

# Physics Education Laboratory Lecture 18 Problem-solving for Fluidodynamics

Francesco Longo - 07/12/21



## EVALUATION SHEET in FLUIDODYNAMICS

[https://media.pearsoncmg.com/  
curriculum/intl/it/newlab/978886  
3647884/9788863647877\\_test\\_c  
08/index.html#!/activity/4513114  
/section/section\\_4513115](https://media.pearsoncmg.com/curriculum/intl/it/newlab/9788863647884/9788863647877_test_c08/index.html#!/activity/4513114/section/section_4513115)

## RAGIONA e RISPONDI

1. Lo strato d'acqua di una cascata è più spesso in alto che non in basso. Analogamente, il getto d'acqua che esce da un rubinetto si restringe mentre cade. Perché?



2. Quale caratteristica deve avere un fluido per il quale vale l'equazione di continuità nella forma  $Av = \text{costante}$ ?
3. Quale legge di conservazione è espressa dall'equazione di continuità?
4. In una ciminiera il fumo sale più rapidamente quando soffia il vento. Perché?



5. È meglio per un aeroplano decollare controvento o in direzione del vento? Giustifica la risposta.
6. Quale legge di conservazione è espressa dall'equazione di Bernoulli?

7. Se hai un asciugacapelli e una palla da ping-pong a casa, prova a fare questo esperimento. Dirigi l'aria dell'asciugacapelli orizzontalmente e metti la pallina nel flusso d'aria. Se hai fatto tutto bene, la pallina rimarrà sospesa a mezz'aria. Utilizza l'equazione di Bernoulli per spiegare questo comportamento.

8. Perché due convogli ferroviari che marciano in verso opposto su due binari paralleli devono rallentare la loro marcia quando si incrociano?



9. Perché la pallina da tennis ha la superficie ricoperta da uno strato di feltro?



10. Quali condizioni devono essere soddisfatte affinché valga la legge di Torricelli?

LET's CLASSIFY THE EXERCISES ...

<https://forms.gle/7acMQn2SWr9w264P7>

# Risolvi i PROBLEMI

## L'equazione di continuità

### 1. Il flusso nel tubo

- Dell'acqua scorre in un tubo con una velocità di 2,1 m/s. Determina il flusso in kg/s, sapendo che il diametro del tubo è 3,8 cm. [2,4 kg/s]

### 2. PREVEDI/SPIEGA

Osserva l'acqua che esce dal rubinetto di una fontanella e cade verso terra (il moto non deve essere turbolento).

- a) La sezione del "tubo d'acqua" si allarga, si restringe o resta costante mano a mano che l'acqua scende verso terra?
- b) Quale fra le seguenti è la *spiegazione migliore* per la risposta?
- 1) La velocità dell'acqua aumenta a causa dell'accelerazione di gravità e dunque, per l'equazione di continuità, la sezione del "tubo d'acqua" deve diminuire.
  - 2) La pressione aumenta mano a mano che l'acqua si avvicina al suolo.
  - 3) La velocità dell'acqua diminuisce a causa dell'attrito.

### 3. Innaffiare il giardino

- Per innaffiare il giardino usi un tubo di gomma del diametro di 3,4 cm. L'acqua esce dal tubo con una velocità di 1,1 m/s. Se blocchi parzialmente l'estremità del tubo in modo che il diametro effettivo diventi 0,57 cm, con quale velocità l'acqua verrà spruzzata dal tubo? [39 m/s]

### 4. Giochi in piscina

- Per riempire una piscina gonfiabile per bimbi, Corrado usa un tubo da giardino con un diametro di 2,9 cm. L'acqua fluisce dal tubo con una velocità di 1,3 m/s. Quanto tempo impiegherà Corrado a riempire la piscina, se questa ha forma circolare con diametro interno di 2,0 m ed è profonda 26 cm? [16 min]



### 5. Quanto sangue pompa il cuore?

Quando sei a riposo, il tuo cuore pompa il sangue (densità  $1060 \text{ kg/m}^3$ ) con una portata di 5,00 litri al minuto. Calcola il volume e la massa di sangue pompato dal cuore in un giorno. [7200 litri e 7630 kg al giorno]

### 6. PROBLEMA SVOLTO

Una tipica arteriola ha un diametro di 0,030 mm e trasporta sangue con una portata di  $5,5 \cdot 10^{-6} \text{ cm}^3/\text{s}$ .

- Qual è la velocità del sangue in un'arteriola?
- Supponi che un'arteriola si ramifichi in 340 capillari, ognuno dei quali ha un diametro di  $4,0 \cdot 10^{-6} \text{ m}$ . Qual è la velocità del sangue nei capillari?

#### SOLUZIONE

a) Poni  $Q = 5,5 \cdot 10^{-6} \text{ cm}^3/\text{s}$  e  $D_a = 0,030 \text{ mm}$ . Calcola la velocità del sangue all'interno dell'arteriola utilizzando la formula della portata:

$$v_a = \frac{Q}{A_a} = \frac{Q}{\pi \left(\frac{D_a}{2}\right)^2} = \frac{5,5 \cdot 10^{-6} \text{ cm}^3/\text{s}}{\pi \left(\frac{3,0 \cdot 10^{-3} \text{ cm}}{2}\right)^2} = 0,78 \text{ cm/s}$$

b) Utilizza l'equazione di continuità per un fluido incompressibile, tenendo conto che  $n = 340$  e  $D_c = 4,0 \cdot 10^{-6} \text{ m}$ :

$$Q = A_a v_a = n A_c v_c$$

e da essa ricava  $v_c$ :

$$v_c = \frac{Q}{n A_c} = \frac{Q}{n \pi \left(\frac{D_c}{2}\right)^2} = \frac{5,5 \cdot 10^{-6} \text{ cm}^3/\text{s}}{340 \pi \left(\frac{4,0 \cdot 10^{-4} \text{ cm}}{2}\right)^2} = 0,13 \text{ cm/s}$$

### 7. Il kayak di Uncas

Uncas, l'ultimo dei mohicani, sta scendendo un fiume con il suo kayak. Il fiume nelle rapide si stringe e la sua larghezza si riduce da 12 m a 5,8 m. La profondità del fiume nel tratto prima delle rapide è 2,7 m, mentre nelle rapide diventa di 0,85 m. Calcola la velocità dell'acqua nel tratto delle rapide, sapendo che la velocità nel tratto precedente è 1,2 m/s. Assumi che la sezione del letto del fiume sia rettangolare. [7,9 m/s]



### 8. Più veloce?

Dell'acqua scorre con un flusso di 3,11 kg/s in un tubo di gomma avente un diametro di 3,22 cm.

- Qual è la velocità dell'acqua nel tubo?
- Se al tubo viene inserita una bocchetta con un diametro di 0,732 cm, qual è la velocità dell'acqua nella bocchetta?
- Il flusso attraverso la bocchetta è maggiore, minore o uguale a 3,11 kg/s? Giustifica la risposta.

[a] 3,82 m/s; b) 73,9 m/s]

## 9. IN ENGLISH

A 1.1 cm diameter pipe widens to 2.5 cm. A liquid flows through the first segment at a speed of 4.3 m/s.

- What is the speed in the second segment?
- What is the volume flow rate in the pipe?

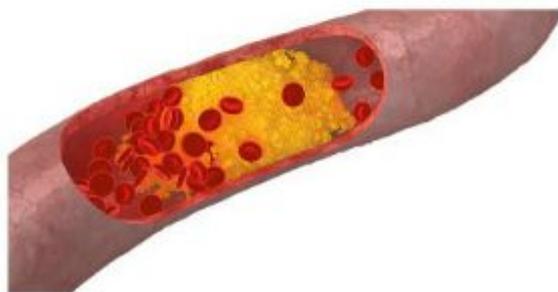
[a) 0.83 m/s; b)  $4.1 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3/\text{s}$ ]

## 11. Le placche nelle arterie

La formazione di placche sulle pareti delle arterie può diminuirne il diametro delle arterie da 1,1 cm a 0,75 cm. Se la velocità del flusso di sangue nei tratti di arteria non ostruiti è di 15 cm/s, determina:

- la velocità del flusso di sangue nei tratti in cui si sono formate le placche;
- la caduta di pressione in tali tratti.

