FADREU - POPOV QUANTIZATION of NON-ABELIAN
GAUGE THEORIES

Ma Si NON à INVERTIBILE : puest à doub el fotte de Si ha desti tet-mod. ( Kersi # 0 )

April à lyab alla ridondente relle coord. April Se riu subme a interprese mel fil. rulle donné de epuir. [April invece de su tutte le confé April albra il publicue sporère puch tutte i versoi in Kersi sous equirolent a O.

[A] = { Au | Au e il traf d' Au sollo peux }

E ORBITA

E ORBITA

U(x)

ZA

Per individuore OU roppresentent per clone d'oper. prende me fun. G(A) e jupay

G(A) = 0  $\iff$   $G^{\alpha}(A) = 0$  e rep. Adj (dothious fivere #=diug vethori  $A_{\mu}$ )

(G(A) non deve essue jourge invontant)

Usions il rejuent truco (FP) valido se 3! solur.
all'ep. G(A)=0

As  $\Delta = \int D d \int G(G(A^{\alpha})) det \left(\frac{\delta G(A^{\alpha})}{\delta \alpha}\right) \int \frac{Generalization}{S[f(x)] = \sum_{i} \frac{df}{dx} \int_{X=X_{i}}^{1} \delta(x-x_{i})} \int_{\mu}^{\infty} d\mu = A_{\mu} + \frac{1}{3}(D_{\mu}d)^{\alpha}$   $A_{\mu} \rightarrow \partial A_{\mu}$   $A_{\mu} \rightarrow \partial A_{\mu}$  $A_{\mu}^{\alpha} = A_{\mu}^{\alpha} + \frac{1}{3}(D_{\mu}\alpha)^{\alpha}$   $A_{\mu} \rightarrow gA_{\mu}$ 

Prendian. G(A) linear in  $A \Rightarrow \frac{5G(A^{d})}{5d}$  now differbe

 $\left[\begin{array}{cc} \frac{5G(A^{\alpha})}{5\lambda} & \frac{5G(A^{\alpha})}{5A} & \frac{5A^{\alpha}}{5\lambda} \end{array}\right]$ 

 $\Rightarrow \quad \nabla^{Eb}(A) = \text{or} \quad \frac{27}{2}$ e INDIP. do d, ma dipende de A (a d'Ileneure del ces Abelians)

[DA e ista] = [DA]DX S(G(Ad)) DF, (A) e ista]

gauge invariante = [ DA [ DX & ( G(Ax)) App ( (Ax) -x) e is[Ax]

Ora ecubino un combit d' VARIABILI d'INTEGRAZIONE: des la

Muso Unidale B - Aa mas constile funor di A Fortunatements, la mismo à inventeux solt quest courto (abé le Jacobier e = 1); DB = DAd = JDA = JOBJDX 2 (G(B)) Dep (B-4) e 12[B]  $\Delta_{\text{FP}}(B^{-d}) = \det \underbrace{\mathcal{F}G((B^{-d})^{\mathcal{Z}})}_{\mathcal{F}\mathcal{Z}} = \det \underbrace{\underbrace{\mathcal{F}G(B^{d'})}_{\mathcal{F}\mathcal{Z}'}\underbrace{\mathcal{F}\mathcal{Z}'}_{\mathcal{F}\mathcal{Z}'}) = \underbrace{\det \underbrace{\mathcal{F}G(B^{d'})}_{\mathcal{F}\mathcal{Z}'}\underbrace{\mathcal{F}\mathcal{Z}'}_{\mathcal{F}\mathcal{Z}'}$  $= \Delta_{fP}(B) \ g(\alpha)$  $g(d) = \det\left(\frac{\delta d}{\delta x}\right)$ 1 pr hard. ie freiterae = ( Jay g(x)) (DA S(G(A)) DEP(A)e iSCA) qui ho postituito il s'ubolo B col simbol A difinde de A a di pl. delle floré abeliane (è une voublit d'integracione) Questo P.I. non è della forme (D4 e 15(4) e puind non prious efficare in maniera diette il metod du dispounni d'Feynmon la colcolere i CORTECATORI.

· l'integrale JDA e i SCA) è indep dable fundame G (abé dable scelte del GAUGE FIXING). Inoltre and JDd J(d) è indep. de G.

Ci spaintitions al coso delle GAUGE DI CORENTE: 
$$G(A) = \partial^{\mu} A_{\mu} - \omega \qquad G^{\alpha}(A) = \partial^{\mu} A_{\mu}^{\alpha} - \omega^{\alpha}$$

Due Elista DA 5( 8MA, - W) Der (A) eista]

