

Cognome Nome

Rispondere alle seguenti domande:

1. Un protone ($e = 1.60 \times 10^{-19} \text{ C}$, $m_p = 1.67 \times 10^{-27} \text{ kg}$) che viaggia a velocità $\vec{v} = 3400 \hat{i} \text{ ms}^{-1}$, è sottoposto ad un campo elettrico $\vec{E} = 2500 \hat{j} - 800 \hat{z} \text{ Vm}^{-1}$ e ad un campo magnetico $\vec{B} = 4.2 \hat{i} + 3.8 \hat{j} + 4.7 \hat{k} \text{ T}$. Calcolare la forza totale che il campo elettromagnetico esercita su di esso.

$$\vec{F}_E = q\vec{E} = 4 \times 10^{-16} \hat{j} - 1.28 \times 10^{-16} \hat{k} \text{ N}$$

$$\vec{F}_B = q\vec{v} \times \vec{B} = -2.56 \times 10^{-15} \hat{j} + 2.07 \times 10^{-15} \hat{k} \text{ N}$$

$$\vec{F} = \vec{F}_E + \vec{F}_B = -2.16 \times 10^{-15} \hat{j} + 1.34 \times 10^{-15} \hat{k} \text{ N}$$

2. Scrivere la legge di Faraday in forma integrale, così come entra nelle equazioni di Maxwell.

$$\oint_{\text{orizzale } S} \vec{E} \cdot d\vec{\ell} = - \frac{d}{dt} \iint_S \vec{B} \cdot d\vec{S}$$

3. Calcolare il flusso del campo elettrico E generato da una carica puntiforme negativa -Q attraverso una superficie Gaussiana sferica di raggio R, centrata sulla carica. Riportare i passaggi fondamentali rispettando la correttezza della notazione vettoriale.

$$\oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = \iint \frac{-Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} dS = \frac{-Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} 4\pi r^2 = -\frac{Q}{\epsilon_0}$$

4. Consideriamo un generico circuito chiuso in cui scorre una corrente I, chiamando $d\vec{\ell}$ la lunghezza di un tratto infinitesimo di circuito, allineata al verso di scorrimento della corrente, esprimere il campo magnetico generato in un generico punto \vec{p} dal circuito (usando la legge di Biot e Savart).

$$\vec{B} = \int \frac{\mu}{4\pi} \frac{I d\vec{\ell} \times \hat{r}}{r^2}$$

5. Scrivere l'impedenza complessa, e il suo modulo, di un parallelo tra un'impedenza L e una resistenza R.

$$Z = \frac{R\omega^2 L^2 + jR^2\omega L}{R^2 + \omega^2 L^2}, \quad |Z| = \frac{\sqrt{R^2\omega^4 L^4 + R^4\omega^2 L^2}}{R^2 + \omega^2 L^2}$$