[a) 32 cm/s; b)  $\Delta p = 42 \text{ Pa}$ ]



## 10. PROBLEMA SVOLTO

Un tubo orizzontale contiene acqua a una pressione di 110 kPa che scorre con una velocità di 1,6 m/s. Se, a un certo punto, il diametro del tubo si riduce della metà, qual è:

- la velocità dell'acqua nella parte di tubo di sezione minore?
- la pressione dell'acqua nella parte di tubo di sezione minore?

### SOLUZIONE

a) Dall'equazione di continuità:

$$A_1 v_1 = A_2 v_2$$

ricava la velocità  $v_2$  nella parte di tubo a sezione minore, tenendo conto che  $v_1 = 1,6 \text{ m/s}$  e che  $r_1 = 2r_2$ :

$$v_2 = \frac{A_1}{A_2} v_1 = \frac{\pi r_1^2}{\pi r_2^2} v_1 = 2^2 v_1 = 4v_1 = 6,4 \text{ m/s}$$

b) Scrivi l'equazione di Bernoulli per un tubo orizzontale:

$$p_1 + \frac{1}{2} \rho v_1^2 = p_2 + \frac{1}{2} \rho v_2^2$$

Poni  $p_1 = 110 \text{ kPa}$ ,  $d = 1,00 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3$  e calcola  $p_2$  sostituendo i valori numerici:

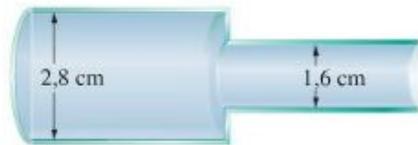
$$\begin{aligned} p_2 &= p_1 + \frac{1}{2} \rho (v_1^2 - v_2^2) = \\ &= 1,10 \cdot 10^5 \text{ Pa} + \frac{1}{2} (1,0 \cdot 10^3 \text{ kg/m}^3) \cdot \\ &\quad \cdot [(1,6 \text{ m/s})^2 - (6,4 \text{ m/s})^2] = 9,1 \cdot 10^4 \text{ Pa} = 91 \text{ kPa} \end{aligned}$$

## 12. Tubi orizzontali

Dell'acqua scorre in un tubo orizzontale di diametro 2,8 cm che è collegato a un secondo tubo orizzontale di diametro 1,6 cm. La differenza di pressione fra i due tubi è di 7,5 kPa.

- In quale tubo la pressione è più alta?
- In quale tubo la velocità di flusso è maggiore?
- Calcola la velocità di flusso nel primo tubo.

[c) 1,3 m/s]



## 14. IN ENGLISH

A 3.4 mm diameter hole is 1.2 m below the surface of a 1.5 m diameter tank of water.

- What is the volume flow rate through the hole, in L/min?
- What is the rate, in mm/min, at which the water level in the tank will drop if the water is not replenished?



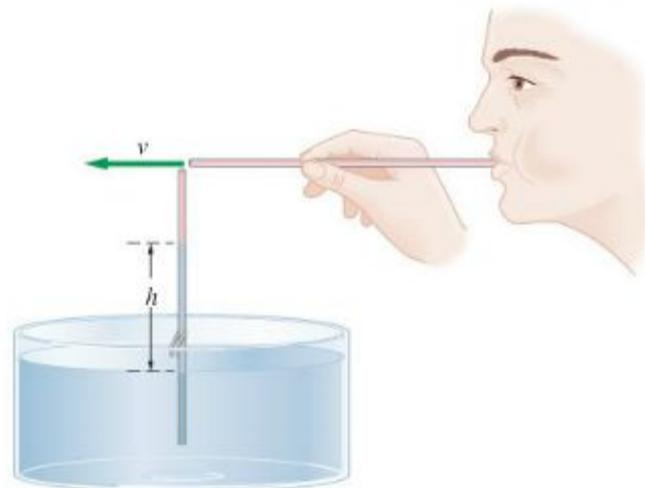
[a) 2.6 L/min; b) 1.5 mm/min]

## 13. Test di capacità polmonare

I test di capacità polmonare dimostrano che gli adulti sono in grado di espirare 1,5 litri di aria attraverso la bocca in 1 secondo.

- Se una persona soffia aria in questo modo attraverso una cannuccia che ha un diametro di 0,60 cm, qual è la velocità dell'aria nella cannuccia?
- Se l'aria dalla cannuccia viene diretta orizzontalmente lungo l'estremità superiore di una seconda cannuccia verticale inserita in un contenitore con dell'acqua, come mostrato nella figura, a quale altezza  $h$  sale l'acqua nella cannuccia verticale?

[a) 53 m/s; b) 19 cm]



### 15. Falla nel serbatoio

In un serbatoio pieno d'acqua si apre una falla. Determina la velocità dell'acqua che esce dal buco se la falla si trova 2,7 m sotto la superficie dell'acqua, che è aperta all'atmosfera. [7,3 m/s]

### 16. Il tubo bucato

Un tubo da giardino è attaccato a un rubinetto dell'acqua a un'estremità e a un ugello a spruzzatore all'altra. Il rubinetto è aperto, ma l'ugello è chiuso, cosicché l'acqua non può uscire dal tubo. Il tubo è posto orizzontalmente sul terreno e da un piccolo foro comincia a uscire uno zampillo di acqua in direzione verticale che raggiunge un'altezza di 0,68 m. Qual è la pressione all'interno del tubo? [1,08 · 10<sup>5</sup> Pa]



### 17. La pressione sulle ali di un aereo

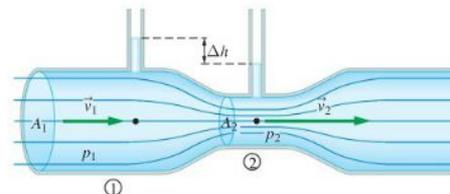
- Determina la differenza di pressione sulle ali di un aereo, sapendo che il flusso dell'aria sulla superficie superiore dell'ala ha velocità 115 m/s e sulla superficie inferiore ha velocità 105 m/s.
- Se l'area dell'ala è 32 m<sup>2</sup>, qual è la forza risultante verso l'alto esercitata sulle ali dell'aereo?

[a) 1,42 kPa; b) 45 kN]

### 18. PREVEDI/SPIEGA

La figura mostra un **venturimetro** o **tubo di Venturi**, uno strumento utilizzato per misurare la velocità di un fluido in un condotto.

- La pressione  $p_1$  nella sezione 1 del tubo è maggiore, uguale o minore della pressione  $p_2$  nella sezione 2 del tubo?
- Quale fra le seguenti è la *spiegazione migliore* per la risposta?
  - Dove il tubo è più stretto la velocità del fluido è maggiore, quindi è maggiore anche la sua pressione.
  - Dove il tubo è più stretto l'altezza del fluido nella colonnina soprastante è minore e quindi, per la legge di Stevino, la pressione è minore.
  - Essendo il tubo orizzontale, la pressione è la stessa in tutti i punti.



### 19. Un problema di gittata

Nel tuo giardino hai una cisterna di altezza  $h$  piena d'acqua. A che altezza devi praticare un foro se vuoi che lo zampillo cada il più lontano possibile dalla base della cisterna, supponendo che l'acqua fuoriesca dal foro orizzontalmente? (Considera l'acqua come un fluido ideale.)



### 20. La spinta sulle ali di un aereo

L'ala di un aereo è sagomata in modo tale che la velocità dell'aria rispetto all'aereo è 70 m/s sopra la superficie superiore e 60 m/s sotto quella inferiore. Se l'aereo ha una massa di 1340 kg e una superficie alare di  $16,2 \text{ m}^2$ , qual è la forza verticale effettiva sull'ala, tenendo conto del peso dell'aereo? (Poni la densità dell'aria uguale a  $1,20 \text{ kg/m}^3$ ).

