



UNIVERSITÀ
DEGLI STUDI
DI TRIESTE



Dipartimento di
Ingegneria
e Architettura



Corso di MACCHINE [065IN]
Corso di MACCHINE MARINE [100IN]

Prof. Rodolfo Taccani
Prof. Lucia Parussini

A.A. 2021-2022

Similitudine delle turbomacchine

Cifre adimensionali per macchine idrauliche:

$$\phi = \frac{Q}{\omega D^3}$$

$$k = \omega_s = \omega \frac{\sqrt{Q}}{(gH)^{3/4}} = 2\pi n_s$$

$$\Lambda = \frac{P_a}{\rho n^3 D^5}$$

$$\psi = \frac{gH}{\omega^2 D^2}$$

$$D_s = D \frac{(gH)^{1/4}}{\sqrt{Q}}$$

$$\eta = \frac{\rho g Q H}{P_a}$$

Ricordiamo che:

$Re = \rho \omega D^2 / \mu$ nella regione turbolenta a rugosità piena

$Ma = \omega D / a < 0.3$ flusso incomprimibile

Numero caratteristico o velocità specifica di macchina

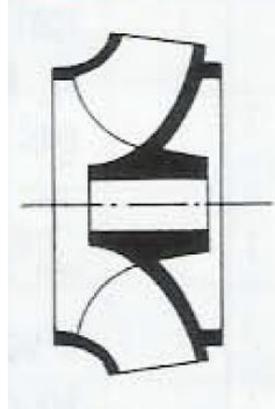
lenta (flusso radiale)



basse velocità di rotazione e/o
basse portate e/o lavoro massico
elevato

$$\omega_s = 0.2 \div 0.6$$

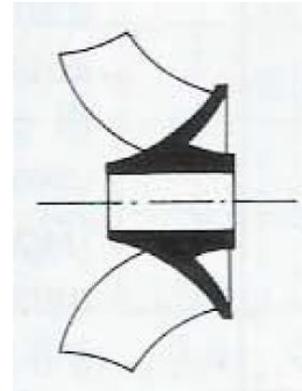
media (flusso radiale)



medie velocità di rotazione e/o
medie portate e/o lavoro massico
elevato

$$\omega_s = 0.6 \div 1.2$$

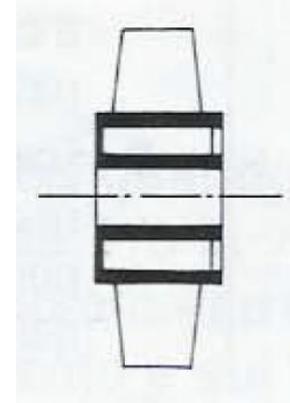
veloce (flusso misto)



alte velocità di rotazione e/o
portate elevate e/o piccolo
lavoro massico

$$\omega_s = 1.0 \div 3.0$$

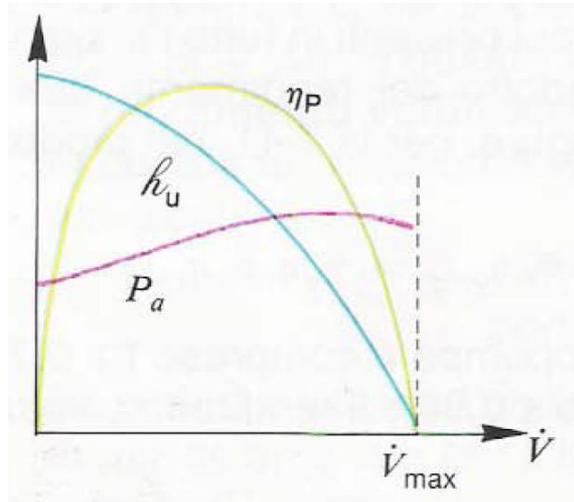
ultraveloce (flusso assiale)



altissime velocità di rotazione e/o
altissime portate e/o piccolo
lavoro massico

$$\omega_s = 2.0 \div 10$$

Curve caratteristiche



Curve caratteristiche di una pompa.

Esercitazione

Applicazione dei criteri di similitudine

Si vuole realizzare una pompa che presenti le seguenti caratteristiche (dati di progetto):

$$Q = 6 \text{ m}^3/\text{s} \quad H = 160 \text{ m} \quad n = 450 \text{ rpm} \quad \eta_e = 0.89$$

Il fluido operativo è acqua: $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$

Si intende testarne un modello in similitudine geometrica nell'impianto di prova caratterizzato da:

$$Q_m = 0.15 \text{ m}^3/\text{s} \quad P_{a,m} = 180 \text{ kW}$$

Si suppone che il rendimento del modello sia uguale a quello della pompa, pertanto: $\eta_{e,m} = \eta_e = 0.89$

1. Trovare il tipo di pompa da utilizzare per soddisfare le caratteristiche richieste.
2. Trovare la potenza assorbita dalla pompa (P_a).
3. Trovare le condizioni alle quali deve operare il modello, intermini di velocità di rotazione (n_m) e di prevalenza (H_m), affinché sia in condizioni di similitudine con la pompa da progettare.
4. Esprimere il rapporto tra il diametro della pompa e quello del modello (D/D_m).

