PROVA SCRITTA DI ISTITUZIONI DI MATEMATICA

Scienze e Tecnologie per l'Ambiente e la Natura Anno accademico 2023/2024 – 12.02.2024 – Fila A

1. Calcolare le derivate delle seguenti funzioni:

$$5x^{-3} - \frac{3}{2} \ln x + 4\pi \arcsin x$$
, $-2 \cos x \sinh x$, $\frac{e^x}{x^4}$, $\sin(2x^3)$.

2. Trovare le primitive delle seguenti funzioni:

$$\sqrt[3]{x^7}$$
, $-2(\cosh x)^5 \sinh x$, $\tan(5x)$.

3. Calcolare i seguenti integrali:

$$\int_{-7\pi}^{7\pi} \sin(-3x) \, dx \,, \qquad \int_{-1}^{2} |x| \, dx \,.$$

Infine, scegliere uno dei due esercizi seguenti.

4a. Scrivere i numeri complessi

$$(1-i)^7, \qquad \frac{e^{1+i\pi}}{5-2i}$$

nella forma canonica a+ib, con $a\in\mathbb{R}$ e $b\in\mathbb{R}.$

4b. Studiare la funzione

$$f(x) = \frac{1 - 4x^2}{2 - x} \,.$$

Nota. Nel caso si decida di svolgerli entrambi, verrà valutato il migliore.