[0,5 kN, diretta verso il basso]



### 21. IN ENGLISH

A hurricane wind blow across a  $6.00 \times 15.0 \text{ m}$  flat roof at a speed of 130 km/h.

- Is the air pressure above the roof higher or lower than the pressure inside the house? Explain.
- What is the pressure difference?
- How much force is exerted on the roof?
- If the roof can not withstand this much force, will it “blow in” or “blow out”?

[b) 840 Pa; c)  $7.56 \cdot 10^4 \text{ N}$ ]

## Il moto nei fluidi viscosi

### 22. Il calcare

In alcune zone del territorio italiano l'acqua è molto calcarea e forma incrostrazioni nei tubi. In un tratto orizzontale del tubo di scarico di una lavatrice si sono formate delle incrostrazioni dovute al calcare e ai residui di detersivo che hanno ridotto il diametro del tubo del 10%. Considerando l'acqua di scarico un fluido viscoso e supponendo che la differenza di pressione nel tratto di tubo considerato rimanga costante, come varia la velocità dell'acqua?  $[v_2/v_1 = 0,81]$

### 23. Come cambia la portata?

In un tubo da giardino posto orizzontalmente fluisce dell'acqua a  $20^\circ\text{C}$ , con una portata di  $5,0 \cdot 10^{-4} \text{ m}^3/\text{s}$ . Il diametro del tubo è di 2,5 cm.

- Qual è la velocità dell'acqua nel tubo?
- Qual è la caduta della pressione se il tubo è lungo 15 m?

Supponi che la sezione del tubo si dimezzi, ma che la lunghezza e la caduta di pressione rimangano costanti.

- Di quale fattore cambia la velocità dell'acqua?
- Di quale fattore cambia la portata? Motiva la risposta.

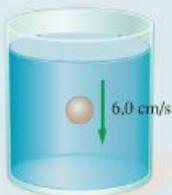
[a) 1,0 m/s; b) 0,79 kPa; c) 1/2; d) 1/4]

### 24. Non fumare!

Il fumo ha effetti dannosi sul sistema circolatorio perché riduce la capacità del sangue di trasportare ossigeno. Per mantenere l'apporto di ossigeno il corpo aumenta la produzione di globuli rossi e ciò determina un aumento della viscosità del sangue. Inoltre, la nicotina contenuta nel tabacco provoca la restrizione dei vasi, riducendone la sezione. In un non fumatore il sangue ha una viscosità di  $2,5 \cdot 10^{-3} \text{ Pa}\cdot\text{s}$  e il normale flusso sanguigno richiede una differenza di pressione di  $1,1 \cdot 10^3 \text{ Pa}$  tra i due estremi di un'arteria. In un fumatore abituale la viscosità del sangue aumenta a  $2,7 \cdot 10^{-3} \text{ Pa}\cdot\text{s}$  e il diametro delle arterie si riduce del 90% rispetto al valore normale. Quale differenza di pressione è necessaria per mantenere lo stesso afflusso di sangue nel fumatore?  $[1,5 \cdot 10^3 \text{ Pa}]$

## 25. PROBLEMA SVOLTO

Superman osserva una piccola sfera di rame, di massa 0,20 g e densità  $8900 \text{ kg/m}^3$ , che cade con una velocità limite di 6,0 cm/s in un vaso pieno di kryptonite liquida. Calcola il coefficiente di viscosità della kryptonite nell'ipotesi che la spinta di Archimede sia trascurabile.



### SOLUZIONE

Per il primo principio della dinamica, se la sfera di raggio  $r$  si muove con velocità costante la somma delle forze a essa applicate, cioè la forza peso e la forza di Stokes, è nulla:

$$mg - 6\pi\eta rv = 0$$

Ricava la viscosità dall'equazione precedente:

$$\eta = \frac{mg}{6\pi rv}$$

Sai che  $m = 0,20 \text{ g}$ ,  $d = 8900 \text{ kg/m}^3$ ,  $v = 6,0 \text{ cm/s}$ .

Puoi calcolare il raggio  $r$  della sfera dalla formula della densità. Infatti, poiché:

$$d = \frac{m}{V}$$

puoi scrivere:

$$V = \frac{m}{d} \rightarrow \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{m}{d}$$

da cui ricavi il raggio:

$$r = \sqrt[3]{\frac{3m}{4\pi d}} = \sqrt[3]{\frac{3(0,00020 \text{ kg})}{4\pi(8900 \text{ kg/m}^3)}} = 1,8 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

Sostituisci ora i valori nell'espressione della viscosità:

$$\begin{aligned} \eta &= \frac{mg}{6\pi rv} = \frac{(0,00020 \text{ kg/m}^3)(9,8 \text{ m/s}^2)}{6\pi(1,8 \cdot 10^{-3} \text{ m})(0,060 \text{ m/s})} = \\ &= 0,96 \text{ N s/m}^2 \end{aligned}$$

## 26. La sfera nell'olio



Quale velocità deve avere una sfera d'oro di raggio 3,00 mm immersa nell'olio di ricino affinché la forza di attrito viscoso sia pari a un quarto del peso della sfera? (La densità dell'oro è  $19\,300 \text{ kg/m}^3$  e il coefficiente di viscosità dell'olio di ricino è  $0,986 \text{ N s/m}^2$ ). [9,59 cm/s]

# PROBLEMI PER CONSOLIDARE LE ABILITÀ

**PLUS**  
**OperativaMente** Una strategia per la risoluzione dei problemi di fisica

Consolida le tecniche di risoluzione dei problemi utilizzando il modello proposto nei **Problem Solving** del testo. Puoi consultare anche le linee guida riportate nella scheda **OperativaMente**.

## 1. La potenza del cuore

La potenza sviluppata dal cuore è il prodotto della pressione media del sangue, pari a  $1,33 \text{ N/cm}^2$ , e della portata, che è  $105 \text{ cm}^3/\text{s}$ .

- Calcola la potenza del cuore (esprimila in watt).
- Quanta energia consuma il cuore in un giorno?
- Supponi che l'energia calcolata al punto *b*) sia utilizzata per sollevare una persona di  $72 \text{ kg}$  verticalmente fino a un'altezza  $h$ . Determina l'altezza  $h$  (in metri).

[a]  $1,40 \text{ W}$ ; [b]  $121 \text{ kJ}$ ; [c]  $171 \text{ m}$

## 2. Spinta sulle pareti

Una piscina fuori terra ha la forma di un grande cilindro, con un fondo circolare e una parete verticale che forma il bordo. Il diametro della vasca è  $4,8 \text{ m}$  e la sua profondità è  $1,8 \text{ m}$ . Determina la forza risultante verso l'esterno esercitata dall'acqua sulla parete verticale della vasca, nell'ipotesi che la piscina sia riempita completamente.

[ $2,4 \cdot 10^5 \text{ N}$ ]



## 3. Latta bucata

Una latta è riempita d'acqua fino a un'altezza di  $39 \text{ cm}$ . Da un buco praticato a  $11 \text{ cm}$  dal fondo della latta esce un getto d'acqua inclinato di  $36^\circ$  sopra l'orizzontale. Determina:

- la gittata del getto;
- la massima altezza del getto d'acqua.

[a]  $0,66 \text{ m}$ ; [b]  $0,21 \text{ m}$

## 4. Tubi dell'olio

Un tubo orizzontale trasporta olio il cui coefficiente di viscosità è  $1,2 \cdot 10^{-4} \text{ N s/m}^2$ . Il diametro del tubo è  $5,2 \text{ cm}$  e la sua lunghezza è  $55 \text{ m}$ .

