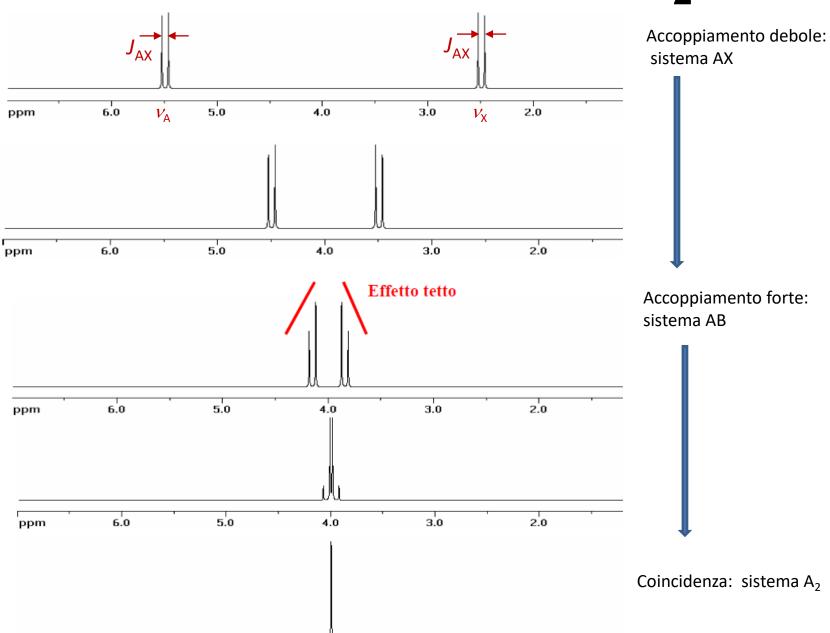
ANALISI DI SISTEMI DI SPIN

SISTEMI A DUE SPIN

Sistema AX -> AB -> A₂



3.0

2.0

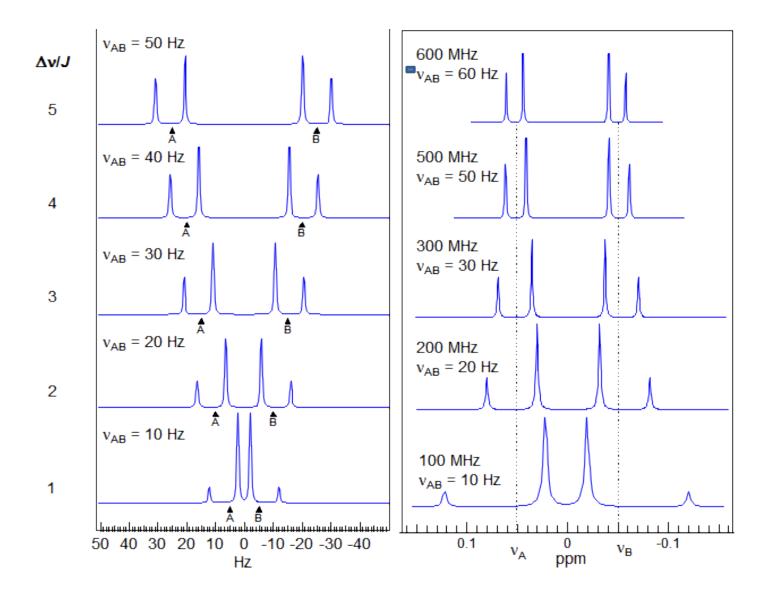
4.0

5.0

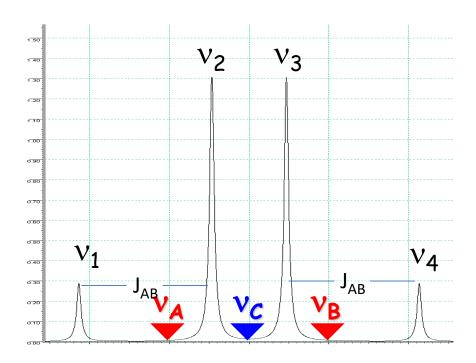
6.0

ppm

Sistema AX -> AB



Sistema AB



$$\Delta v_{AB} = (v_A - v_B) = \sqrt{(v_1 - v_4)(v_2 - v_3)}$$
 [Hz]

$$J_{AB} = (v_1 - v_2) = (v_3 - v_4)$$
 [Hz]

$$v_A = v_C + \frac{1}{2} \Delta v_{AB}$$

$$v_B = v_C - \frac{1}{2} \Delta v_{AB}$$

ANALISI DI UNO SPETTRO AB

1. Determine the four line positions in Hz, and measure J_{AB}

$$|J_{AB}| = (v_1 - v_2) = (v_3 - v_4) = 10 \text{ Hz}$$

2. Calculate the center position (in Hz):

$$v_{\text{center}} = \frac{1}{2} (v_2 + v_3) = 2024.1$$

3. Calculate v_{AB}.

$$\Delta v_{AB} = \sqrt{(v_1 - v_4)(v_2 - v_3)} = 9.94 \text{ Hz}$$

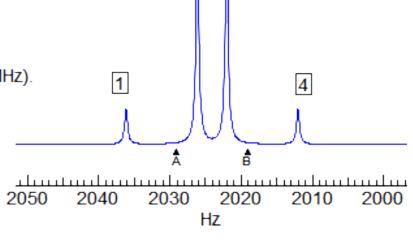
4. Calculate v_A and v_B (spectrometer frequency: 300 MHz).