Esercitazione

Verifica della cavitazione di una pompa

Si considera l'impianto di pompaggio raffigurato. Il fluido operativo è acqua. Il tratto orizzontale presenta una lunghezza $l = 4 \text{ m}$, l'altezza della pompa rispetto al pelo libero risulta $h_1 = 2.5 \text{ m}$ e l'altezza del tratto di tubazione immersa risulta $h_2 = 1.5 \text{ m}$.

Il diametro costante della tubazione di aspirazione risulta $D_a = 0.12 \text{ m}$.

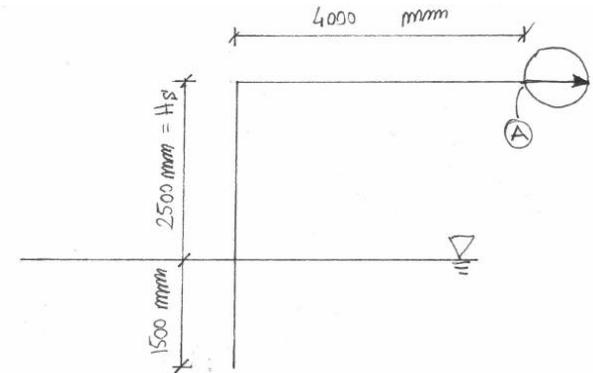
La pompa opera con una portata $Q = 0.05 \text{ m}^3/\text{s}$.

La pressione al pelo libero coincide con quella atmosferica p_{atm} .

Nella flangia di aspirazione (punto A) si rilevano, in condizioni di incipiente cavitazione, una pressione $p_A = 45000 \text{ Pa}$ e una temperatura dell'acqua $T_A = 20^\circ\text{C}$.

Le caratteristiche del fluido operativo alla temperatura rilevata dal costruttore nella condizione di incipiente cavitazione durante la prova sono:
 $p_v = 2336 \text{ Pa}$ (tensione di vapore) $\rho = 998.3 \text{ kg/m}^3$ $\mu = 0.001 \text{ Pa s}$

Valutare se si manifesta la cavitazione.



Esercitazione

DIME/TEC

PROPRIETA' TERMODINAMICHE DELL'ACQUA (liquido e vapore) ALLA SATURAZIONE

TAB. 2A

T °C	p bar	volume specifico v_l	v_v	m ³ /kg v_v	Entalpia kJ/kg			Entropia kJ/kg K			t °C
					h_l	r	h_v	s_l	r/T	s_v	
0	0.006 017	0.001 000 2	206.298	206.299	-0.0	2501.6	2501.6	-0.0	9.1578	9.1578	0
0.01	0.006 112	0.001 000 2	206.162	206.163	+0.0	2501.6	2501.6	0	9.1575	9.1575	0.01
2	0.007 055	0.001 000 1	179.922	179.923	8.4	2496.8	2505.2	0.0306	9.0741	9.1047	2
4	0.008 129	0.001 000 0	157.271	157.272	16.8	2492.1	2508.9	0.0611	8.9915	9.0526	4
6	0.009 345	0.001 000 0	137.779	137.780	25.2	2487.4	2512.6	0.0913	8.9102	9.0015	6
8	0.010 720	0.001 000 1	120.965	120.966	33.6	2482.6	2516.2	0.1213	8.8300	8.9513	8
10	0.012 270	0.001 000 3	106.429	106.430	42.0	2477.9	2519.9	0.1510	8.7510	8.9020	10
12	0.014 014	0.001 000 4	93.834	93.835	50.4	2473.2	2523.6	0.1805	8.6731	8.8536	12
14	0.015 973	0.001 000 7	82.899	82.900	58.8	2468.5	2527.2	0.2098	8.5963	8.8060	14
15	0.017 139	0.001 000 8	77.977	77.978	62.9	2466.1	2529.1	0.2243	8.5582	8.7826	15
16	0.018 168	0.001 001 0	73.383	73.384	67.1	2463.8	2530.9	0.2388	8.5205	8.7593	16
18	0.020 624	0.001 001 3	65.086	65.087	75.5	2459.0	2534.5	0.2677	8.4458	8.7135	18
20	0.023 366	0.001 001 7	57.837	57.838	83.9	2454.3	2538.2	0.2963	8.3721	8.6684	20
25	0.031 660	0.001 002 9	43.401	43.402	104.8	2442.5	2547.3	0.3670	8.1922	8.5592	25
30	0.042 415	0.001 004 3	32.928	32.929	125.7	2430.7	2556.4	0.4365	8.0181	8.4546	30
35	0.056 216	0.001 006 0	25.244	25.245	146.6	2418.8	2565.4	0.5049	7.8495	8.3543	35
40	0.073 750	0.001 007 8	19.545	19.546	167.5	2406.9	2574.4	0.5721	7.6861	8.2583	40
45	0.095 820	0.001 009 9	15.275	15.276	188.4	2394.9	2583.3	0.6383	7.5277	8.1661	45