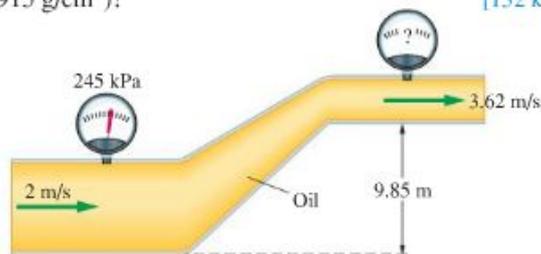
- Quale differenza di pressione deve esistere fra le estremità del tubo perché l'olio fluisca con una velocità media di  $1,2 \text{ m/s}$ ?
- Qual è la portata del tubo in questo caso?

[a]  $94 \text{ Pa}$ ; [b]  $0,0025 \text{ m}^3/\text{s}$

## 5. IN ENGLISH

What does the top pressure gauge read (oil density =  $0,915 \text{ g/cm}^3$ )?

[ $152 \text{ kPa}$ ]

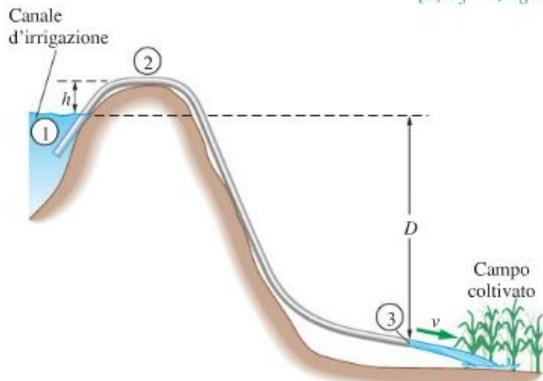


## 6. Sifone per l'irrigazione

Un sifone per l'irrigazione è un dispositivo che permette all'acqua di fluire da un livello a un altro. Il sifone mostrato nella figura trasporta l'acqua da un canale di irrigazione fino a un campo coltivato. Per far funzionare il sifone, il tubo deve essere prima riempito d'acqua per tutta la sua lunghezza, in modo da avviare il flusso, che poi si mantiene per conto suo.

- a) Usando i punti 1 e 3 della figura, scrivi la relazione che esprime la velocità  $v$  dell'acqua che esce dall'estremità inferiore del sifone.
- b) La velocità dell'acqua nel punto 2 è maggiore, minore o uguale alla velocità nel punto 3?

$$[a) v_3 = \sqrt{2gD}]$$



## 7. Terapia

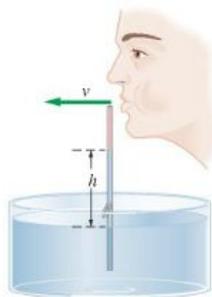
A un paziente è praticata un'iniezione con un ago ipodermico lungo 3,3 cm e di 0,26 mm di diametro. Assumendo che la soluzione iniettata abbia la stessa densità e viscosità dell'acqua a 20 °C, determina la differenza di pressione necessaria per iniettare la soluzione al ritmo di 1,5 g/s.

$$[4,4 \cdot 10^5 \text{ Pa}]$$

## 8. Una scommessa

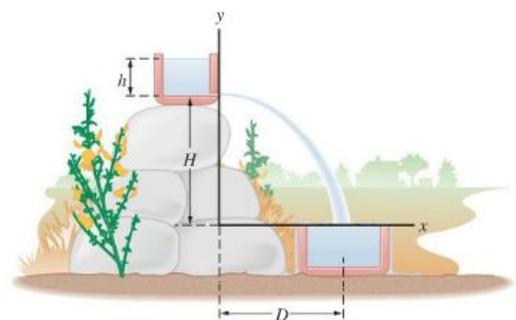
Tommaso scommette con Edoardo che riuscirà ad aspirare l'acqua da un bicchiere soffiando sopra l'estremità di una cannucchia immersa nell'acqua, come mostrato in figura. Qual è la minima velocità con cui Tommaso deve soffiare l'aria affinché l'acqua salga a un'altezza di 1,6 cm nella cannucchia?

[16 m/s]



## 9. La fontana

Considera la fontana del *Problem solving* 4 proposto nella teoria, nella quale uno zampillo d'acqua esce dal fondo di un serbatoio e cade in un secondo serbatoio, come mostrato in figura.

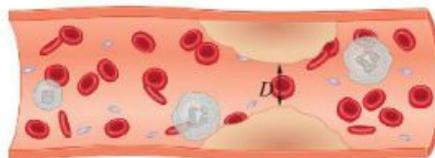


- a) Calcola a quale altezza  $H$  deve essere posto il primo serbatoio per fare in modo che la distanza  $D$  sia 0,655 m. Assumi che tutti gli altri parametri del problema restino invariati.
- b) Calcola quale deve essere la profondità  $h$  dell'acqua nel primo serbatoio affinché risulti  $D = 0,455$  m. Assumi che tutti gli altri parametri del problema restino invariati.
- c) Supponi che sia  $h$  sia  $H$  raddoppino il loro valore numerico. Da quale fattore risulta moltiplicata la distanza  $D$ ?

$$[a) 0,711 \text{ m}; b) 0,103 \text{ m}; c) 2]$$

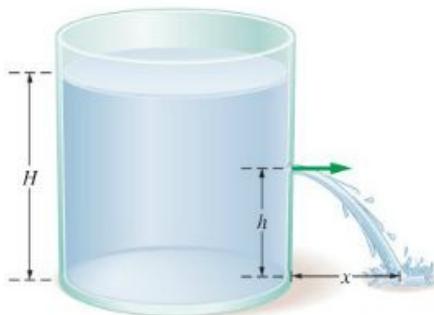
### 10. L'arteria occlusa

- Il sangue, considerato come un fluido viscoso, scorre in un'arteria parzialmente occlusa da una placca. Un chirurgo vuole rimuovere parte di questa placca in modo da raddoppiare il flusso attraverso l'arteria. Se il diametro originale dell'arteria è  $D$ , quale dovrà essere, in funzione di  $D$ , il diametro dopo l'operazione per permettere di raddoppiare il flusso a parità di differenza di pressione? [1,19D]

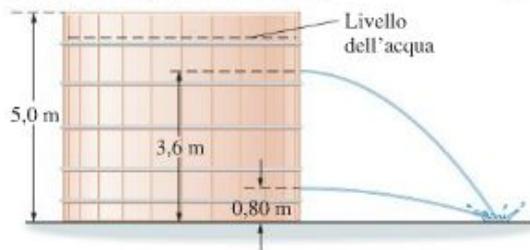


### 11. Dove cade l'acqua?

- Una tanica, riempita d'acqua fino a un'altezza  $H$ , ha un buco sulla superficie laterale a un'altezza  $h$  al di sopra del tavolo sul quale è posta. Dimostra che l'acqua che esce dal buco cade sul tavolo a una distanza orizzontale pari a  $2\sqrt{(H-h)h}$  dalla base della tanica.

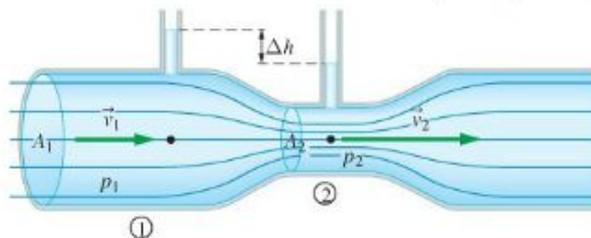


12. Il serbatoio d'acqua della figura è aperto nella parte superiore e ha due fori, uno a 0,80 m e uno a 3,6 m al di sopra del piano su cui è posto. Se i getti d'acqua che escono dai due fori colpiscono il piano nello stesso punto, qual è l'altezza dell'acqua nel serbatoio? [4,4 m]