$$v_A = v_{center} + \frac{1}{2} \Delta v_{AB} = 2029.1 \text{ Hz}$$

$$v_B = v_{oenter} - \frac{1}{2} \Delta v_{AB} = 2019.1 \text{ Hz}$$

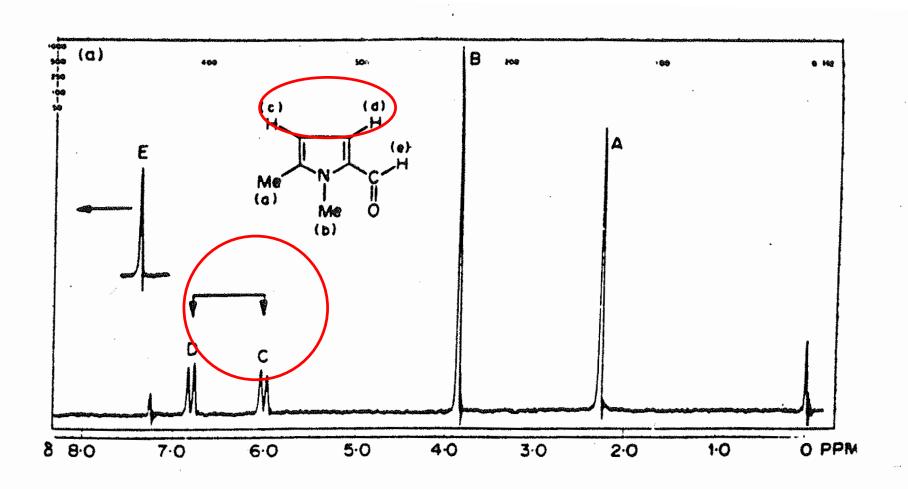
$$\delta_A = v_A / MHz = 6.76$$

$$\delta_B = v_B / MHz = 6.73$$

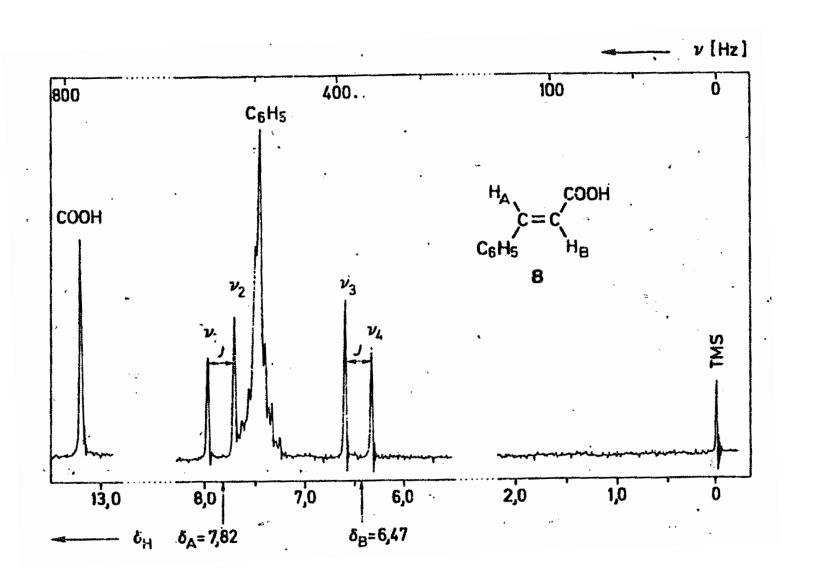


3

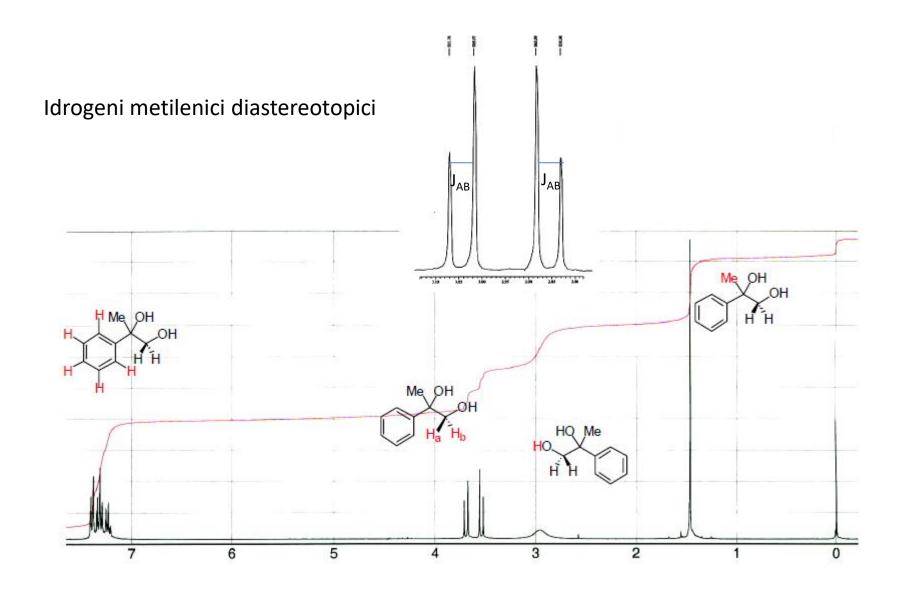
SISTEMA AX



