

SOLLECITAZIONE E DEFORMAZIONE

Tensione e deformazione nei solidi

Tensore degli sforzi di Cauchy - Significato fisico delle componenti del tensore degli sforzi - Divergenza del tensore degli sforzi e sue componenti - Equazione del moto - Equazione indefinita di equilibrio - Condizioni statiche al contorno - Simmetria del tensore degli sforzi - Teorema di reciprocità delle tensioni tangenziali - Coordinate nel piano di Mohr - Stati di trazione uniforme, di trazione semplice e di taglio semplice - Stato piano di tensione - Indeterminatezza statica delle tensioni - Autotensioni - Configurazione naturale - Tensori di deformazione e di rotazione infinitesime - Calcolo della dilatazione lineare - Calcolo dello scorrimento - Significato fisico delle componenti del tensore di deformazione - Calcolo dello scorrimento tra una direzione e il piano ortogonale - Calcolo del coefficiente di dilatazione cubica - Coordinate nel piano di Mohr - Stati di dilatazione uniforme, di dilatazione semplice e di scorrimento semplice - Stato piano di deformazione

Sollecitazione e deformazione nelle travi

Equazioni indefinite di equilibrio - Equazioni di discontinuità - Condizioni statiche al contorno - Componenti scalari delle equazioni indefinite di equilibrio e di discontinuità - Determinatezza statica delle caratteristiche della sollecitazione - Statica della trave piana - Diagrammi delle caratteristiche della sollecitazione - Convenzioni di segno - Statica della trave piana ad asse rettilineo - Analisi qualitativa su tratti non caricati - Analisi qualitativa su tratti caricati da una forza distribuita costante flessionale: scomposizione in due casi semplici e costruzione della parabola - Spostamento e rotazione relativi per unità di linea - Componenti di deformazione locale - Dilatazione della linea d'asse e scorrimento tra linea d'asse e sezione retta - Curvatura flessionale e angolo unitario di torsione - Deformazioni nel caso di trave piana e di trave piana ad asse rettilineo - Integrazione delle equazioni di congruenza - Calcolo di spostamenti e rotazioni col metodo cinematico - Trascurabilità del contributo della dilatazione e dello scorrimento della linea d'asse sul calcolo di spostamenti e rotazioni - Trave inflessa - Vincolo di trave inflessa nel caso piano ad asse rettilineo

Statica dei sistemi isostatici piani

Sistemi di travi equilibrati e non equilibrati - Sistemi di travi equilibrati staticamente determinati e staticamente indeterminati - Numero di vincoli semplici interni ed esterni - Sistema svincolato - Grado di libertà del sistema svincolato - Grado di labilità - Vincoli efficaci e inefficaci o iperstatici - Grado di iperstaticità - Sistemi isostatici - Condizione necessaria di isostaticità - Dualità statico cinematica - Sistemi labili non equilibrati - Cenno ai centri assoluti e relativi di rotazione - Trave appoggiata soggetta a carico ripartito - Trave appoggiata soggetta a carico ripartito e a spinta laterale - Sistemi chiusi isostatici - Travature reticolari isostatiche - Travature reticolari triangolate - Soluzione delle travature reticolari triangolate isostatiche col metodo dei nodi - Soluzione delle travature reticolari isostatiche col metodo delle sezioni di Ritter

Relazioni generali in meccanica dei solidi

Principio dei lavori virtuali - Legame costitutivo - Elasticità lineare - Lavoro di deformazione - Energia elastica di deformazione - Energia elastica di deformazione per unità di volume - Tensore di elasticità e sue simmetrie minori - Vettori algebrici di sforzo e di deformazione

STRUMENTI E CONCETTI

Algebra tensoriale

Tensori doppi - Operazioni tra tensori - Tensori simmetrici ed emisimmetrici - Prodotto tensoriale di due vettori - Gradiente di un campo vettoriale - Componenti di un tensore doppio - Operazioni tensoriali in componenti - Autovalori e autovettori di un tensore doppio - Diagonalizzazione della matrice delle componenti di un tensore doppio - Caso piano - Caso spaziale - Invarianti - Traccia e determinante - Tensori sferici e deviatorici - Prodotto scalare di due tensori doppi - Tensori ortogonali e tensori rotazione - Vettori rotazione - Trasformazione delle componenti di un tensore doppio - Formule di rotazione nel piano - Rappresentazione di Mohr - Circonferenza di Mohr - Arbelo di Mohr - Intervalli di variabilità delle componenti locali di un tensore doppio - Tensori non invertibili - Tensori monoassiali - Tensori piani - Tensori deviatorici piani