Esercitazione

DIME/TEC	PROPRIETÀ TERMOFISICHE DELL'ACQUA ALLA SATURAZIONE	TAB. 11
----------	----------------------------------------------------	---------

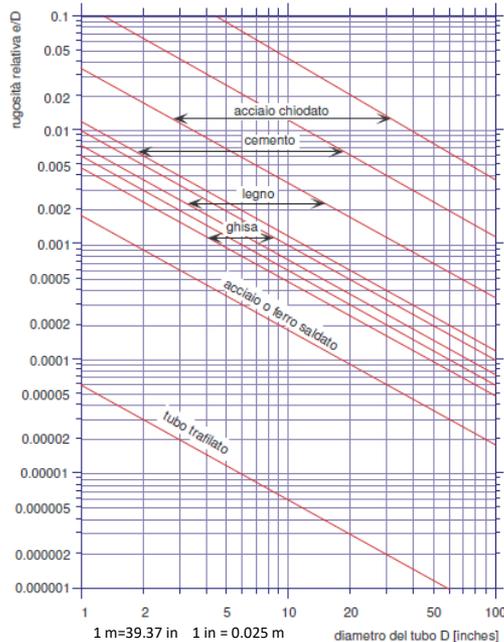
T Temperatura	a Diffusività termica	<i>PEDICI:</i>
c Calore specifico a p=cost	Pr Numero di Prandtl	l liquido saturo
β Coefficiente volumetrico di dilatazione termica	σ Tensione superficiale	v vapore saturo secco
k Conducibilità termica		
μ Viscosità dinamica		
ν Viscosità cinematica		

T °C	c_{pl} kJ/kgK	c_{pv}	β_l 10^{-3} 1/K	β_v	k_l 10^{-3} W/mK	k_v	μ_l 10^{-6} kg/m s	μ_v	ν_l 10^{-6} m ² /s	ν_v	a_l 10^{-6} m ² /s	a_v	Pr_l	Pr_v	σ 10^{-3} N/m
0.01	4.229	1.868	-0.08044	3.672	561.0	17.07	1792	9.216	1.792	1898	0.1327	1883	13.51	1.008	75.65
10.00	4.188	1.874	0.08720	3.548	580.0	17.62	1306	9.461	1.307	1006	0.1385	999.8	9.434	1.006	74.22
20.00	4.183	1.882	0.2089	3.435	598.4	18.23	1002	9.727	1.004	562.0	0.1433	559.6	7.005	1.004	72.74
30.00	4.183	1.892	0.3050	3.332	615.4	18.89	797.7	10.01	0.8012	329.3	0.1478	328.3	5.422	1.003	71.20
40.00	4.182	1.904	0.3859	3.240	630.5	19.60	653.2	10.31	0.6584	201.3	0.1519	200.9	4.333	1.002	69.60
50.00	4.182	1.919	0.4572	3.156	643.5	20.36	547.1	10.62	0.5537	127.8	0.1558	127.7	3.555	1.001	67.95
60.00	4.183	1.937	0.5222	3.083	654.3	21.18	466.6	10.93	0.4746	83.91	0.1591	83.92	2.983	1.000	66.24
70.00	4.187	1.958	0.5827	3.018	666.3	22.07	404.1	11.26	0.4132	56.80	0.1620	56.85	2.551	0.9992	64.49
80.00	4.194	1.983	0.6403	2.964	670.0	23.01	354.5	11.59	0.3648	39.51	0.1644	39.56	2.219	0.9989	62.68

Esercitazione

$$D_a = 0.12 \text{ m} = 4.7 \text{ in}$$

Tubo in ghisa $e/D=0.002$



I materiali utilizzati per la produzione di tubazioni per l'acqua sono molti, vediamo i più utilizzati:

- **ghisa**: questo materiale viene utilizzato per le acque di scarico. Queste tubazioni hanno una "dilatazione termica" piuttosto bassa, ma necessitano di un rivestimento sia interno che esterno che gli consenta di poter resistere ai prodotti chimici presenti nelle acque di scarico;
- **acciaio inox**: materiale molto affidabile per ciò che riguarda le sollecitazioni meccaniche, affidabile anche sotto l'aspetto sanitario. Bisogna però prestare **attenzione alla sua corrosione e "dilatazione termica"** soprattutto per quegli impianti dove l'acciaio viene completamente ricoperto dal calcestruzzo;
- **rame**: si tratta di un materiale che può essere utilizzato sia per l'acqua di carico che di scarico. È un materiale affidabile e idoneo al contatto con l'acqua potabile, la "dilatazione termica" è simile a quella dell'acciaio. Per poter resistere alla corrosione esterna **deve essere rivestito con PVC**.
- **piombo**: è vietato l'utilizzo di questo materiale per il trasporto di acqua potabile, ma ancora molto utilizzato per gli scarichi;
- **plastica**: i vari materiali plastici che vengono utilizzati per la produzione di tubazioni hanno una "dilatazione termica" molto bassa, una buona resistenza alle fiamme, sono adatti al contatto con l'acqua ad uso sanitario e resistono molto bene alla corrosione. Presentano un piccolo difetto che è quello di **diventare piuttosto ruvidi all'interno**, creando così depositi che possono compromettere il corretto funzionamento della tubazione.

Esercitazione

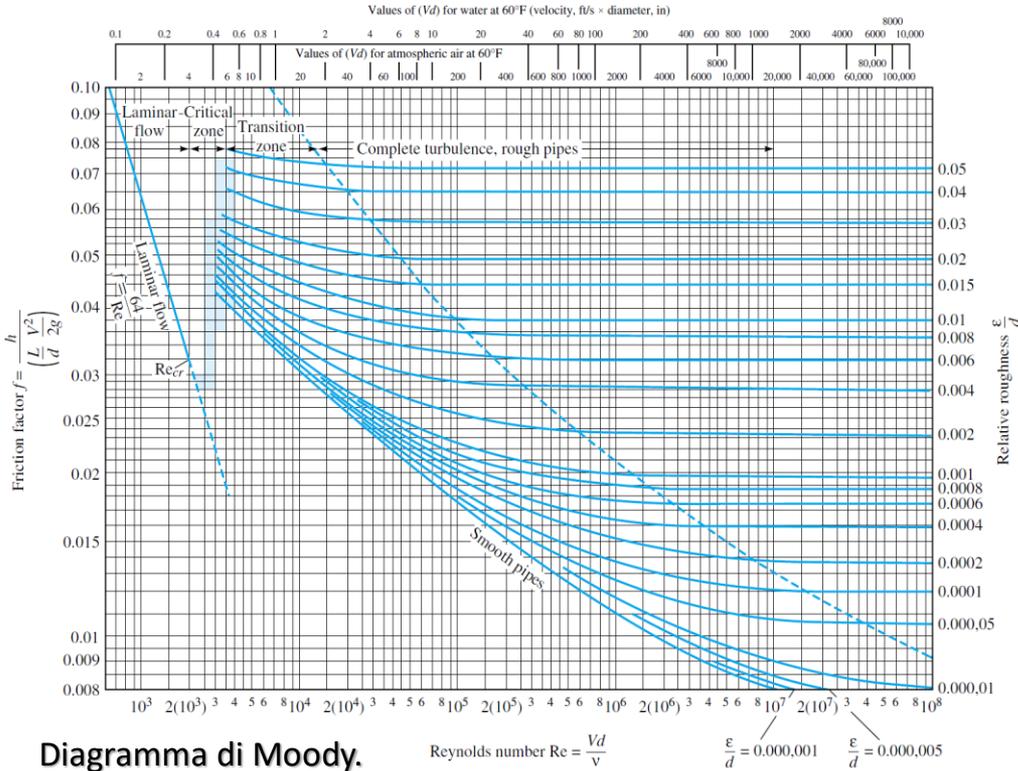


Diagramma di Moody.