A mens et fatten aveall il 1.1. drent

$$\int DA \int D\omega e^{-\frac{\lambda}{25} \int \omega^2} e^{-\frac{\lambda}{25} \int \omega^2} \int (\partial^n A_{\mu} - \omega) d\mu = \int DA \int \Delta_{\mu}(A) e^{-\frac{\lambda}{25} \int (\partial^n A_{\mu})^2} \leftarrow \text{tevmin di gange}$$

$$= \int DA \int \Delta_{\mu}(A) e^{-\frac{\lambda}{25} \int (\partial^n A_{\mu})^2} \leftarrow \text{tevmin di gange}$$

$$= \int DA \int \Delta_{\mu}(A) e^{-\frac{\lambda}{25} \int (\partial^n A_{\mu})^2} \leftarrow \text{tevmin di gange}$$

$$= \int DA \int \Delta_{\mu}(A) e^{-\frac{\lambda}{25} \int (\partial^n A_{\mu})^2} \leftarrow \text{tevmin di gange}$$

$$= \int DA \int \Delta_{\mu}(A) e^{-\frac{\lambda}{25} \int (\partial^n A_{\mu})^2} \leftarrow \text{tevmin di gange}$$

$$= \int DA \int \Delta_{\mu}(A) e^{-\frac{\lambda}{25} \int (\partial^n A_{\mu})^2} \leftarrow \text{tevmin di gange}$$

$$= \int DA \int \Delta_{\mu}(A) e^{-\frac{\lambda}{25} \int (\partial^n A_{\mu})^2} \leftarrow \text{tevmin di gange}$$

$$= \int DA \int \Delta_{\mu}(A) e^{-\frac{\lambda}{25} \int (\partial^n A_{\mu})^2} = \frac{1}{25} \int (\partial^n A_{\mu})^2 \leftarrow \text{tevmin di gange}$$

Sp(A) non contribuire al proposose (non jeuer termini quadratici relle near Copreyione)

Il termine quadratico in St. Sg.  $\dot{e}$ :  $\left[S_{JJ} = -\frac{1}{25} \int (\partial^{\mu}A_{\mu})^{2}\right]$   $-\int d^{4}x \left(\frac{1}{4} \left(\partial_{\mu}A_{\nu}^{a} - \partial_{\nu}A_{\mu}^{a}\right) \left(\partial^{\mu}A^{a\nu} - \partial^{\nu}A^{a\mu}\right) + \frac{1}{25} \left(\partial_{\mu}A^{a\nu}\right) \left(\partial_{\nu}A^{a\nu}\right)\right)$ 

$$= -\frac{1}{2} \int d^{2}x d^{2}y \quad \Omega^{\alpha \mu, 5\nu}(x,y) \cdot A^{\alpha}_{\mu}(x) A^{5}_{\nu}(y)$$

dove 
$$\Omega^{\bullet h, lov}(x,y) \equiv \eta^{\mu \nu} \frac{\partial^2}{\partial x^8 \partial y} \int^{(\mu)} (x-y) \int^{\bullet b} - \left(1-\frac{1}{3}\right) \frac{\partial^2}{\partial x_{\mu} \partial y_{\nu}} \int^{(\mu)} (x-y) \int^{\bullet b} =$$

$$= \frac{1}{(2\pi)^4} \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} \int_{0}^{\infty} \left( \eta^{\mu\nu} \left( p^2 - i\varepsilon \right) - \left( 1 - \frac{1}{\xi} \right) p^{\mu} p^{\nu} \right) e^{ip(x-y)}$$

Prendians l'invers di D, e ottembres il PholaGATINE de Feynman pril Bosont DI GAUGE

$$D_{F\mu\nu}(x_{1}y) = \int \frac{d^{4}p}{(2\pi)^{4}} \left( \eta_{\mu\nu} + (\S-1) \frac{p_{\mu}l_{\nu}}{p^{2}} \right) \int_{P^{2}+i\xi}^{ab} \frac{-i}{p^{2}+i\xi} e^{ip(x-y)}$$

$$5 = 1 : Feynmen - 't Hood!$$

$$3 = 0 : Condon$$

COPIE DI GRIBOV

Cosa vuol d'en fisse bene la gauge? (Salto di FTA))

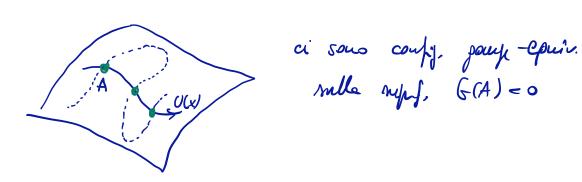
Risport: G(A)=0 dounelle produre rue supplicée de interseca

openi orbita di pour trosvesolmente e solo in

rue PUNTO ( e tale pro deve existere)!

l'esistano di tele supricie difundo delle proprieta globali (topolisich) dello spoiso CA/2

Ci sareuro problemi puendo la supor. G(A)=0 interno Le orbik in PID d' UN PTO



Detto altriment a G(A) = 0 allre essebre delle four d(x) ch misdron l'épochion G (A") = 0

Jutépen su tult i phi delle 3d (Ad) | d=0 o a de de de Dep =0 suppl. G(A) = > produce un ( whi I revoluedes) overcounting de pool di l'huto.

Questo problème à note come l'AMBIGUITA' d'GRIBOV. → E' evitabile per feorie Abelieve, ma à incuitabile In le paye non-singler nelle trave non-delieur.

pli represent of sous taki che of Dud = 0 when I la Romand. Dd + [(2"Am), d] + [Am, 2"d] = 0 es. In Jucz)

Se Aprè molto ficcolo, allona querta ey, non ha solutioni (d'to l'Ad-sa)

(DED non ha coppe d' Eniber lu G=DMAn) coinvolgono integral Gaussiani

attorno a Apreo molto pictet

) l'embraile d' Griber non inficie i conti perterboller. Le g=0