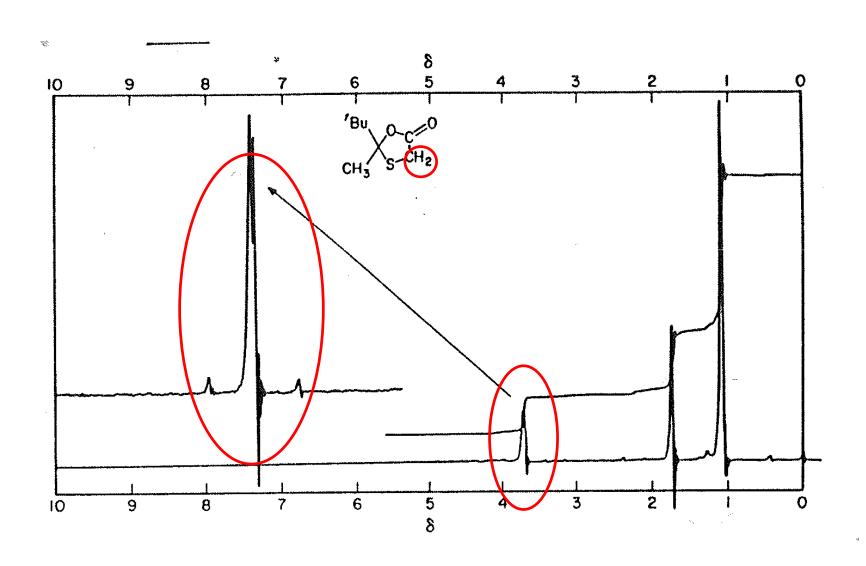
SISTEMA AB

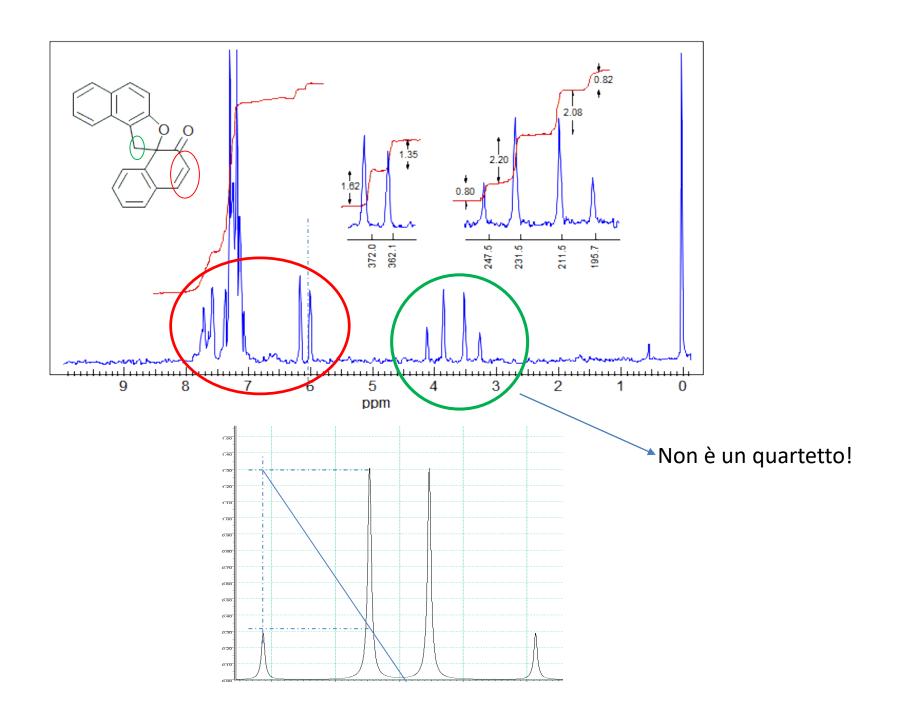


SISTEMA AB



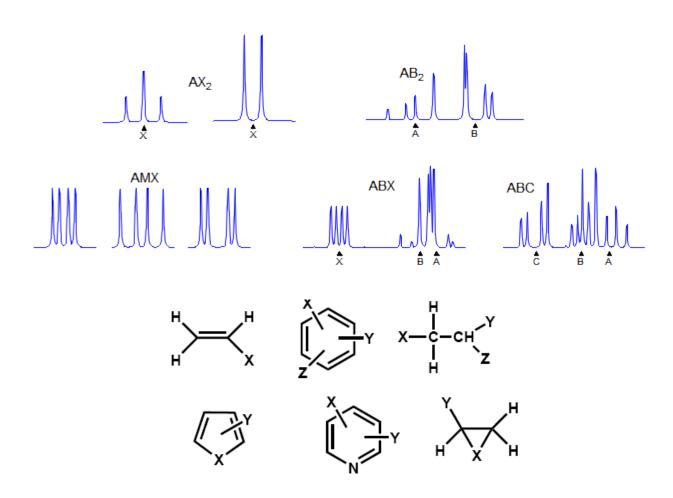
SISTEMA AB



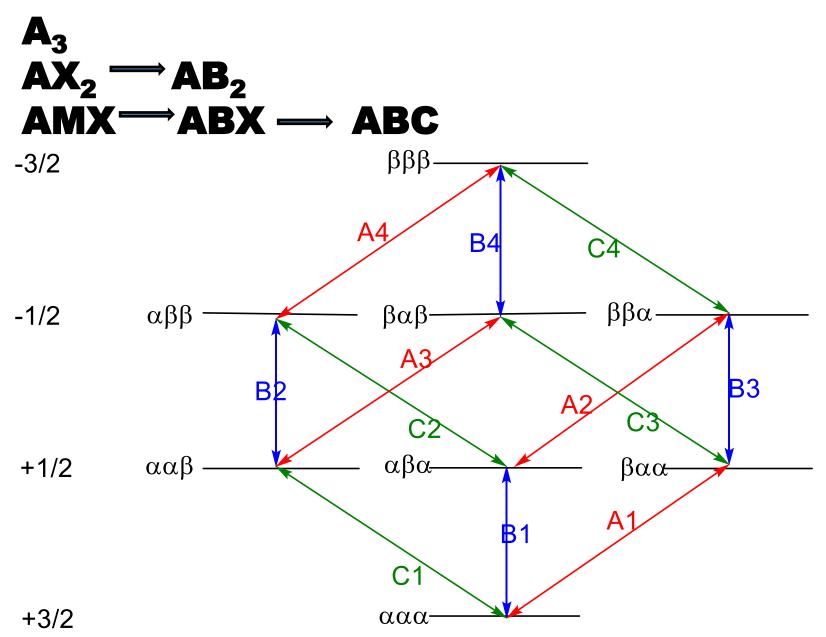


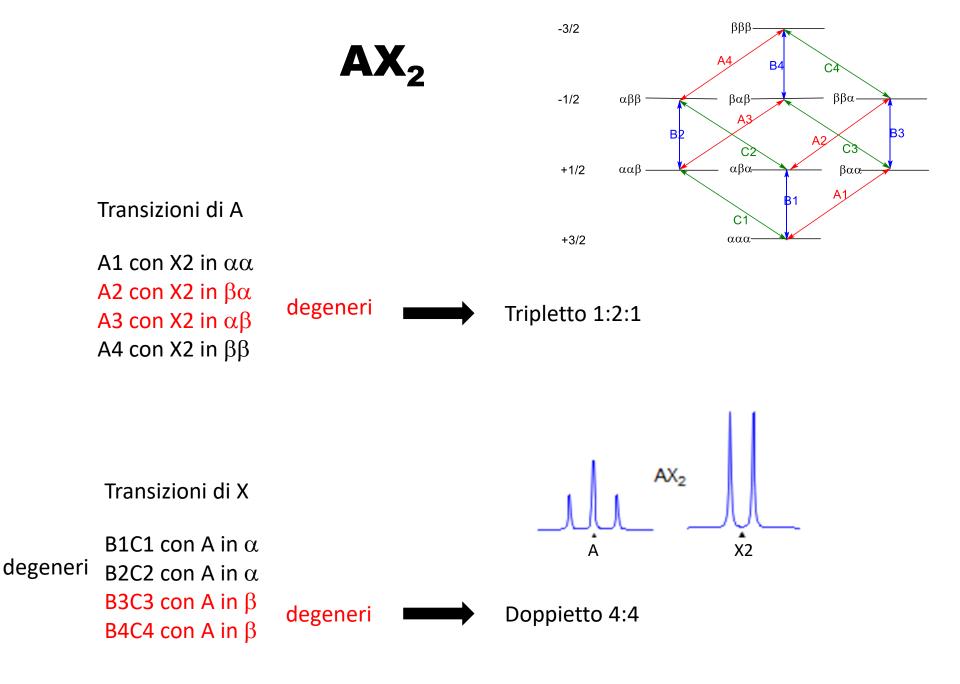
SISTEMI A TRE SPIN:

 A_3 $AX_2 \longrightarrow AB_2$ $AMX \longrightarrow ABX \longrightarrow ABC$



SISTEMI A TRE SPIN:

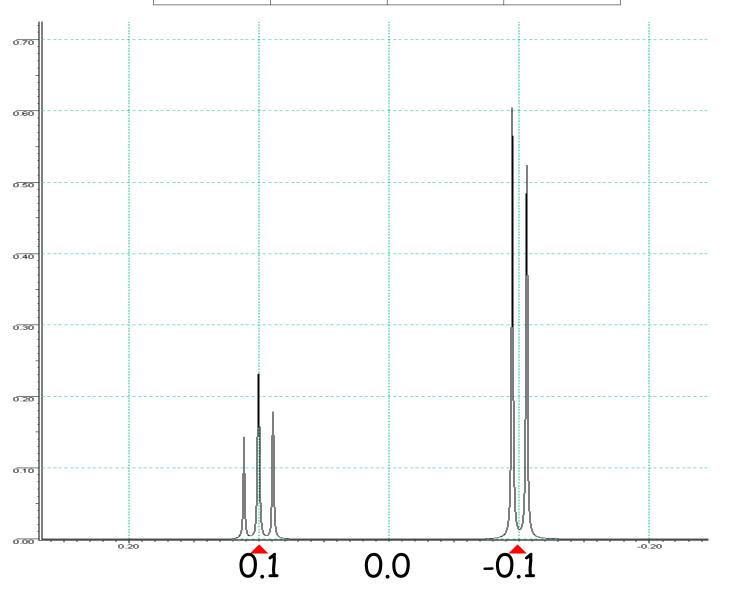


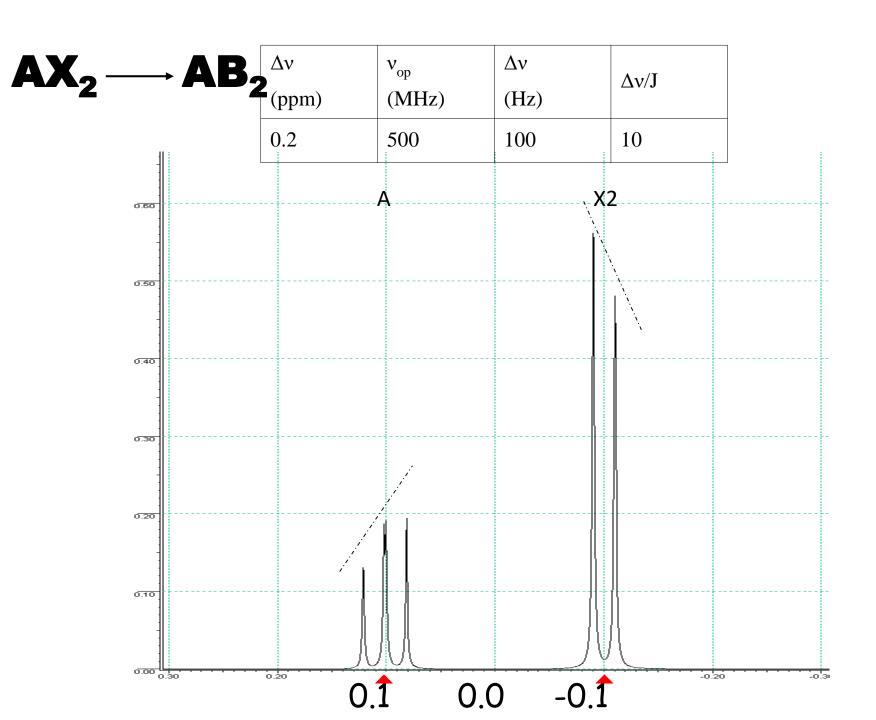


 AX_2

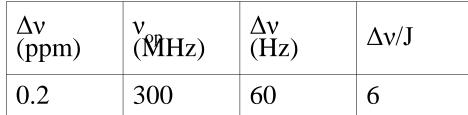
Δν (ppm)	v (MHz)	Δν (Hz)	$\Delta v/J$	
0.2	900	180	18	

