

Cognome ..... Nome ..... Corso di Studi.....

Istruzioni per gli esercizi:

Per ciascuna domanda rispondere fornendo solo il risultato finale: la grandezza incognita espressa simbolicamente in funzione delle grandezze date o di quelle ottenute in altre risposte, e poi il corrispondente risultato numerico, con il corretto numero di cifre significative e con le unità di misura appropriate.



Fig. 1

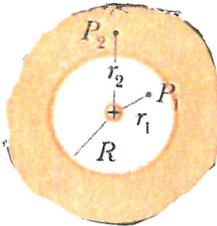


Fig. 2

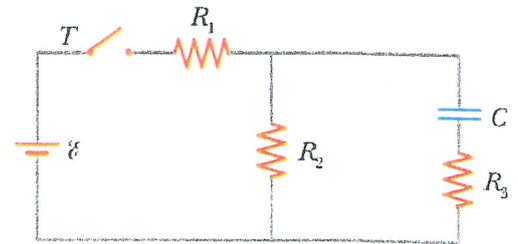


Fig. 3

1. Una sferetta di massa  $m = 0.30 \text{ g}$  e carica  $q = 3.0 \cdot 10^{-10} \text{ C}$  (figura 1) pende da un filo di lunghezza  $l = 15 \text{ cm}$  che forma un angolo  $\theta = 7.0^\circ$  con una filo indefinito di materiale isolante, posto verticalmente, carica con densità lineare di carica uniforme  $\lambda$ .

a. Calcolare il campo elettrostatico  $\vec{E}$  che agisce sulla sferetta e il modulo della tensione  $T$  del filo.

$$\vec{E} = \frac{mg}{q} \tan \theta \hat{i} \quad T = \frac{mg}{\cos \theta} = 2,96 \cdot 10^{-3} \text{ N}$$

b. Calcolare la densità di carica  $\lambda$ .

$$E = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 s} \quad s = l \sin \theta \quad \lambda = E 2\pi\epsilon_0 s$$

$$\lambda = 1,22 \cdot 10^{-6} \text{ C/m}$$

c. Calcolare la carica che dovrebbe assumere la sferetta per produrre un angolo di deflessione pari a  $\theta_1 = 35^\circ$

$$q_1 E_1 = mg \tan \theta_1 \quad E_1 = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 s_1} \quad s_1 = l \sin \theta_1$$

$$q_1 = \frac{2\pi\epsilon_0 l \sin \theta_1 mg \tan \theta_1}{\lambda}$$

$$q_1 = 8,05 \cdot 10^{-9} \text{ C}$$

2. Una carica  $q = 3.0 \cdot 10^{-8}$  C (figura 2) è posta al centro di una cavità sferica di raggio  $R = 3.0$  cm, praticata all'interno di un blocco di materiale isolante, anch'esso di forma sferica di raggio  $R_e = 6.0$  cm avente costante dielettrica relativa  $\kappa = 3.5$ .

a. Calcolare il campo elettrico  $E_1$  in un punto  $P_1$  distante  $r_1 = 1.5$  cm dalla carica e il campo  $E_2$  in un punto  $P_2$  distante  $r_2 = 4.0$  cm dalla carica.

$$E_1 = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r_1^2} = 1,2 \cdot 10^6 \text{ N/C} \quad E_2 = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 \kappa} \frac{q}{r_2^2} = 4,8 \cdot 10^4 \text{ N/C}$$

b. L'energia elettrostatica  $U$  racchiusa nella sfera dielettrica.

$$U = \frac{1}{2} \epsilon_0 \kappa \int_R^{R_e} \left( \frac{q}{4\pi\kappa\epsilon_0 r^2} \right)^2 4\pi r^2 dr = \frac{q^2}{8\pi\kappa\epsilon_0} \left[ \frac{1}{R} - \frac{1}{R_e} \right] = 1,93 \cdot 10^{-5}$$

c. Ipotizzando che ora il blocco sia costituito da materiale conduttore calcolare la densità di carica  $\sigma_1$  nella cavità di raggio  $R$  e  $\sigma_e$  sulla superficie esterna del blocco.

$$\sigma_1 = \frac{-q}{4\pi R^2} = -2,65 \cdot 10^{-6} \text{ C/m}^2 \quad \sigma_e = \frac{q}{4\pi R_e^2} = 6,63 \cdot 10^{-7} \text{ C/m}^2$$