Perdite continue

FORMULE SEMIEMPIRICHE

$$f = \frac{64}{Re}$$

$$h_c = f \frac{L}{D} \frac{V^2}{2g}$$

Flussi laminari

$$\frac{1}{f^{1/2}} = -2.0 \log \left(\frac{\epsilon/d}{3.7} + \frac{2.51}{Re f^{1/2}} \right)$$

Formula di Colebrook per flussi turbolenti

$$\frac{1}{f^{1/2}} \approx -1.8 \log \left(\left(\frac{\epsilon/d}{3.7} \right)^{1.11} + \frac{6.9}{Re} \right)$$

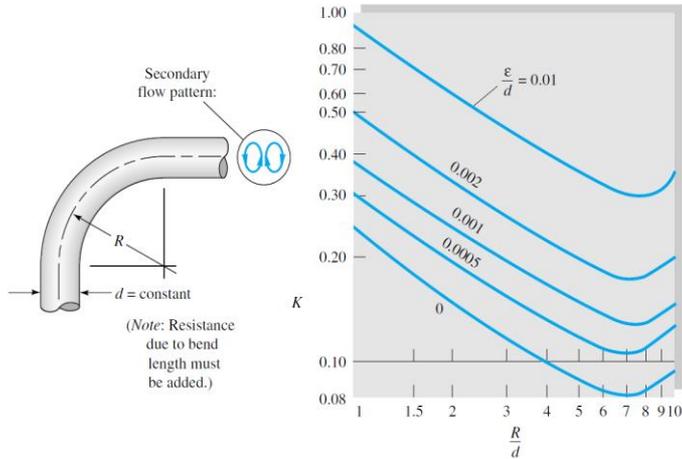
Formula di Haaland (esplicita) per flussi turbolenti

$$\frac{1}{f^{1/2}} = -2.0 \log \frac{\epsilon/d}{3.7}$$

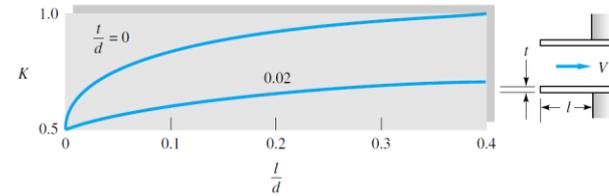
Formula per regione di rugosità piena

Esercitazione

Perdite accidentali



Coefficiente di resistenza per curve di 90°.



Coefficienti di perdita per ingresso rientrante.

$$h_a = K \frac{V^2}{2g}$$

Perdite totali

$$\frac{\Delta p_0}{\rho g} = h_c + h_a$$

Esercitazione

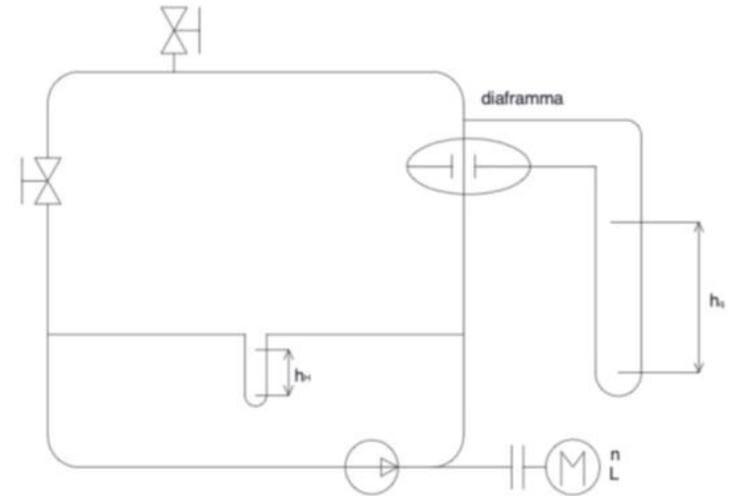
Rilievo delle prestazioni di una pompa centrifuga

Si vogliono rilevare le prestazioni della pompa centrifuga. Per eseguire il rilievo delle prestazioni si inserisce la pompa nell'impianto di prova costituito da motore, pompa, valvola per la regolazione della portata e due prese di pressione, quella per il calcolo della portata e quella per la prevalenza.

Come fluido si utilizza acqua $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$ e il diametro dei condotti è $D = 150 \text{ mm}$.

Tracciare le curve caratteristiche della macchina:

$$H(Q), P_u(Q), \eta(Q), \psi(\phi)$$



Schema dell'impianto di prova.

