

## Teoria dei segnali

### Prova scritta 19-7-2011

- 1) Determinare la parte reale di  $e^{j\pi/3+1}$ .
- 2) Verificare se il sistema  $y[n]=x[2n]$  è lineare.
- 3) Determinare il periodo (fare attenzione al valore corretto del periodo) e lo sviluppo in serie di Fourier della sequenza  $x[n]=\cos(2\pi n/5)-3\sin(2\pi n/3)$ .
- 4) Dire quanti sono i sistemi la cui risposta è  $H(z)=z/(2z+1)$ . Calcolare le loro risposte impulsive e dire (giustificando le risposte) se sono stabili e/o causali.
- 5) La funzione di distribuzione di una variabile aleatoria  $X$  è la seguente.

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & x < -2 \\ (x+2)/2 & -2 \leq x \leq -1 \\ 1/2 & -1 \leq x \leq 1 \\ x/2 & 1 \leq x \leq 2 \\ 1 & x > 2 \end{cases}$$

Disegnare  $F_X(x)$ , la funzione di densità di probabilità  $f_X(x)$ , e determinare il valor medio  $E[X]$ .

- 6) Si consideri il processo aleatorio associato al lancio di una dado a valori equiprobabili. Detto  $k$  l'esito del lancio ( $k=1 \div 6$ ), sia  $\{x^{(k)}(t)\} = k \cos(2\pi t/3 + \pi/4)$ . Con solo riferimento al valor medio, dire se il processo aleatorio è stazionario (o ciclostazionario), e se è regolare.

## Teoria dei segnali

### Prova scritta 19-7-2011

- 1) Determinare la parte reale di  $e^{j\pi/3-1}$ .
- 2) Verificare se il sistema  $y[n]=x[n]x[n+1]$  è lineare.
- 3) Determinare il periodo (fare attenzione al valore corretto del periodo) e lo sviluppo in serie di Fourier della sequenza  $x[n]=\cos(2\pi n/7)-3\sin(2\pi n/5)$ .
- 4) Dire quanti sono i sistemi la cui risposta è  $H(z)=z^2/(2z^2-1)$ . Calcolare le loro risposte impulsive e dire (giustificando le risposte) se sono stabili e/o causali.
- 5) La funzione di distribuzione di una variabile aleatoria  $X$  è la seguente.

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & x < -1 \\ (x+1)/2 & -1 \leq x \leq 0 \\ 1/2 & 0 \leq x \leq 1 \\ x/2 & 1 \leq x \leq 2 \\ 1 & x > 2 \end{cases}$$

Disegnare  $F_X(x)$ , la funzione di densità di probabilità  $f_X(x)$ , e determinare il valor medio  $E[X]$ .

- 6) Si consideri il processo aleatorio associato al lancio di una dado a valori equiprobabili. Detto  $k$  l'esito del lancio ( $k=1 \div 6$ ), sia  $\{x^{(k)}(t)\} \cos(2\pi t/3+k\pi/3)$ . Con solo riferimento al valor medio, dire se il processo aleatorio è stazionario (o ciclostazionario), e se è regolare.

## Teoria dei segnali

### Prova scritta 19-7-2011

- 1) Determinare la parte reale di  $je^{j\pi/3+1}$ .
- 2) Verificare se il sistema  $y[n]=e^{x[n]}$  è lineare.
- 3) Determinare il periodo (fare attenzione al valore corretto del periodo) e lo sviluppo in serie di Fourier della sequenza  $x[n]=2\cos(2\pi n/3)-\sin(\pi n/2)$ .
- 4) Dire quanti sono i sistemi la cui risposta è  $H(z)=z^2/(z+1/2)$ . Calcolare le loro risposte impulsive e dire (giustificando le risposte) se sono stabili e/o causali.
- 5) La funzione di distribuzione di una variabile aleatoria  $X$  è la seguente.

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & x < -2 \\ (x+2)/2 & -2 \leq x \leq -1 \\ 1/2 & -1 \leq x \leq 0 \\ (x+1)/2 & 0 \leq x \leq 1 \\ 1 & x > 1 \end{cases}$$

Disegnare  $F_X(x)$ , la funzione di densità di probabilità  $f_X(x)$ , e determinare il valor medio  $E[X]$ .

- 6) Si consideri il processo aleatorio associato al lancio di una dado a valori equiprobabili. Detto  $k$  l'esito del lancio ( $k=1 \div 6$ ), sia  $\{x^{(k)}(t)\} = \cos(2\pi kt/3 + \pi/4)$ . Con solo riferimento al valor medio, dire se il processo aleatorio è stazionario (o ciclostazionario), e se è regolare.

**Teoria dei segnali**  
**Prova scritta 19-7-2011**

- 1) Determinare la parte immaginaria di  $e^{j\pi/3-1}$ .
  
- 2) Verificare se il sistema  $y[n]=x[n]u[n]$  è lineare.
  
- 3) Determinare il periodo (fare attenzione al valore corretto del periodo) e lo sviluppo in serie di Fourier della sequenza  $x[n]=\cos(\pi n/3)-3\sin(2\pi n/5)$ .
  
- 4) Dire quanti sono i sistemi la cui risposta è  $H(z)=1/(z+1/2)$ . Calcolare le loro risposte impulsive e dire (giustificando le risposte) se sono stabili e/o causali.

- 5) La funzione di distribuzione di una variabile aleatoria  $X$  è la seguente.

$$F_X(x) = \begin{cases} 0 & x < -1 \\ (x+1)/2 & -1 \leq x \leq 0 \\ 1/2 & 0 \leq x \leq 1/2 \\ x & 1/2 \leq x \leq 1 \\ 1 & x > 1 \end{cases} \quad \text{Disegnare } F_X(x), \text{ la funzione di densità di probabilità } f_X(x), \text{ e determinare il valor medio } E[X].$$

- 6) Si consideri il processo aleatorio associato al lancio di una dado a valori equiprobabili. Detto  $k$  l'esito del lancio ( $k=1 \div 6$ ), sia  $\{x^{(k)}(t)\} = \cos(2\pi(t-k)/3 + \pi/3)$ . Con solo riferimento al valor medio, dire se il processo aleatorio è stazionario (o ciclostazionario), e se è regolare.