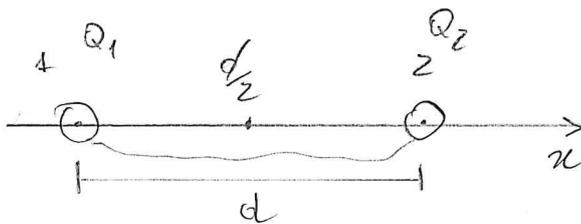


Accetto il voto della simulazione per il [] primo, [] secondo, [] terzo problema

Istruzioni per gli esercizi:

Per ciascuna domanda rispondere fornendo solo il risultato finale: la grandezza incognita espressa simbolicamente in funzione delle grandezze date o di quelle ottenute in altre risposte, e il corrispondente risultato numerico, con il corretto numero di cifre significative e con le unità di misura appropriate.



1. Due sferette metalliche, di raggi $R_1=0.49$ cm ed $R_2=2.04$ cm, sono poste a grande distanza tra loro. Sulla seconda sferetta è depositata una carica $Q=5.82$ nC, mentre la prima sferetta è scarica. Ad un certo istante esse vengono messe a contatto attraverso un lungo filo conduttore, e viene dato tempo al sistema di tornare statico.

a. Calcolate la carica finale delle due sferette.

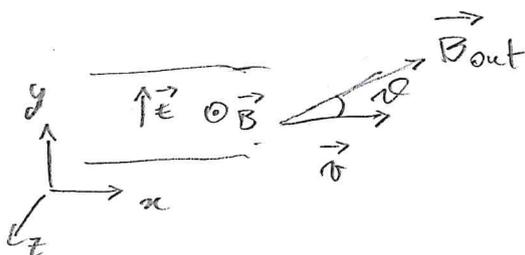
$$Q_1 = \frac{R_1}{R_1+R_2} Q = 1.13 \text{ nC} \quad Q_2 = \frac{R_2}{R_1+R_2} Q = 4.69 \text{ nC}$$

b. Le due sferette vengono avvicinate a distanza $d=1.00$ m. Calcolate il campo elettrico \vec{E} nel punto medio tra i due centri (supponendo che l'asse x passi attraverso i due centri, da 1 verso 2).

$$\vec{E} = \frac{1}{\pi \epsilon_0} \frac{Q_2 - Q_1}{d^2} \hat{i} = \frac{1}{\pi \epsilon_0} \frac{R_2 - R_1}{R_1 + R_2} \frac{Q}{d^2} \hat{i} = -128 \hat{i} \frac{\text{V}}{\text{m}}$$

c. Ci aspettiamo che a distanza d le cariche sulle superfici delle sferette siano ancora distribuite uniformemente? argomentate la risposta usando il valore del campo elettrico.

$$\begin{aligned} \vec{E}_{\text{sup1}} \gg \vec{E}_{2 \rightarrow 1} &\Rightarrow (d-R_1)^2 \gg R_1 R_2 \\ \vec{E}_{\text{sup2}} \gg \vec{E}_{1 \rightarrow 2} &\Rightarrow (d-R_2)^2 \gg R_1 R_2 \Rightarrow \sim d^2 \gg R_1 R_2 \end{aligned}$$



2. Un fascio di elettroni che si propaga lungo l'asse x attraversa un selettore di velocità dove il campo elettrico e il campo magnetico hanno valore uniforme: $\vec{E}=54.2 \hat{j}$ kV/m, $\vec{B}=25.0 \hat{k}$ mT.

a. Calcolate velocità \vec{v} ed energia, in eV, degli elettroni che non vengono deviati.

$$\vec{v} = \frac{E}{B} \hat{i} = 2,17 \times 10^6 \text{ m s}^{-1}, \quad K = \frac{1}{2} \frac{1}{2} m_e v^2 = 13,4 \text{ eV}$$

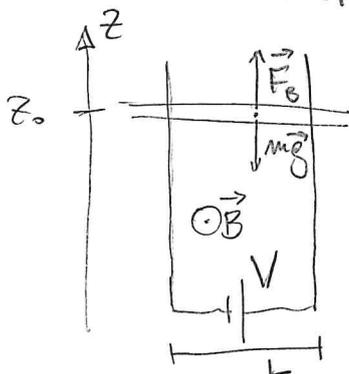
b. Questi elettroni vengono iniettati in una regione in cui è presente un campo magnetico $\vec{B}_{out} = 1\hat{i} - 0,866\hat{k}$ T. Calcolate il raggio dell'orbita degli elettroni.

$$v_{\perp} = v \sin \vartheta \quad \vartheta = \left| \arctan \frac{B_{out,z}}{B_{out,x}} \right| = 40,9^\circ, \quad R = \frac{m_e v_{\perp}}{e |\vec{B}_{out}|} = 6,11 \mu\text{m}$$

$$v_{\parallel} = v \cos \vartheta$$

c. Calcolate di quanto si è spostato un elettrone lungo la direzione del campo magnetico dopo un'orbita completa.

$$T = \frac{2\pi m_e}{e |\vec{B}_{out}|} = 2,70 \times 10^{-11} \text{ s}, \quad \ell = v_{\parallel} T = 44,3 \mu\text{m}$$



3. Una barretta conduttrice, di lunghezza $L=9,84$ cm, massa $m=28,0$ g e resistenza $R=0,29 \Omega$, può scorrere in verticale senza attrito su due guide parallele di resistenza trascurabile, rimanendo in contatto con esse. Gli estremi inferiori delle guide sono collegati ad una pila con f.e.m. $V=6,01$ V. Il circuito così costituito si trova immerso in un campo magnetico B perpendicolare al piano del circuito formato dalle guide e dalla barretta.

a. Determinate il valore B_0 del campo magnetico tale che la barretta rimanga ferma.

$$B_0 = \frac{mgR}{LV} = 0,135 \text{ T}$$

b. Supponiamo che il campo magnetico sia $B < B_0$; partendo da ferma ($z(t=0)=z_0$), lasciamo cadere la barretta. Scrivete l'equazione del moto della barretta, chiamando $z(t)$ la sua posizione al tempo t .

$$m \frac{d^2 z}{dt^2} + \frac{B^2 L^2}{R} \frac{dz}{dt} + mg - \frac{VLB}{R} = 0$$

c. Fissando il modulo del campo magnetico a $B=0,95 B_0$, ricavate il valore costante della velocità che si ottiene dopo un lungo tempo (se le guide sono sufficientemente lunghe).

$$mg - \frac{VLB}{R} = 0,05 mg, \quad v = 0,05 mg \frac{R}{B^2 L^2} = 25,1 \text{ m s}^{-1}$$