Modelli meccanici delle strutture

Corpo continuo - Solidi e fluidi - Terreno - Modelli monodimensionali - Geometria delle curve spaziali - Tangente, normale principale e binormale - Piano osculatore - Curvatura e raggio di curvatura - Curvatura di torsione - Fili - Travi - Linea d'asse e sezioni rette - Travi di sezione sottile - Linea media e corda ortogonale - Problema di Saint-Venant

Fondamenti di meccanica dei solidi

Cinematica dei solidi - Funzione di deformazione - Spostamento - Gradiente degli spostamenti - Misure di deformazione - Dilatazione lineare - Dilatazione quadratica - Dilatazione cubica - Scorrimento tra due linee orientate - Scorrimento tra una linea ed una superficie - Moto - Velocità - Equazioni di bilancio - Massa - Quantità di moto - Momento della quantità di moto - Equazioni cardinali della statica - Forze di volume e di superficie - Forze per unità di volume e per unità di superficie - Tensione interna - Momenti di volume e per unità di volume - Momenti di superficie e per unità di superficie - Equazioni di bilancio in forma integrale - Principio di azione e reazione - Ipotesi di Cauchy - Componenti normale e tangenziale di tensione - Ipotesi di piccoli spostamenti e piccole deformazioni - Cinematica linearizzata - Piccole rotazioni

Comportamento dei materiali

Omogeneità - Isotropia - Prova di trazione monoassiale - Stato di trazione semplice - Dilatazione laterale - Prova di torsione - Stato di taglio semplice - Modelli ideali di comportamento - Elasticità lineare - Modulo di Young - Modulo di Poisson - Modulo di elasticità tangenziale - Elasticità non lineare - Tensione di snervamento - Elastoplasticità - Incrudimento - Viscosità

Fondamenti di meccanica della trave

Modellizzazione geometrica - Travi snelle e tozze, a grande e piccola curvatura, a lenta, veloce e brusca variazione di sezione - Riferimento locale - Modello cinematico di sezione indeformata - Variabili cinematiche - Vettori spostamento e rotazione - Componenti locali degli spostamenti e delle rotazioni - Forze e coppie per unità di linea e loro relazioni con le forze distribuite nel solido - Forze e coppie concentrate - Caratteristiche della sollecitazione e loro relazioni con le tensioni interne distribuite sulle sezioni rette - Componenti locali delle forze e delle caratteristiche della sollecitazione - Relazione tra le componenti delle caratteristiche

Rappresentazione algebrica del tensore di elasticità - Problema elastico lineare - Autotensioni - Sovrapposizione degli effetti - Simmetria maggiore e definitezza positiva del tensore di elasticità - Teorema di Clapeyron - Lavoro mutuo - Teorema di Betti - Tensore di elasticità inverso - Energia complementare elastica

Relazioni generali in meccanica delle travi

Principio dei lavori virtuali - Legame costitutivo - Elasticità lineare - Lavoro di deformazione - Energia elastica di deformazione - Energia elastica di deformazione per unità di linea - Momenti flettenti e torcente rispetto ad un punto generico - Dilatazione e scorrimento della generica fibra longitudinale - Vettori algebrici di sollecitazione e di deformazione - Matrice di elasticità - Simmetria e definitezza positiva della matrice di elasticità - Teorema di Clapeyron - Lavoro mutuo - Teorema di Betti - Matrice di elasticità inversa - Energia complementare elastica

ELASTICITÀ LINEARE

Elasticità lineare isotropa

Elasticità isotropa - Legge di Hooke e legge di Hooke inversa - Costanti di Lamé e relazioni con i moduli tecnici - Direzioni principali di elasticità - Limiti delle costanti elastiche - Energia elastica di deformazione ed energia complementare nel caso isotropo - Problema di Saint-Venant - Principio di Saint-Venant - Ipotesi di Saint-Venant - Soluzione del problema della torsione con la funzione di ingobbamento: equilibrio indefinito (equazione di Laplace), equilibrio sul contorno laterale (problema di Neumann), equivalenza statica sulle basi ed energia complementare (fattore torsionale di rigidezza) - La torsione nella sezione circolare piena e cava - Soluzione del problema della torsione con la funzione delle tensioni: congruenza (equazione di Poisson), equilibrio sul contorno laterale (problema di Dirichlet), equivalenza statica sulle basi (fattore torsionale di rigidezza)

