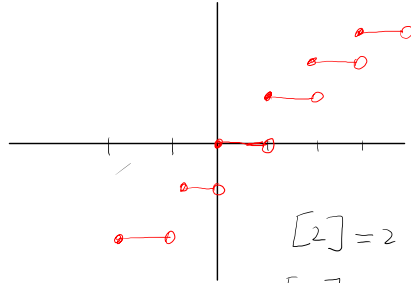


13 ottobre

Funzione parte intera

$$[x]: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{Z}$$

$$[x] \leq x < [x] + 1$$



$$[2] = 2$$

$$[-2] = -2$$

$[x]$  è crescente!

Voglio verificare che  $x < y \Rightarrow [x] \leq [y]$

Supponiamo per assurdo che non sia crescente.

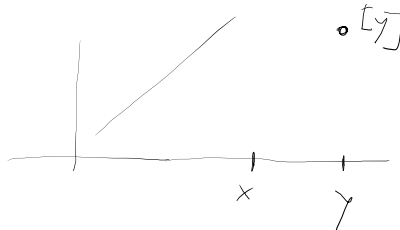
Allora esistono  $x < y$  con  $[x] > [y]$

$$\Rightarrow [x] \geq [y] + 1$$

$$\text{Allora } x \geq [x] \geq [y] + 1 > y > x$$

$$\Rightarrow x \Rightarrow y > x \quad \text{assurdo} \quad [x]$$

$[x]$  è pari



Dimostrare che  $x - [x]$  è periodica e trovarne il periodo

Def (Punto di accumulazione di un insieme)

Sia  $X \subseteq \mathbb{R}$ . Un numero reale  $x_0$  si dice punto di accumulazione di  $X$  se

$$\forall \varepsilon > 0 \quad \exists x \in X \quad t.c. \quad 0 < |x - x_0| < \varepsilon$$

Denotarsi con

$$X' = \{x : x \text{ punto di accumulazione di } X\}$$

Esempi.

$$(0, 1)' = [0, 1]$$

