1

Una corda elastica si estende lungo l'asse x nell'intervallo [-L,L]. Denotando con u(t,x) lo spostamento verticale dalla posizione di equilibrio nel punto x al tempo t, l'equazione che ne determina l'evoluzione temporale è

 $\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = C \, \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} \; .$

Si consideri la condizione iniziale u(0,x)=A(1-|x|/L) e $\frac{\partial u}{\partial t}(0,x)=0$. Si trovi u(t,x) usando la serie di Fourier.

2

Si calcoli l'integrale

$$\int_{-\infty}^{+\infty} dx \frac{\sin(x)\cos(ax)}{x}$$

come funzione del parametro reale a.