Teoria tecnica delle travi

Indipendenza dei problemi assiale-flessionale e torsionale-tagliante - Centro di flessione (baricentro) e centro di taglio - Legami costitutivi, principio dei lavori virtuali ed energia elastica scritti rispetto ai centri di flessione e di taglio - Modello di Eulero-Bernoulli - Legame costitutivo assiale - Vettore dei momenti statici - Posizione del baricentro - Legame costitutivo flessionale - Tensori di inerzia e di Eulero e momento di inerzia polare - Travi omogenee - Travi piane - Estensione del problema di Saint-Venant - Legame costitutivo torsionale - Impostazione del problema di flessione, taglio e torsione per il calcolo del centro di taglio

Geometria delle masse

Masse distribuite su un'area piana - Momenti statici - Rappresentazione algebrica del vettore dei momenti statici - Coordinate del baricentro - Teorema di Varignon - Momento di inerzia rispetto ad un asse - Momento centrifugo - Rappresentazione algebrica dei tensori di inerzia e di Eulero e del momento di inerzia polare - Direzioni e momenti principali di inerzia - Formule di trasposizione o del trasporto (teorema di Huyghens-Steiner) - Formule di rotazione - Aree piane omogenee - Rettangolo - Rettangolo sottile - Triangolo rettangolo - Arco circolare sottile - Settore circolare - Calcolo delle proprietà inerziali di un'area piana composta di più parti semplici

Cinematica dei sistemi isostatici piani

Trascurabilità dei contributi del taglio e della forza normale sul calcolo di spostamenti e rotazioni - Deformata della linea d'asse sotto l'ipotesi di trave inflessa - Calcolo di spostamenti

col principio dei lavori virtuali - Deformate e coefficienti elastici di mensole e travi appoggiate - Calcolo di spostamenti e rotazioni col metodo cinematico

Soluzione dei sistemi iperstatici piani

Soluzione dei sistemi iperstatici con il metodo delle forze - Iperstaticità assiali e flessionali di sistemi di travi ad asse rettilineo - Strutture inflesse e strutture prevalentemente soggette a forza normale - Travi continue soggette a forze di tipo flessionale - Telai a nodi fissi e a nodi spostabili - Travi appoggio-incastro - Travi incastro-incastro - Vincoli cedevoli elasticamente e anelasticamente - Distorsioni concentrate - Distorsioni termiche - Sistemi assialsimmetrici e polarsimmetrici caricati simmetricamente ed emisimmetricamente - Scomposizione di un carico generico

Sollecitazioni semplici

Calcolo delle tensioni normali - Formula di Navier - Forza normale centrata - Flessione retta - Flessione deviata - Assi momento, di sollecitazione, neutro e di flessione - Significato statico e cinematico dell'asse neutro - Relazione tra asse neutro e asse di sollecitazione - Assi coniugati - Assi coniugati nel riferimento principale - Sistema di riferimento coniugato - Formule monomie della flessione deviata - Raggio di inerzia - Ellisse centrale di inerzia - Proprietà delle tangenti e dei diametri dell'ellisse centrale di inerzia - Forza normale eccentrica - Centro di sollecitazione - Intersezione dell'asse neutro della forza normale eccentrica con l'asse di sollecitazione e con gli assi principali di inerzia - Formula monomia della forza normale eccentrica - Torsione - Formula di Bredt e fattore torsionale di rigidezza per le sezioni sottili chiuse biconnesse - Funzione delle tensioni e fattore torsionale di rigidezza per le travi di sezione sottile aperta - Taglio - Flessione associata al taglio - Tensioni tangenziali medie ortogonali ad una corda - Formula di Jourawski - Il taglio nelle sezioni compatte simmetriche (sezioni rettangolare e triangolare) - Il taglio nelle travi di sezione sottile aperta - Scomposizione nella somma di due problemi - Determinazione del centro di taglio - Diagrammi delle tensioni tangenziali e analisi qualitativa nel caso di tratti rettilinei a spessore costante - Equilibrio alla Jourawski nei nodi doppi e tripli - Centro di taglio nelle sezioni composte di due tratti rettilinei - Sezioni a C, a doppio T, a L e a Z