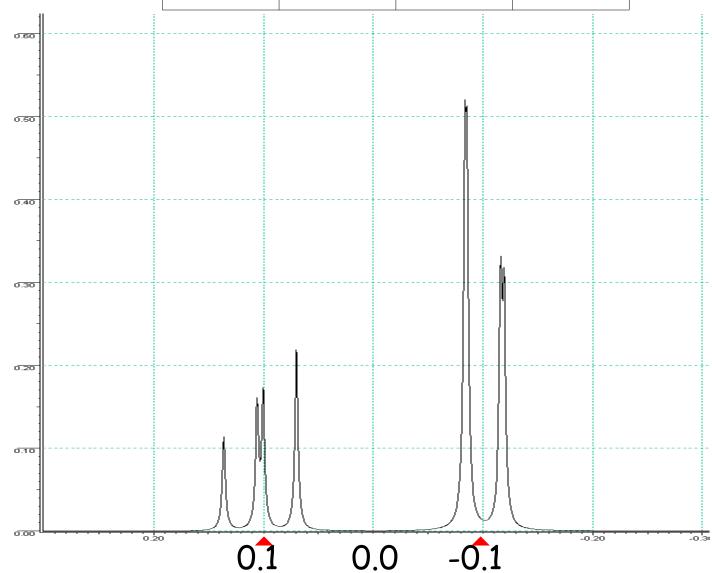
J = 10 Hz



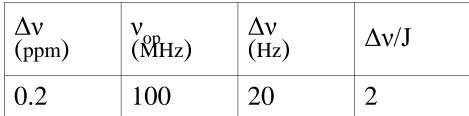


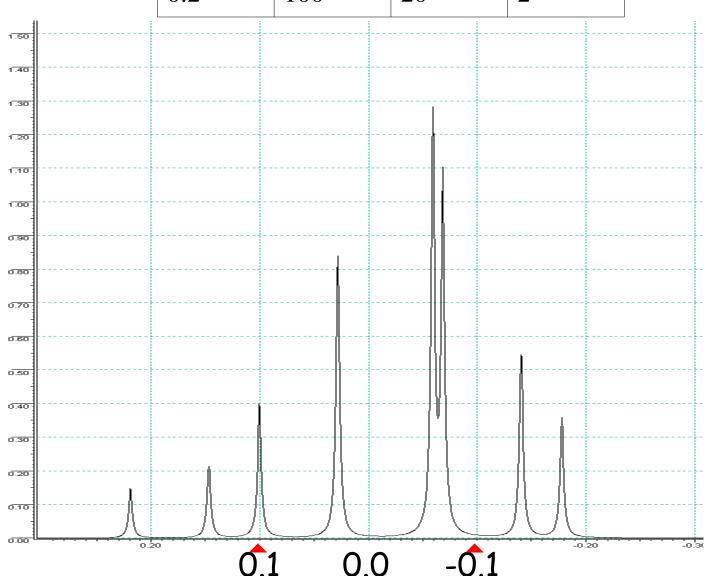
 $AX_2 \longrightarrow AB_2$





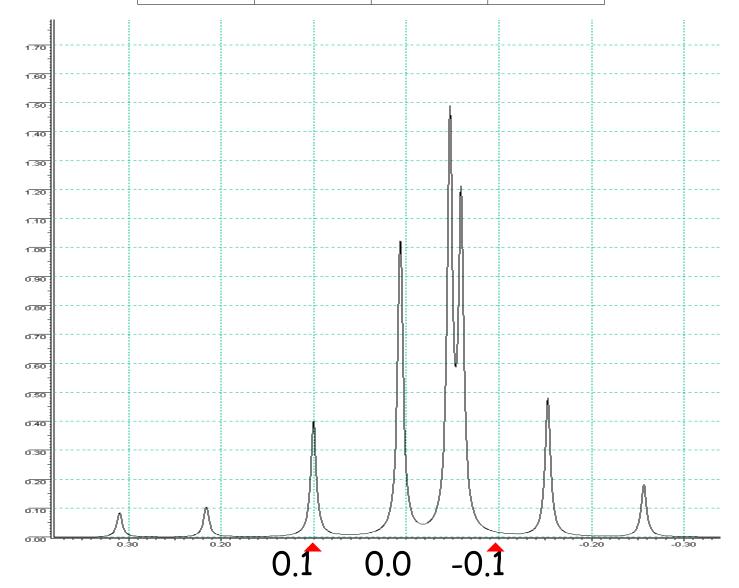
 AB_2





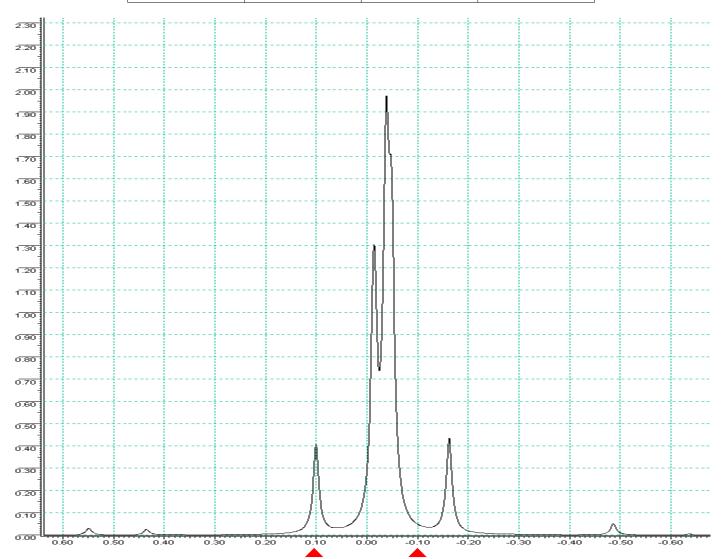
 AB_2

Δv (ppm)	v (MHz)	Δν (Hz)	$\Delta v/J$
0.2	60	12	1.2



 AB_2

Δv (ppm)	vop (MHz)	Δν (Hz)	$\Delta v/J$
0.2	30	6	0.6



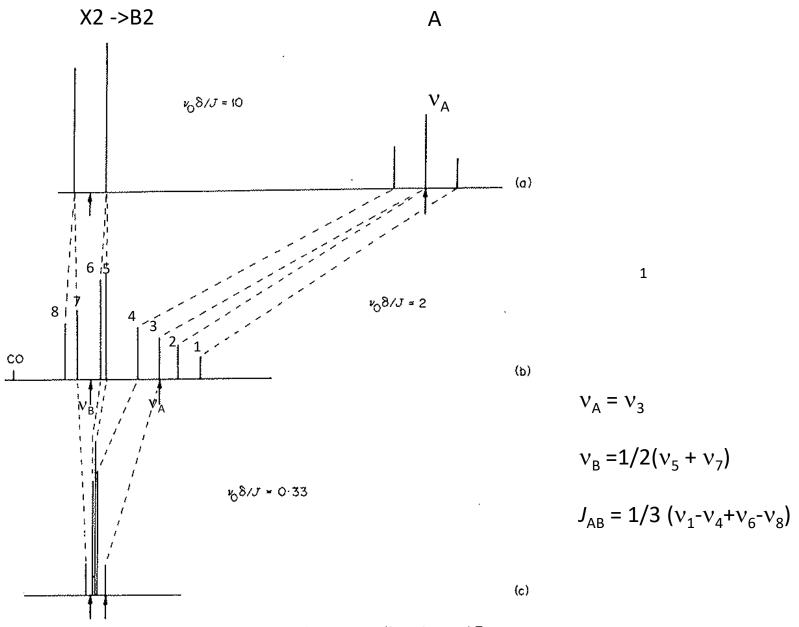
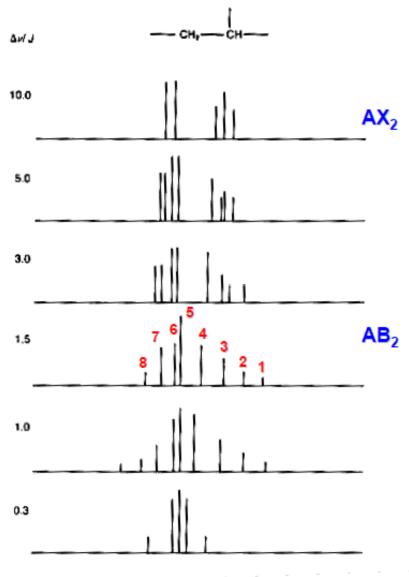


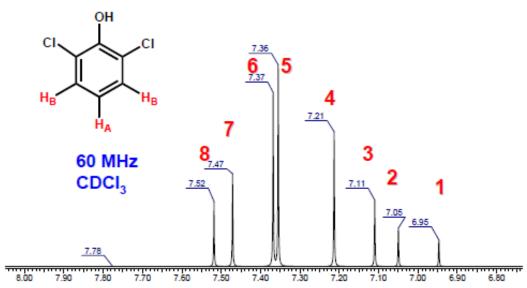