13. Venturimetro

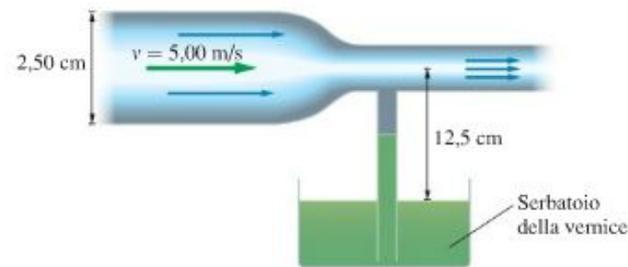
- Considera il venturimetro disegnato in figura. Supponi che il dislivello  $\Delta h$  tra le due colonnine sia 10 cm e che l'area della sezione maggiore del tubo sia il quadruplo dell'area della sezione minore. Calcola  $v_1$ . [0,36 m/s]



14. La pistola per verniciare

- Una pistola a spruzzo per verniciare pompa aria attraverso la strozzatura di un tubo di diametro 2,50 cm, come mostrato in figura. Quando il flusso d'aria passa nella

sezione di area minore, la sua pressione diminuisce; per effetto della depressione la vernice contenuta nel serbatoio viene aspirata attraverso il tubo verticale e proiettata dal flusso d'aria sulla superficie da verniciare. Se la velocità dell'aria nel tubo di diametro 2,50 cm è 5,00 m/s, la densità dell'aria è 1,29 kg/m<sup>3</sup> e la densità della vernice è 1200 kg/m<sup>3</sup>, qual è il massimo diametro della strozzatura che permette alla pistola di funzionare? [8,07 mm]



15. La velocità della biglia

- Una piccola biglia d'acciaio di diametro 2,0 mm cade in un liquido con coefficiente di viscosità 0,150 N s/m<sup>2</sup>. La densità dell'acciaio è 7900 kg/m<sup>3</sup>, quella del fluido 900 kg/m<sup>3</sup>.

- Qual è la velocità limite della biglia se si trascura la spinta di Archimede?
- Quale sarebbe invece la velocità limite se non si trascurasse la spinta di Archimede?

[a) 0,11 m/s; b) 0,10 m/s]



## PROVA ESPERTA PER SVILUPPARE LE COMPETENZE

### 16. La pressione e il flusso del sangue

La pressione del sangue nel cuore umano è di circa 100 mmHg. Il sangue viene pompato dal ventricolo sinistro del cuore ed entra nel grande circolo attraverso l'aorta, un vaso sanguigno di circa 2,5 cm di diametro. La velocità del sangue nell'aorta è di circa 60 cm/s. Poiché il diametro dell'aorta è abbastanza grande da poter trascurare l'attrito viscoso, ogni cambiamento di pressione del sangue nell'aorta è dovuto a un cambiamento in altezza. Ciò determina un limite, ad esempio, della lunghezza del collo di una persona: se il collo fosse troppo lungo, non arriverebbe sangue al cervello!

Nel sistema circolatorio il sangue fluisce dall'aorta alle arterie e ai vasi sanguigni in vasi sanguigni sempre più piccoli, le arteriole, fino ad arrivare ai capillari. Nei capillari la velocità del sangue è di circa 0,70 mm/s, molto più bassa rispetto a quella nell'aorta in quanto la sezione complessiva delle ramificazioni è molto superiore alla sezione del vaso principale. Inoltre, il diametro dei capillari e degli altri vasi minori è così piccolo che la viscosità del sangue diventa un fattore importante.

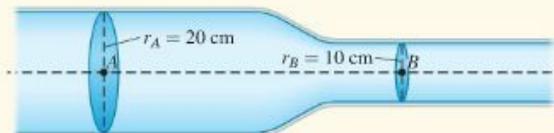
Il sangue nell'aorta in condizioni normali è sottoposto a regime laminare. Se però l'individuo compie un notevole sforzo fisico, la portata del sangue nel vaso può aumentare

anche di un fattore 5; superata la *velocità critica media*, espressa dalla formula  $v_c = \frac{1000\eta}{\rho r}$ , dove  $\eta$  è la viscosità del sangue (0,040 poise),  $\rho$  la sua densità (1060 kg/m<sup>3</sup>) ed  $r$  il raggio del vaso sanguigno, il regime diventa turbolento.

- Trascurando ogni forza di attrito, qual è la massima distanza che può esserci fra il cervello e il cuore di un individuo perché il sangue possa raggiungere il cervello?
- Considerando che l'aorta si ramifichi direttamente in un fascio di capillari, stima il diametro che avrebbe un unico vaso sanguigno di area uguale a quella dell'insieme di capillari.
- Supponi che una piccola arteria si restringa al 90% del suo diametro. Considerando il sangue un fluido viscoso per il quale vale la legge di Poiseuille e nell'ipotesi che non varino gli altri parametri (differenza di pressione, lunghezza), di quanto si riduce la portata del sangue nell'arteria?
- Qual è la portata critica media per l'aorta all'uscita dal ventricolo?

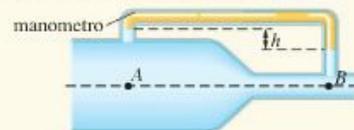
[a] 1,25 m; b) 72 cm; c) 0,66; d) 74 cm<sup>3</sup>/s]

1. Un fluido si muove in un condotto se fra l'ingresso e l'uscita c'è una differenza di:  
 A volume.  B pressione.  C massa.  D sezione.
2. Il moto di un fluido ideale si dice stazionario quando:  
 A attraversando una sezione trasversale del condotto le molecole del fluido hanno sempre la stessa velocità.  
 B la sezione trasversale del condotto è costante.  
 C la pressione rimane costante in ogni punto del fluido.  
 D in ogni punto del condotto le molecole del fluido hanno tutte la stessa velocità.
3. Quale tra le seguenti rappresenta l'unità di misura della portata in volume di un condotto?  
 A  $\text{m}^3/\text{s}$   B  $\text{kg}/\text{s}$   C  $\text{kg s}$   D  $\text{m}^3 \text{s}$
4. Il condotto in figura rappresenta un fluido che si muove di moto stazionario. Se la velocità del fluido nel punto A è  $0,3 \text{ m/s}$ , qual è la sua velocità nel punto B?  
 A  $0,6 \text{ m/s}$   C  $1,2 \text{ m/s}$   
 B  $0,15 \text{ m/s}$   D  $0,8 \text{ m/s}$



5. Secondo l'equazione di continuità, l'area  $A$  della sezione di un condotto e la velocità  $v$  del fluido che scorre nel condotto:  
 A sono direttamente proporzionali.  
 B sono linearmente dipendenti.  
 C sono costanti in ogni punto del fluido.  
 D sono inversamente proporzionali.

6. Considera un contenitore cilindrico riempito con acqua nel quale viene praticato un foro a una profondità di  $0,2 \text{ m}$  dalla superficie dell'acqua. Qual è la velocità dell'acqua nell'istante in cui esce dal foro?  
 A  $3,92 \text{ m/s}$   B  $1,40 \text{ m/s}$   C  $1,98 \text{ m/s}$   D  $0,63 \text{ m/s}$
7. Nel condotto orizzontale schematizzato in figura scorre dell'acqua e le aree delle sezioni nei punti B e A sono rispettivamente  $16 \text{ cm}^2$  e  $25 \text{ cm}^2$ . La velocità in A è di  $0,75 \text{ m/s}$ . Nel manometro è presente olio di densità  $0,8 \text{ kg/dm}^3$ . Quanto vale il dislivello  $h$  misurato nel manometro?  
 A  $20,7 \text{ cm}$   
 B  $2,02 \text{ cm}$   
 C  $5,17 \text{ cm}$   
 D  $2,69 \text{ cm}$



8. Il poise è un'unità di misura del coefficiente di viscosità. Come si può esprimere il poise in unità fondamentali del SI?  
 A  $0,1 \text{ kg m s}$   C  $0,1 \text{ kg m/s}$   
 B  $0,1 \text{ kg s/m}$   D  $0,1 \text{ kg/(m s)}$
9. Un fluido viscoso scorre in un tubo a sezione circolare. Raddoppiando il diametro del tubo la portata:  
 A resta costante.  C quadruplica.  
 B raddoppia.  D diventa 16 volte più grande.
10. Due palline A e B, dello stesso materiale e di massa  $m_A$  e  $m_B = 2m_A$ , si muovono nello stesso fluido viscoso con la stessa velocità. Qual è la relazione tra le forze di attrito viscoso che il fluido esercita sulle due palline?  
 A  $F_A = 2F_B$   B  $F_A = F_B$   C  $F_B = 2F_A$   
 D Non si può rispondere perché non si conosce il coefficiente di viscosità del fluido.