Esercitazione

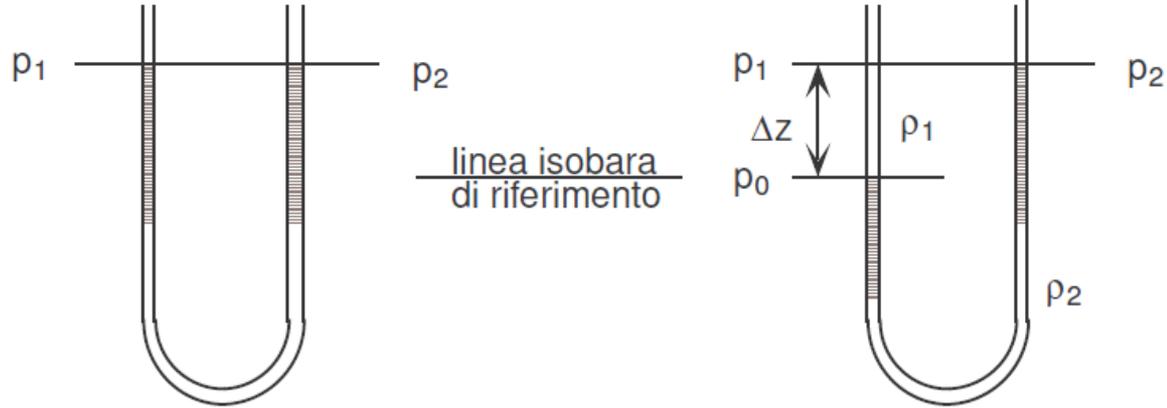
Manometro differenziale

$$p_0 = p_1 + \rho_1 g \Delta z = p_2 + \rho_2 g \Delta z$$
$$\Delta p = p_1 - p_2 = (\rho_2 - \rho_1) g \Delta z$$

$$\Delta p = (\rho_{\text{mercurio}} - \rho_{\text{acqua}}) g \Delta z$$

$$\Delta p = \left(\frac{\rho_{\text{mercurio}}}{\rho_{\text{acqua}}} - 1 \right) \rho_{\text{acqua}} g \Delta z$$

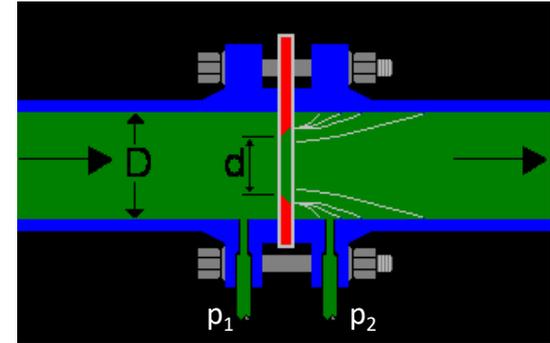
$$H = \frac{\Delta p}{\rho_{\text{acqua}} g} = \left(\frac{\rho_{\text{mercurio}}}{\rho_{\text{acqua}}} - 1 \right) \Delta z = \left(\frac{\rho_{\text{mercurio}}}{\rho_{\text{acqua}}} - 1 \right) \frac{\Delta h_H}{1000}$$



Esercitazione

Diaframma

Presenta al centro un'apertura circolare opportunamente sagomata. Il disco calibrato viene montato nella tubazione a mezzo di due apposite flange, fra le quali è serrato strettamente e sistemato in modo che il centro del foro coincida esattamente con l'asse della tubazione. Sulle flange sono ricavate le prese di pressione immediatamente a monte ed immediatamente a valle. Un montaggio errato (ingresso dalla parte dello smusso) comporta un errore di misura. A monte del disco calibrato non debbono esserci curve, valvole, gomiti e qualsiasi cosa che può disturbare il buon andamento dei filetti fluidi, per un tratto di almeno $20 D$, mentre a valle per almeno $5 D$.



La vena fluida, in corrispondenza del diaframma, viene bruscamente ridotta di sezione nel rapporto D^2/d^2 . La misura di portata si riduce in definitiva ad una misura di pressione differenziale (Δp) esistente tra monte e valle dell'orifizio.

Esercitazione

Diaframma

Nel campo dei liquidi si risale alla portata Q con la seguente formula:

$$p_1 = p_2 + \rho g h_a$$

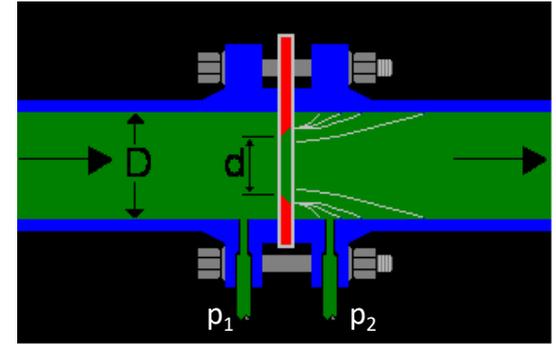
$$\Delta p = p_1 - p_2 = K \frac{1}{2} \rho V^2 \quad \rightarrow \quad V = \sqrt{\frac{2\Delta p}{\rho K}}$$

con $K = K(d^2/D^2)$

$$Q = \pi \frac{d^2}{2} V = \pi \frac{d^2}{2} \sqrt{\frac{2g\Delta z}{K}}$$

$$Q = \pi \frac{d^2}{2} \alpha \sqrt{2g\Delta z} = 0.0002498 \sqrt{\Delta h_Q} \quad \text{m}^3/\text{s}$$

con coefficiente di efflusso $\alpha = 1/(1 - m^2)$ che tiene conto delle perdite subite dal fluido durante lo strozzamento e può variare da 0,6 a 0,66. Il coefficiente di efflusso α dipende dal rapporto della strozzatura $m = d^2/D^2$.