Figure 3.16 Diagram showing how the degenerate lines in an AB₂ spectrum separate as the chemical shift is reduced. In (c) the flanking lines are too weak to be observed. CO is a combination line.

Accoppiamento di spin: sistema AX₂ e AB₂

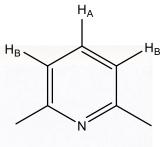


I due nuclei B sono magneticamente equivalenti e accoppiano con la stessa J con A.

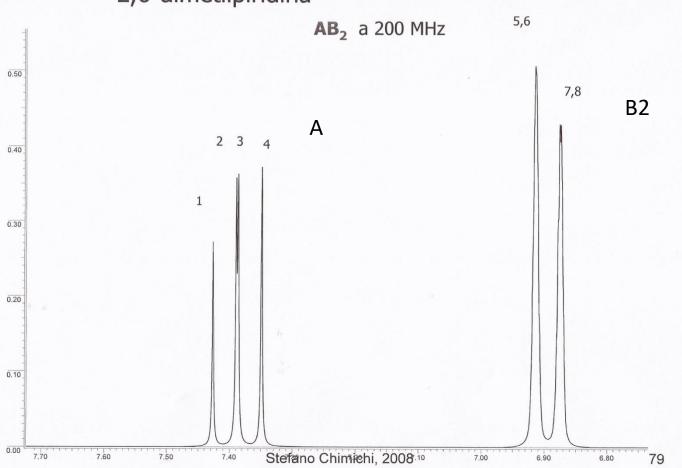
Il numero di linee sarà funzione del rapporto $\Delta v/J$ La costante di accoppiamento si ricava dal calcolo.

