

Nome e Cognome

Corso di studi: Fisica Matematica

Esercizio 1. (4+4 pt) Si calcolino i seguenti limiti

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{\tan(x^2)}}{1 - \cosh(\sqrt{|x|})} = \boxed{}, \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \tanh\left(\frac{1}{3x}\right) \ln(x^x - 1) \sin\left(\frac{1}{\ln x}\right) = \boxed{}.$$

Esercizio 2. (8 pt) Si studi la funzione

$$f(x) = x - \arctan\left(\frac{x}{2}\right) - \frac{x}{4} \ln(x^2 + 4),$$

determinando:

i) Dominio:

ii) Limiti importanti:

iii) Eventuali asintoti:

iv) Derivata prima $f'(x) =$
e suo segno.

v) Intervalli di crescita e decrescenza. Eventuali punti di massimo e di minimo locali o globali.

vi) Derivata seconda $f''(x) =$
e suo segno.

vii) Intervalli di convessità e concavità. Eventuali punti di flesso.

viii) Eventuali simmetrie.

ix) Grafico di f .

Esercizio 4. (4+4 pt) Si calcolino:

$$\int_0^{\pi} \sin^2(x) \cos(\sin(x)) \cos(x) dx = \boxed{},$$

$$\int_1^4 (|x - 2| - 1) e^x dx = \boxed{}.$$