## Risolvi i seguenti problemi

Tempo a disposizione: 40 minuti    Punti totalizzati ...../20

- L'aorta ha un diametro interno di circa 2,1 cm mentre il diametro di un capillare è di circa  $10,0 \mu\text{m}$ . La velocità media del flusso sanguigno è approssimativamente 1,0 m/s nell'aorta e 1,0 cm/s in un capillare.

  - Qual è la portata dell'aorta?
  - Qual è la portata di ciascun capillare?
  - Assumendo che tutto il sangue che fluisce attraverso l'aorta fluisca anche attraverso i capillari, quanti capillari deve avere il sistema circolatorio?    **Punti ...../6**
- L'acqua dell'impianto di riscaldamento di una casa viene pompata, a una velocità di 0,48 m/s e a una pressione di 3,2 atm, attraverso un tubo del diametro di 3,5 cm dalla cantina al primo piano, che si trova a un'altezza di 5,2 m rispetto alla cantina. Se il tubo dell'impianto del primo piano ha un diametro di 2,6 cm, determina:

  - la velocità dell'acqua nel tubo al primo piano;
  - la pressione dell'acqua nel tubo al primo piano.    **Punti ...../4**
- In un tubo da giardino di diametro 1,60 cm scorre acqua con una velocità di 0,78 m/s e una pressione di 1,2 atmosfere. All'estremità del tubo è inserita una bocchetta di diametro 0,64 cm.

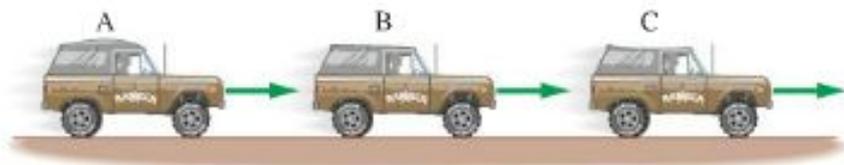
  - Determina la velocità dell'acqua nella bocchetta.
  - Scrivi e commenta i termini dell'equazione di Bernoulli.
  - Qual è la pressione dell'acqua nella bocchetta (in atm)?    **Punti ...../6**
- Quando il nostro corpo richiede un maggiore apporto di sangue in un particolare organo o muscolo, il diametro delle arteriole in quella zona aumenta (*vasodilatazione*).

  - Esprimi la portata del sangue in un'arteriola mediante l'equazione di Poiseuille.
  - Determina di quanto deve aumentare in percentuale il diametro di un'arteriola per raddoppiare la portata, se tutti gli altri fattori non variano.    **Punti ...../4**

## QUESITI PER CONSOLIDARE LE CONOSCENZE

*Rispondi alle seguenti domande riflettendo sui concetti*

1. Un piccolo veicolo fuoristrada ha il tettuccio fatto con un telo impermeabile. Quando l'auto è ferma, il tettuccio è piatto. Quando l'auto è in movimento a velocità di crociera, con i finestrini chiusi, il tettuccio si gonfia verso l'alto, rimane piatto o si gonfia verso il basso. Motiva la risposta.



2. Perché per un ciclista è pericoloso essere sorpassato a distanza ravvicinata da un camion che viaggia a velocità elevata?

3. Un esame Doppler consente di visualizzare i flussi sanguigni nel nostro apparato circolatorio. Durante un esame Doppler viene misurata la velocità del sangue in diverse sezioni di un vaso sanguigno e risulta che in una zona il sangue scorre più lentamente che altrove. Spiega che cosa si può ipotizzare.

*Rispondi in 10 righe a ciascuna delle seguenti domande*

4. Descrivi le differenze fra regime laminare e regime turbolento di un fluido in movimento.
5. Enuncia e deriva l'equazione di continuità.
6. Spiega l'equazione di Bernoulli e ricava il caso particolare a pressione costante.

## VERSO L'UNIVERSITÀ

1. Un bambino, dopo una corsa, presenta 120 battiti cardiaci al minuto e a ognuno di essi l'arteria aortica riceve 40 ml di sangue, per cui:

- A il cuore batte  $120 \cdot 3600$  volte all'ora.
- B la portata media dell'aorta è  $80 \text{ cm}^3/\text{s}$ .
- C la portata media dell'aorta è  $40 \text{ cm}^3/\text{s}$ .
- D il cuore batte 20 volte al secondo.
- E l'aorta riceve 800 ml di sangue al secondo.

[Prova di ammissione ai corsi di laurea in Medicina, Odontoiatria, Veterinaria]

2. Un geyser emette periodicamente un getto d'acqua che arriva fino a un'altezza di 35 m. L'eccesso di pressione che deve prodursi nel geyser per avere una tale emissione

è pari a circa:

- A  $3,5 \cdot 10^5 \text{ Pa}$
- B  $3,5 \cdot 10^3 \text{ Pa}$
- C  $4,5 \cdot 10^3 \text{ Pa}$
- D  $4,5 \cdot 10^5 \text{ Pa}$
- E nessuna delle precedenti risposte è corretta.

[Prova di ammissione al corso di laurea in Ingegneria]

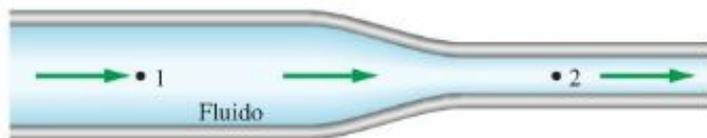
3. Il teorema di Bernoulli consente di formulare previsioni attendibili se applicato:

- A a qualsiasi fluido.
- B alla circolazione del sangue nei grossi vasi.
- C alla circolazione del sangue nei capillari.
- D ai regimi turbolenti.
- E ai regimi nei materiali filtranti.

[Prova di ammissione al corso di laurea in Ingegneria]

## DALLE OLIMPIADI DELLA FISICA

4. Un fluido omogeneo e non comprimibile scorre in regime stazionario entro una tubazione disposta orizzontalmente che, come in figura, presenta un restringimento.



Quali, tra le seguenti relazioni di velocità e pressione, nei due punti indicati in figura, sono entrambe corrette?

- A  $v_1 < v_2$  e  $p_1 = p_2$
- B  $v_1 < v_2$  e  $p_1 > p_2$
- C  $v_1 = v_2$  e  $p_1 < p_2$
- D  $v_1 > v_2$  e  $p_1 = p_2$
- E  $v_1 > v_2$  e  $p_1 > p_2$

[Olimpiadi della Fisica 2011, Gara di I livello]

5. Un paracadutista sta scendendo verticalmente alla velocità di regime ( $v_{lim}$ ), con il paracadute ancora chiuso. A un certo istante apre il paracadute e, dopo un breve intervallo di tempo, raggiunge una nuova velocità di regime, molto più bassa. Si confrontino le intensità della forza di resistenza dell'aria sul paracadutista nelle due situazioni a regime, rispettivamente con il paracadute aperto e chiuso. Quale delle seguenti affermazioni è corretta?

- A Il rapporto tra le due intensità è uguale al rapporto tra le due velocità.
- B Il rapporto tra le due intensità è uguale all'inverso del rapporto tra le due velocità.
- C L'intensità della forza a paracadute aperto dipende dalle dimensioni del paracadute.
- D La forza a paracadute chiuso è più intensa a causa della maggiore velocità.
- E Le due intensità sono uguali.