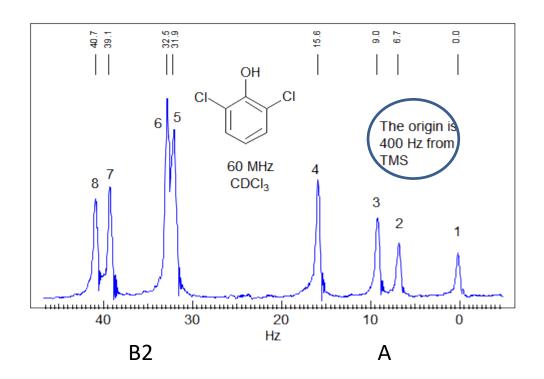


$$v_A = v_3$$
 [Hz]
 $v_B = \frac{1}{2} (v_5 + v_7)$ [Hz]
 $J_{AB} = \frac{1}{3} (v_1 - v_4 + v_6 - v_8)$ [Hz]



2,6-dimetilpiridina





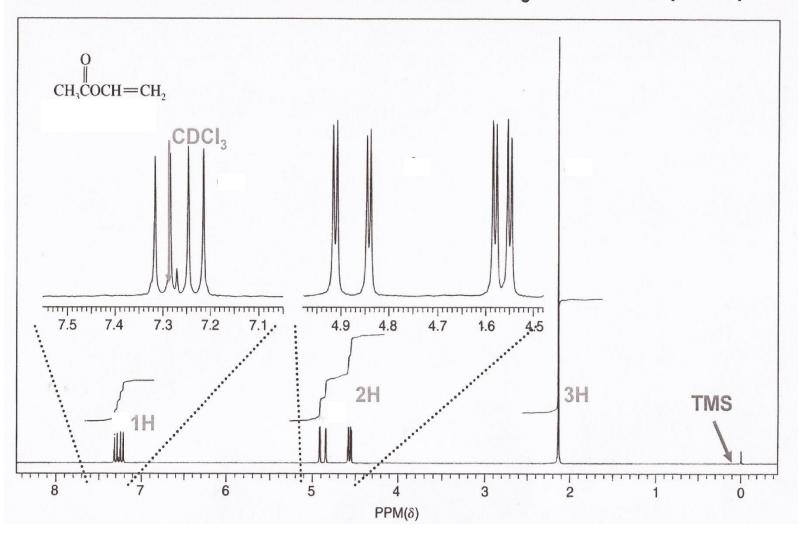
In questo caso la parte a uno spin è a campo più alto e si numera da destra a sinistra

$$v_A = v_3 = 9.0 \text{ Hz } (\delta_A = (9 + 400)/60 = 6.82 \text{ ppm})$$

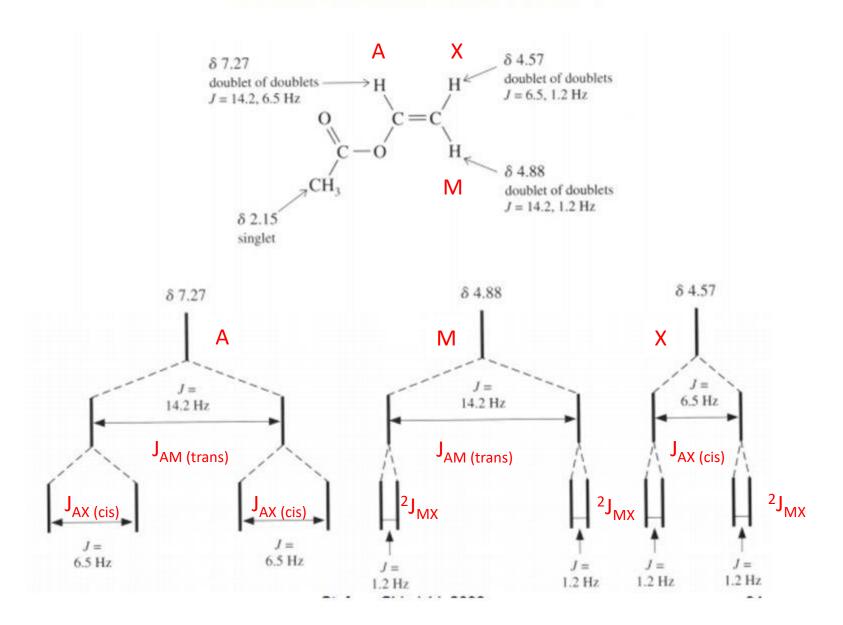
 $v_B = (v_5 + v_7)/2 = (31.9 + 39.1)/2 = 35.5 \text{ Hz } (\delta_B = (35.5 + 400)/60 = 7.26 \text{ ppm})$
 $|J_{AB}| = |(v_1 - v_4 + v_6 - v_8)/3| = |(0 - 15.6 + 32.5 - 40.7)| / 3 = 7.9 \text{ Hz}$