Esercitazione

Rilievo delle prestazioni di una pompa centrifuga

Rilevazioni effettuate a due diversi numero di giri: n_1, n_2

L parametro espresso in 20W/1000 rpm legato alla coppia dell'albero motore, $P_a = \frac{20}{1000} Ln$

$$P_{a,1} = \frac{20}{1000} Ln_1 \quad P_{a,2} = \frac{20}{1000} Ln_2$$

Δh_Q : differenza di pressione espressa in mmHg misurata tra le sezioni del diaframma

$$Q = 0.0002498 \sqrt{\Delta h_Q} \text{ m}^3/\text{s}$$

Esercitazione

Rilievo delle prestazioni di una pompa centrifuga

Δh_H : differenza di pressione espressa in mmHg tra i punti indicati in figura per il calcolo della prevalenza della pompa

$$H = \left(\frac{\rho_{mercurio}}{\rho_{acqua}} - 1 \right) \frac{\Delta h_H}{1000} \text{ m}$$

Potenza utile fornita al fluido:

$$P_u = \rho g Q H$$

Rendimento effettivo:

$$\eta = P_u / P_a$$

Cifra di flusso:

$$\phi = \frac{Q}{\omega D^3}$$

Cifra di pressione:

$$\psi = \frac{gH}{\omega^2 D^2}$$

Esercitazione

Rilievo delle prestazioni di una pompa centrifuga

Tabelle numero prova, n , L , Δh_H , Δh_Q , H , Q , P_u , P_a , η , ϕ , ψ

Grafici

Ad esempio:

In matlab

polyfit

$p = \text{polyfit}(x,y,n)$ returns the coefficients for a polynomial $p(x)$ of degree n that is a best fit (in a least-squares sense) for the data in y

polyval

$y = \text{polyval}(p,x)$ evaluates the polynomial p at each point in x

In excel

$\text{LINEST}(B2:B5,A2:A5)$ (seleziona 2 celle, scrivi la formula, premi CTRL+SHIFT+ENTER)

$\text{LINEST}(B2:B5,A2:A5\{1, 2, 3\})$ (seleziona 4 celle, scrivi la formula, premi CTRL+SHIFT+ENTER)

Esercitazione

Rilievo delle prestazioni di una pompa centrifuga

Nel grafico $\eta(\phi)$, si individua il massimo rendimento si ricava il valore corrispondente di ϕ e quindi di ψ
Con questi è possibile determinare il numero caratteristico k della macchina:

$$k = \frac{\sqrt{\phi}}{(\psi)^{3/4}}$$

Esercitazione

Dimensionamento di una pompa centrifuga

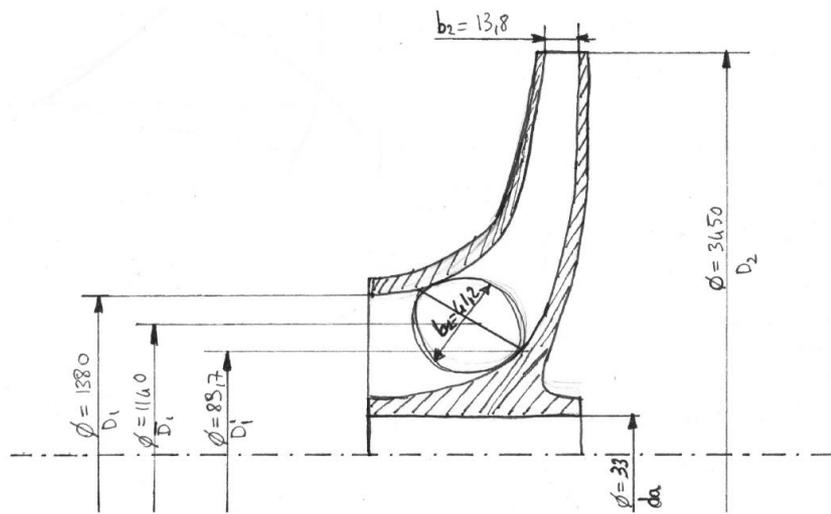
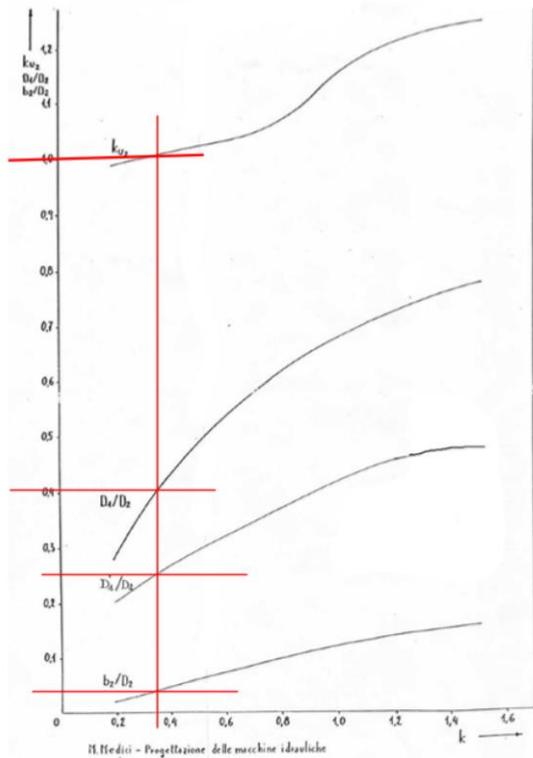
Si vuole eseguire un dimensionamento di massima di una pompa centrifuga. I dati di progetto sono i seguenti:

$$\begin{aligned}H &= 35 \text{ m} \\Q &= 120 \frac{\text{m}^3}{\text{h}} \\n &= 1450 \text{ rpm}\end{aligned}$$

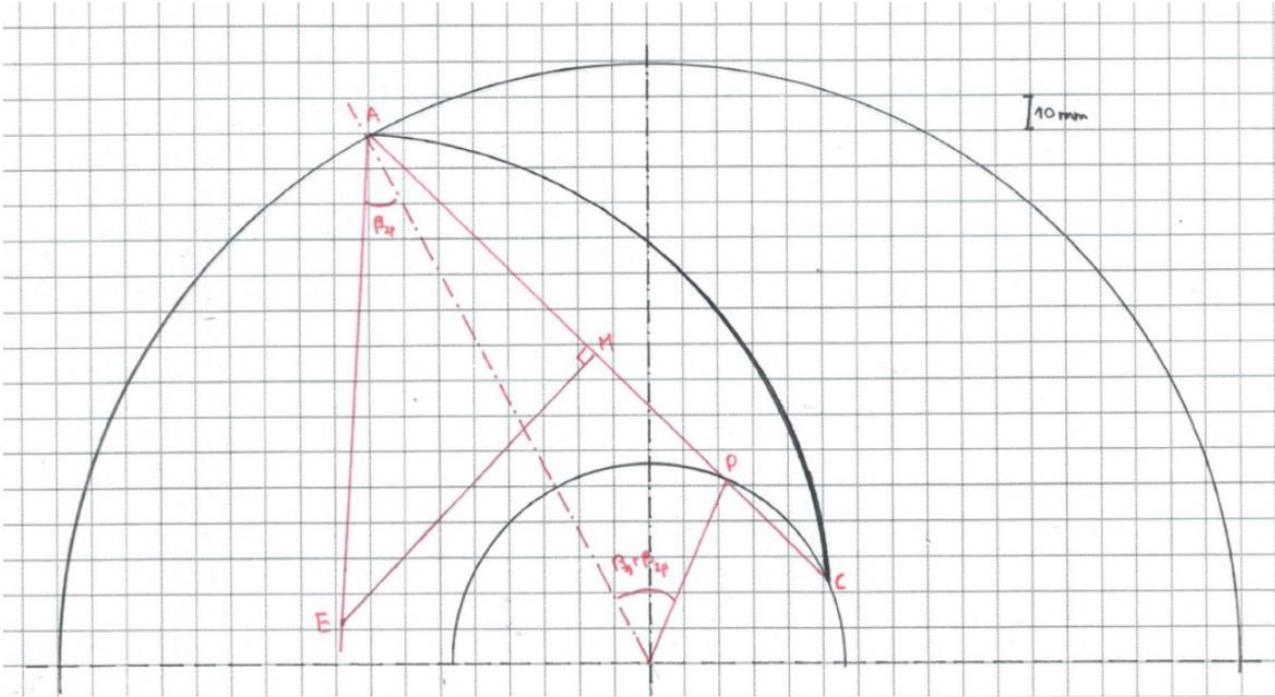
Il fluido operativo è acqua.

- 1) Trovare le dimensioni principali della sezione mediana della macchina.
- 2) Trovare la potenza del motore elettrico che deve essere utilizzato.
- 3) Trovare i triangoli di velocità.
- 4) Tracciare in modo indicativo la forma delle pale.

Esercitazione



Esercitazione





UNIVERSITÀ
DEGLI STUDI
DI TRIESTE



Dipartimento di
**Ingegneria
e Architettura**