[Olimpiadi della Fisica 2005, Gara di I livello]

## IN ENGLISH

6. The non-fundamental unit “poise” is given by:

- A  $L^2T^{-1}$
- B  $MLT^{-1}$
- C  $ML^{-1}T^{-1}$
- D  $ML^2T^{-2}$
- E  $LT^{-1}$

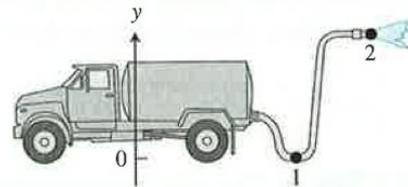
7. A cylindrical pipe has a radius of 12 cm in one region where the fluid speed is 0.2 m/s. In another region, the pipe is narrower with a radius of 4 cm. The fluid speed in this region is most nearly:

- A 9 m/s
- B 0.6 m/s
- C 1.8 m/s
- D 0.011 m/s
- E 0.067 m/s

Bar chart for Bernoulli's equation

Bernoulli's equation looks fairly complex and might be difficult to use for visualizing fluid dynamics processes. However, since Bernoulli's equation is based on the work-energy principle, we can represent such processes using energy bar charts similar to the ones used in Chapter 6 (here the bars represent pressures and energy densities). The following Reasoning Skill box describes how to construct a fluid dynamics bar chart for a process. The procedure is illustrated for the following process: A fire truck pumps water through a big hose up to a smaller hose on the ledge of a building. Water sprays out of the smaller hose onto a fire in the building. Compare the pressure in the hose just after leaving the pump to the pressure at the exit of the small hose.

### REASONING SKILL Constructing a bar chart for a moving fluid

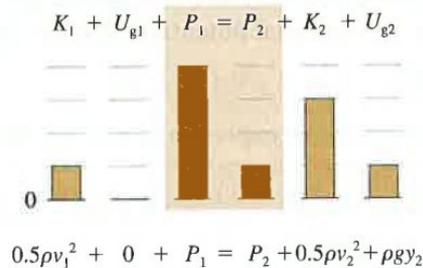


1. Sketch the situation. Include an upward-pointing y-coordinate axis.

2. Choose points 1 and 2 at positions in the fluid that will help you achieve the goal of your analysis.

3. Construct a fluid dynamics bar chart.

4. Use the bar chart and the sketch to help apply Bernoulli's equation.



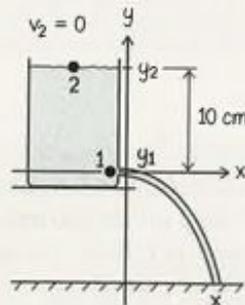
## PROBLEM-SOLVING STRATEGY Applying Bernoulli's Equation

### EXAMPLE 11.3 Removing a tack from a water bottle

What is the speed with which water flows from a hole punched in the side of an open plastic bottle? The hole is 10 cm below the water surface.

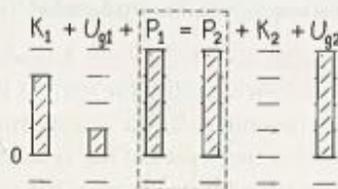
#### Sketch and translate

- Sketch the situation. Include an upward-pointing  $y$ -coordinate axis. Choose an origin for the axis.
- Choose points 1 and 2 at positions in the fluid where you know the pressure/speed/position or which involve the quantity you are trying to determine.
- Choose a system.
- Choose the origin of the vertical  $y$ -axis to be the location of the hole.
- Choose position 1 to be the place where the water leaves the hole and position 2 to be a place where the pressure, elevation, and water speed are known—at the water surface  $y_2 = 0.10\text{ m}$  and  $v_2 = 0$ . The pressure in Bernoulli's equation at both positions 1 and 2 is atmospheric pressure, since both positions are exposed to the atmosphere ( $P_1 = P_2 = P_{\text{atm}}$ ).
- Choose Earth and the water as the system.



#### Simplify and diagram

- Identify any assumptions you are making. For example, can we assume flow without friction?
- Construct a Bernoulli bar chart.
- Assume that the fluid flows without friction.
- Assume that  $y_2$  and  $y_1$  stay constant during the process, since the elevation of the surface decreases slowly compared to the speed of the water as it leaves the tiny hole.
- Draw a bar chart that represents the process.



(continued)

### Represent mathematically

- Use the sketch and bar chart to help apply Bernoulli's equation.
- You may need to combine Bernoulli's equation with other equations, such as the equation of continuity  $Q = v_1 A_1 = v_2 A_2$  and the definition of pressure  $P = \frac{F}{A}$ .

### Solve and evaluate

- Solve the equations for an unknown quantity.
- Evaluate the results to see if they are reasonable (the magnitude of the answer, its units, how the answer changes in limiting cases, and so forth).

- We see from the sketch and the bar chart that the speed of the fluid at position 2 is zero (zero kinetic energy density) and that the elevation is zero at position 1 (zero gravitational potential energy density). Also, the pressure is atmospheric at both 1 and 2. Thus,

$$(1/2)\rho(0)^2 + \rho g y_2 + P_{atm} = P_{atm} + (1/2)\rho v_1^2 + \rho g(0) \\ \Rightarrow \rho g y_2 = (1/2)\rho v_1^2$$

- Solve for  $v_1$

$$v_1 = \sqrt{2g y_2}$$

Substituting for  $g$  and  $y_2$ , and  $y_2$ , we find that

$$v_1 = \sqrt{2(9.8 \text{ m/s}^2)(0.10 \text{ m})} = 1.4 \text{ m/s}$$

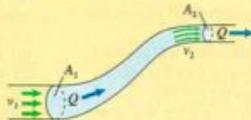
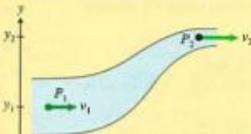
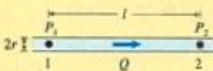
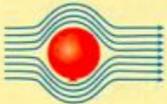
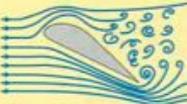
- The unit m/s is the correct unit for speed. The magnitude seems reasonable for water streaming from a bottle (if we obtained 120 m/s it would be unreasonably high).

### Active Learning Guide >

**Try it yourself:** In the above situation the water streams out of the bottle onto the floor a certain horizontal distance away from the bottle. The floor is 1.0 m below the hole. Predict this horizontal distance using your knowledge of projectile motion. [Hint: Use Eqs. (3.7) and (3.8).]

**Answer:** The equations yield a result of 0.63 m. However, if we were to actually perform this experiment with a tack-sized hole, the water would land short of our prediction because there is friction between a small hole and the water. In order to make the water land 0.63 m from the bottle, we must increase the diameter of the hole to about 3 mm. We discuss the effect of friction on fluid flow later in the chapter.

