

Programma del corso di

Matematiche A

per il Corso di Laurea in Scienze Geologiche
Anno Accademico 2021-2022 – docente: prof. Fabio Vlacchi

Introduzione alla teoria degli insiemi. Inclusione, unione, intersezione e complementare di insiemi. Leggi di de Morgan.

Introduzione alla logica binaria delle proposizioni, negazione e connettivi logici. Implicazione e logica dei predicati.

Prodotto cartesiano di insiemi. Relazioni e relazioni d'equivalenza. Funzioni: dominio, codominio, iniettività, suriettività e corrispondenza biunivoca.

Introduzione ai numeri naturali \mathbb{N} e al principio di induzione. Numeri interi \mathbb{Z} e operazioni di somma e prodotto. Numeri razionali \mathbb{Q} e loro rappresentazione. Operazioni con frazioni. Irrazionalità della diagonale di un quadrato rispetto al lato. Introduzione dei numeri reali e loro completezza. Assioma di Dedekind. Disuguaglianza di Bernoulli. Rappresentazione dei numeri reali sulla retta reale. Coordinate cartesiane di punto sulla retta e sul piano. Elementi di geometria analitica del piano e dello spazio. Distanza e luoghi geometrici elementari: circonferenza (sfera), ellisse (ellissoide), iperbole (iperboloide) retta e piano e loro equazioni cartesiane.

Introduzione alle funzioni circolari e alla trigonometria. Funzioni seno coseno e tangente e loro proprietà. Inversione locale ed inverse delle funzioni circolari. Coordinate polari.

Introduzione alle equazioni e disequazioni algebriche di secondo grado. Rappresentazione di parabole, circonferenze, ellissi e iperboli e relative equazioni in casi particolari.

Numeri reali estesi. Introduzione alle successioni (di numeri reali) e alle serie.

Elementi di calcolo combinatorio. Definizione di limite di una successione di numeri reali. Successioni monotone. Unicità del limite. Criterio del confronto di successioni. Compatibilità di operazioni e calcolo di limiti. Applicazioni ed esempi. Confronti di infiniti e infinitesimi: esempi ed applicazioni.

Limite notevole per il calcolo del numero di Nepero e altri limiti notevoli,

Funzione esponenziale e funzione logaritmo: definizione e prime proprietà.
Definizione di intorno di un punto. Definizione di punto interno, esterno, di frontiera e di accumulazione. Definizione di limiti di funzioni usando le successioni e per intorni.

Continuità di funzioni e compatibilità con usuali operazioni fra funzioni reali di variabile reale. **Teorema della permanenza del segno. Teorema di esistenza degli zeri.**

Continuità di funzioni composte e inverse.

Teorema di Weierstrass (senza dimostrazione). **Teorema dei valori intermedi.** Esempi di singolarità e discontinuità. Asintoti di funzioni: verticali, orizzontali e obliqui.

Introduzione al concetto di derivata e di derivazione di funzioni reali di variabile reale. Interpretazione geometrica del concetto di derivata come limite del rapporto incrementale. Legame tra derivabilità e continuità di funzioni. Derivata della somma (differenza) di funzioni derivabili. Regola di Leibniz per la derivazione del prodotto di funzioni derivabili. Derivata del rapporto e della composta di funzioni derivabili. Derivata della funzione inversa.

Calcolo delle derivate di tutte le funzioni elementari e delle loro inverse.

Massimi e minimi locali. Punti di flesso. **Teorema di Fermat. Teorema di Rolle. Teorema di Lagrange**

Regola di de L'Hôpital e applicazioni. Infiniti e infinitesimi (confronto e ordine) e applicazioni nel calcolo di limiti.

Formula (sviluppo) di Taylor di una funzione.

NB DEI TEOREMI IN GRASSETTO SI RICHIEDE ANCHE LA CONOSCENZA DI UNA DIMOSTRAZIONE

Bibliografia e referenze

Matematica per le Scienze,
A. Guerraggio, Feltrinelli

Metodi Matematici e Statistici nelle Scienze della Terra.
Volume I - Argomenti istituzionali,
A. Buccianti - F. Rosso - F. Vlacci, Liguori Editore