE - . IN QUESTO
 CASO TUTTA LA FENOMENOLOGIA DELLA E.D. CLASSICA
 SI RIDUCE A PROBLEMI CON DUE VARIABILI
 DINAMICHE INDIPENDENTI (A_x, \bar{A}_y) E UNA
 NON DINAMICA (V).

● ABBIAMO DETTO PIÙ VOLTE CHE LE TRASFORMAZIONI
 DI GAUGE RAPPRESENTANO UNA SIMMETRIA DELL'E.M.
 PERCHÉ LASCIANO INVARIATI I CAMPI E DI CONSE
 GUENZA LE EQS. DI MAXWELL (LA FORZA DI
 LORENTZ NON È SOGGETTA A TRASFORMAZIONI
 DI GAUGE). VEDIAMO DI CAPIRE QUESTO CONCETTO
 CON UN'ESEMPIO SEMPLICE.



QUALSiasi $R(B)$ TRASFOR
 MA ① → ② IN UNA FIGURA
 INDISTINGUIBILE DALLA
 ① ⇒ LA FIGURA È

TOTAL SIMMETTICA RISPETTO A $R(\mathcal{B})$



IL PUNTO INTRODOTTTO "ROMPE" LA SIMMETRIA. ORA SOLO

$R(2\pi)$ O $R(2N\pi)$ RENDE

(1) INDISTINGUIBILE DA (2)

$R(2N\pi)$ E' PERCIO' UNA TRASFORMAZIONE CHE RAPPRESENTA UNA SIMMETRIA DEL SISTEMA

IN MODO ANALOGO UNA TRASFORMAZIONE

APPLICATA AI CAMPI E, M. $\vec{E} \xrightarrow{G} \vec{E}'$ E $\vec{B} \xrightarrow{G} \vec{B}'$

CHE RENDE \vec{E}' E \vec{B}' INDISTINGUIBILI DA \vec{E} E \vec{B}

RAPPRESENTA UNA SIMMETRIA DELLE EQS,

CHE DEFINISCONO \vec{E} E \vec{B} (DUNQUE DELLE EQS, DI MAXWELL).

● CONTEST. PRODURRE CON UNO SCHEMA LA SINTESI DESCRITTA NELLE PAG. 268-270 -

● LEZIONE #24