## Summary

| Words  | Pictorial and physical representations  | Mathematical representation   |
|--|---|---|
| <p><b>Flow rate</b> The flow rate <math>Q</math> of a fluid is the volume <math>V</math> of fluid that passes a cross section in a tube divided by the time interval <math>\Delta t</math> needed for that volume to pass. The flow rate also equals the product of the average speed <math>v</math> of the fluid and the cross-sectional area <math>A</math> of the vessel. (Section 11.2)</p>        |   | <p>Flow rate <math>Q</math>:</p> $Q = \frac{V}{\Delta t} = vA \quad \text{Eq. (11.2)}$  |
| <p><b>Continuity equation</b> If fluid does not accumulate, the flow rate into a region (position 1) must equal the flow rate out of the region (position 2). At position 1 the fluid has speed <math>v_1</math> and the tube has cross-sectional area <math>A_1</math>. At position 2 the fluid has speed <math>v_2</math> and the tube has cross-sectional area <math>A_2</math>. (Section 11.2)</p> |   | <p>Continuity equation:</p> $Q = v_1 A_1 = v_2 A_2 \quad \text{Eq. (11.3)}$   |
| <p><b>Bernoulli's equation</b> For a fluid flowing without friction or turbulence, the sum of the kinetic energy density <math>(1/2)\rho v^2</math>, the gravitational potential energy density <math>\rho g y</math>, and pressure <math>P</math> of the fluid is a constant. (Section 11.4)</p>  |   | <p>Bernoulli's equation:</p> $\begin{aligned} \frac{1}{2}\rho v_1^2 + \rho g y_1 + P_1 \\ = P_2 + \frac{1}{2}\rho v_2^2 + \rho g y_2 \end{aligned} \quad \text{Eq. (11.6)}$ |
| <p><b>Poiseuille's law</b> For viscous fluid flow, the pressure drop <math>(P_1 - P_2)</math> across a fluid of viscosity <math>\eta</math> flowing in a tube depends on the length <math>l</math> of the tube, its radius <math>r</math>, and the fluid flow rate <math>Q</math>. (Section 11.6)</p>  |   | <p>Poiseuille's law:</p> $P_1 - P_2 = \frac{8 \eta l}{\pi r^4} Q \quad \text{Eq. (11.8)}$   |
| <p><b>Laminar drag force</b> When a spherical object (like a balloon falling in air) moves slowly through a fluid, the fluid exerts a resistive drag force on the object that is proportional to the object's speed <math>v</math>. <b>Stokes's law</b> describes the force. (Section 11.8)</p>  |    | <p>Laminar drag force (Stokes's law):</p> $F_D = 6\pi\eta r v \quad \text{Eq. (11.10)}$   |
| <p><b>Turbulent drag force</b> For an object moving at faster speed through a fluid (like a tilted airplane wing), turbulence occurs and the resistive drag force is proportional to the square of the speed. (Section 11.8)</p>   |  | <p>Turbulent drag force:</p> $F_D = \frac{1}{2} C_D \rho A v^2 \quad \text{Eq. (11.12)}$  |

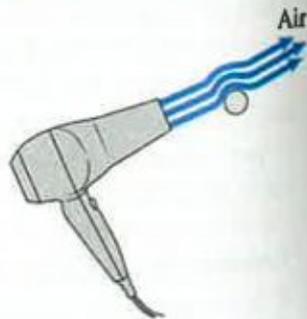
LET's CLASSIFY THE EXERCISES ...

[https://forms.gle/mTaxUoiBomd  
ZxAH36](https://forms.gle/mTaxUoiBomdZxAH36)

## Conceptual Questions

13. A hair dryer blowing air over a ping-pong ball will support it, as shown in **Figure Q11.13**. Construct a force diagram for the ball. Explain in terms of forces how the ball can remain in equilibrium.

**Figure Q11.13**



14. You have two identical large jugs with small holes on the side near the bottom. One jug is filled with water and the other with liquid mercury. The liquid in each jug, sitting on a table, squirts out the side hole into a container on the floor. Which container, the one catching the water or the one catching the mercury, must be closer to the table in order to catch the fluid? Or should they be placed at the same distance? Which jug will empty first, or do they empty at the same time? Explain.
15. Why does much of the pressure drop in the circulatory system occur across the arterioles (small vessels carrying blood to the capillaries) and capillaries as opposed to across the much larger diameter arteries?
16. If you partly close the end of a hose with your thumb, the water squirts out farther. Give at least one explanation for why this phenomenon occurs.

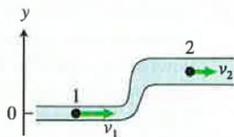
### 11.1 and 11.2 Fluids moving across surfaces—qualitative analysis and Flow rate and fluid speed

- 1. Watering plants** You water flowers outside your house. (a) Determine the flow rate of water moving at an average speed of  $32 \text{ cm/s}$  through a garden hose of radius  $1.2 \text{ cm}$ . (b) Determine the speed of the water in a second hose of radius  $1.0 \text{ cm}$  that is connected to the first hose.
- 2. Irrigation canal** You live near an irrigation canal that is filled to the top with water. (a) It has a rectangular cross section of  $5.0\text{-m}$  width and  $1.2\text{-m}$  depth. If water flows at a speed of  $0.80 \text{ m/s}$ , what is its flow rate? (b) If the width of the stream is reduced to  $3.0 \text{ m}$  and the depth to  $1.0 \text{ m}$  as the water passes a flow-control gate, what is the speed of the water past the gate?
- 3. Fire hose** During a fire, a firefighter holds a hose through which  $0.070 \text{ m}^3$  of water flows each second. The water leaves the nozzle at an average speed of  $25 \text{ m/s}$ . What information about the hose can you determine using these data?
- 4.** The main waterline for a neighborhood delivers water at a maximum flow rate of  $0.010 \text{ m}^3/\text{s}$ . If the speed of this water is  $0.30 \text{ m/s}$ , what is the pipe's radius?

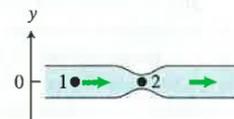
### 11.4 Bernoulli's equation

- Represent the process sketched in **Figure P11.7** using a qualitative Bernoulli bar chart and an equation (include only terms that are not zero).
- Repeat the process sketched in **Figure P11.8** using a qualitative Bernoulli bar chart and an equation (include only terms that are not zero).
- Fluid flow problem** Write a symbolic equation (include only terms that are not zero) and draw a sketch of a situation

**Figure P11.7**



**Figure P11.8**

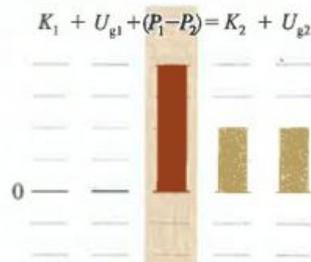


- that could be represented by the qualitative Bernoulli bar chart shown in **Figure P11.9** (there are many possibilities).
- Repeat Problem 9 using the bar chart in **Figure P11.10**.
  - Repeat Problem 9 using the bar chart in **Figure P11.11**.
  - Repeat Problem 9 using the bar chart in **Figure P11.12**.
  - An application of Bernoulli's equation is shown below. Construct a qualitative Bernoulli bar chart that is consistent with the equation and draw a sketch of a situation that could be represented by the equation (there are many possibilities).  

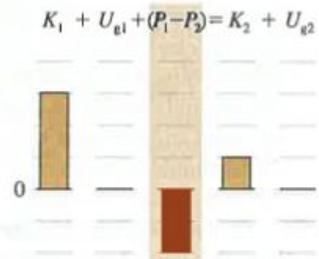
$$\rho g y_2 = 0.5 \rho v_1^2$$
  - Repeat Problem 13 using the equation below. The size of the symbols represents the relative magnitudes of the physical quantities at two points.  

$$0.5 \rho v_1^2 + (P_1 - P_2) = 0.5 \rho v_2^2$$

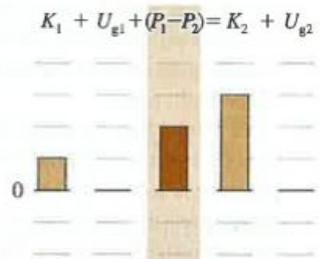
**Figure P11.9**



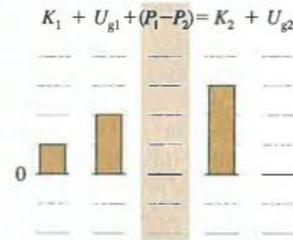
**Figure P11.10**



**Figure P11.11**



**Figure P11.12**



- Repeat Problem 13 using the equation below. The size of the symbols represents the relative magnitudes of the physical quantities at two points.  

$$0.5 \rho v_1^2 + (P_1 - P_2) = 0.5 \rho v_2^2 + \rho g y_2$$
- \* Wine flow from barrel** While visiting a winery, you observe wine shooting out of a hole in the bottom of a barrel. The top of the barrel is open. The hole is 0.80 m below the top surface of the wine. Represent this process in multiple ways (a sketch, a bar chart, and an equation) and apply Bernoulli's equation to a point at the top surface of the wine and another point at the hole in the barrel.
- Water flow in city water system** Water is pumped at high speed from a reservoir into a large-diameter pipe. This pipe connects to a smaller diameter pipe. There is no change in elevation. Represent the water flow from the large pipe to the smaller pipe in multiple ways—a sketch, a bar chart, and an equation.