3. Nel circuito in figura 3 l'interruttore  $T$  è inizialmente chiuso e il condensatore  $C$  è caricato al suo valore massimo  $q_0$ . Nel circuito  $\epsilon = 15$  V,  $R_1 = 18$  k $\Omega$ ,  $R_2 = 12$  k $\Omega$ ,  $R_3 = 7$  k $\Omega$ ,  $C = 20$   $\mu$ F.

a. Calcolare la corrente  $i_1$  nel resistore  $R_1$

$$i_1 = \frac{\epsilon}{R_1 + R_2} = 5,0 \cdot 10^{-4} \text{ A}$$

b. Calcolare la carica  $q_0$  sul condensatore  $C$

$$q_0 = C \epsilon \frac{R_2}{(R_1 + R_2)} = 1,2 \cdot 10^{-4} \text{ C}$$

c. All'istante  $t_0 = 0.0$  s l'interruttore viene aperto. Calcolare in questa nuova situazione il tempo  $t^*$  necessario affinché la carica sul condensatore venga ridotta a  $q_0 / 6$  e la corrente  $i_2$  che circola nel resistore  $R_2$  in quell'istante.

$$\frac{1}{6} = e^{-t^*/\tau} \quad t^* = \tau \ln 6 = 0,68 \text{ s}$$

$$\tau = (R_2 + R_3) C \quad i_2 = \frac{R_2 i_1}{(R_2 + R_3)} e^{-t^*/\tau} = 5,26 \cdot 10^{-5} \text{ A}$$

Cognome ..... Nome ..... Corso di Studi.....

Istruzioni per gli esercizi:

Per ciascuna domanda rispondere fornendo solo il risultato finale: la grandezza incognita espressa simbolicamente in funzione delle grandezze date o di quelle ottenute in altre risposte, e poi il corrispondente risultato numerico, con il corretto numero di cifre significative e con le unità di misura appropriate.

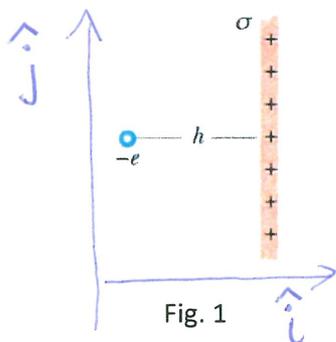


Fig. 1

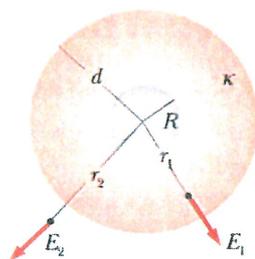


Fig. 2

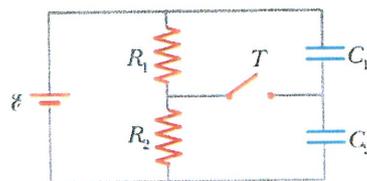


Fig. 3

1. Un elettrone ( $m_e = 9.11 \cdot 10^{-31}$  kg) si trova a una distanza  $h = 8$  cm un piano indefinito di materiale isolante, posto verticalmente, carico con densità lineare di carica uniforme  $\sigma = 2.32 \cdot 10^{-6}$  C/m<sup>2</sup> (Fig.1).

a. Calcolare il campo elettrostatico  $\vec{E}$  che agisce sull'elettrone la forza  $\vec{F}$  che agisce su di esso.

$$\vec{E} = -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \hat{i} \quad \vec{F} = \frac{e\sigma}{2\epsilon_0} \hat{i} \quad |\vec{E}| = +1,31 \cdot 10^{-5} \text{ V/m} \\ F = 2,10 \cdot 10^{-14} \text{ N}$$

b. Calcolare il potenziale elettrico nel punto a distanza  $h$  dal piano indefinito e la velocità con cui l'elettrone arriva sul piano se lasciato libero.

$$V = -Eh = -1,05 \cdot 10^{-4} \text{ V} \quad v_e = \sqrt{\frac{2eEh}{m_e}} = 6,07 \cdot 10^7 \text{ m/s}$$

posto  $V=0$  nel piano carica       $K = eEh$  en. cinetica       $v_e^2 = \frac{2eEh}{m_e}$

c. Ripetere l'esercizio 1a e 1b se la particella è un protone ( $m_p = 1.67 \cdot 10^{-27}$  kg) e la densità di carica è  $\sigma = -2.32 \cdot 10^{-6}$  C/m<sup>2</sup>

$$\vec{F} = \frac{+e\sigma}{2\epsilon_0} \hat{i} \quad V = Eh = 1,05 \cdot 10^4 \text{ V} \\ \vec{E} = +\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \hat{i} \quad v_p^2 = \frac{2eEh}{m_p} \\ v_p = 1,42 \cdot 10^6 \text{ m/s}$$

2. Una sfera conduttrice di raggio  $R = 1.5 \text{ cm}$  è circondata da un guscio di materiale isolante di spessore  $d = 1.5 \text{ cm}$  e possiede una densità di carica  $\sigma = 9.32 \cdot 10^{-6} \text{ C/m}^2$ . Il materiale isolante è caratterizzato da una costante dielettrica relativa  $\kappa = 3.5$ .

a. Calcolare il campo elettrico  $E_1$  in un punto all'interno del dielettrico a distanza  $r_1 = 2.0 \text{ cm}$  dal centro della sfera.

$$E_1 = \frac{q}{4\pi\kappa\epsilon_0 r_1^2}$$

$$q = 4\pi\sigma R^2$$

$$E_1 = \frac{\sigma R^2}{\kappa\epsilon_0 r_1^2} = 1,69 \cdot 10^5 \text{ V/m}$$

b. Calcolare a quale distanza  $r_2$  dal centro della sfera e al di fuori dall'isolante si ha  $E_2 = E_1$ .

$$\frac{q}{4\pi\kappa\epsilon_0 r_1^2} = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r_2^2}$$

$$r_2^2 = \kappa r_1^2$$

$$r_2 = \sqrt{\kappa} r_1$$

$$r_2 = 3,74 \text{ cm}$$

c. Calcolare l'energia elettrostatica  $U_e$  del guscio dielettrico e la densità di carica superficiale  $\sigma_p$  del dielettrico sulla superficie di raggio  $R$ .

$$U_e = \int_R^{R_e} \frac{1}{2} \epsilon E^2 dV = \frac{q^2}{8\pi\epsilon} \left( \frac{1}{R} - \frac{1}{R_e} \right) = 3,97 \cdot 10^{-5} \text{ J}$$

$$\sigma_p = \left( \frac{\kappa - 1}{\kappa} \right) \sigma = 6,66 \cdot 10^{-6} \frac{\text{C}}{\text{m}^2}$$

3. Nel circuito in figura  $\epsilon = 24 \text{ V}$ ,  $R_1 = 20 \Omega$ ,  $R_2 = 10 \Omega$ ,  $C_1 = 400 \text{ nF}$  e  $C_2 = 200 \text{ nF}$ .

a. Calcolare la differenza di potenziale  $V_1$  e  $V_2$  ai capi dei due condensatori quando l'interruttore  $T$  è aperto.

$$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$$

$$V_1 = \frac{C_{eq} \epsilon}{C_1} = 8 \text{ V}$$

$$V_2 = \frac{C_{eq} \epsilon}{C_2} = 16 \text{ V}$$

b. Calcolare la differenza di potenziale  $V'_1$  e  $V'_2$  quando l'interruttore  $T$  è chiuso.

$$V'_1 = \frac{\epsilon}{(R_1 + R_2)} R_1 = 16 \text{ V}$$

$$V'_2 = \frac{\epsilon}{(R_1 + R_2)} R_2 = 8 \text{ V}$$

c. Calcolare la carica  $q_1$  e  $q_2$  immagazzinata su ognuno dei due condensatori prima della chiusura dell'interruttore e la carica  $q'_1$  e  $q'_2$  sugli stessi alla chiusura dello stesso e la carica totale  $q$  che fluisce sull'interruttore quando esso viene chiuso.

$$q_1 = q_2 = C_{eq} \epsilon = 3,2 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$

$$q'_1 = 6,4 \cdot 10^{-6} \text{ C} = C_1 V'_1$$

$$q'_2 = 1,6 \cdot 10^{-6} \text{ C} = C_2 V'_2$$

$$q = q'_2 - q'_1 = -4,8 \cdot 10^{-6} \text{ C}$$