SISTEMA AMX

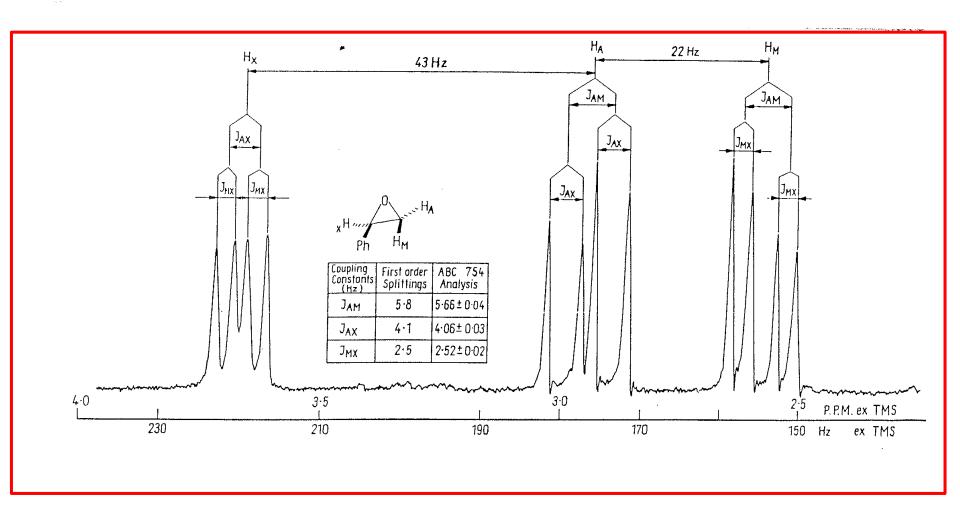
¹H NMR dell' Acetato di Vinile in CDCI₃ a 200MHz (4.7 T)



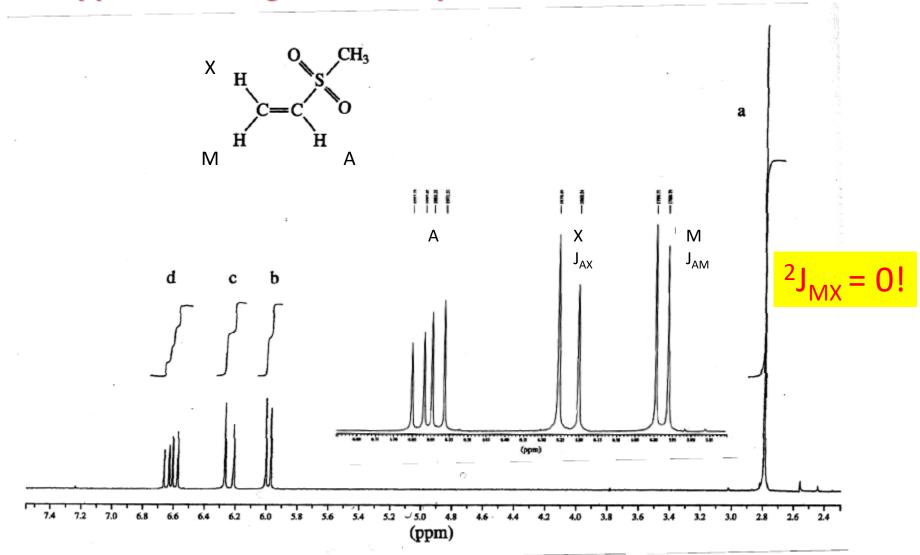
Sistema AMX



SISTEM AMX



Accoppiamento negli alcheni: spettro a 300 MHz



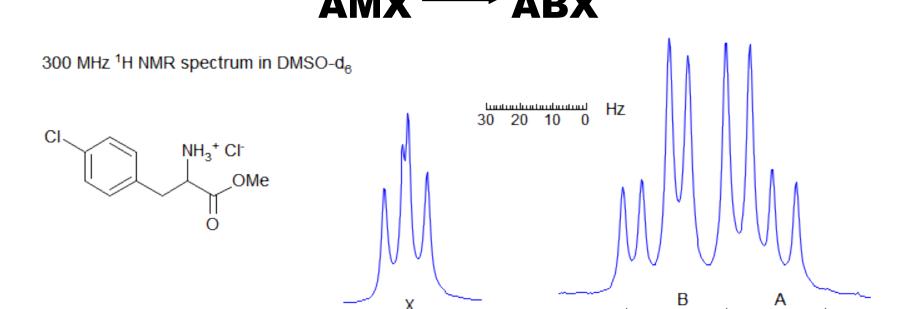


Figure 5-12.1. Sample ABX pattern

 $v_{AB}/J = 2$ (secondo ordine ma AMX-type, ancora interpretabile come primo ordine senza fare grossi errori)

ABX

3.3

ppm

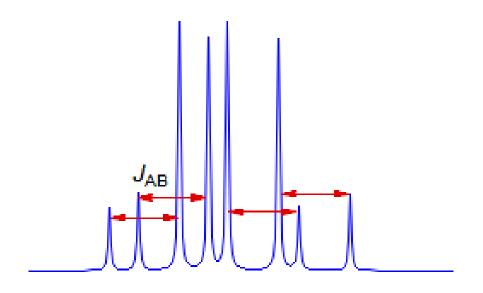
3.2

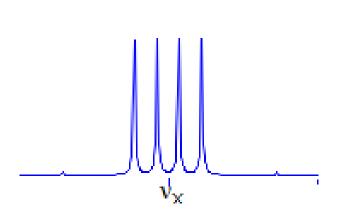
3.1

Riconoscere un pattern ABX

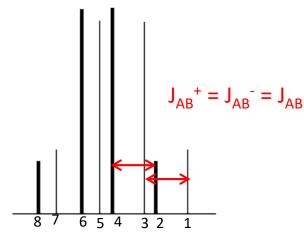
Parte AB: due pseudoquartetti AB (8 righe).

 J_{AB} and v_{X} si misurano direttamente gli altri $(J_{AX}, J_{BX}, v_{A}, v_{B})$ devono essere calcolati.

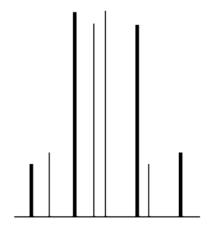




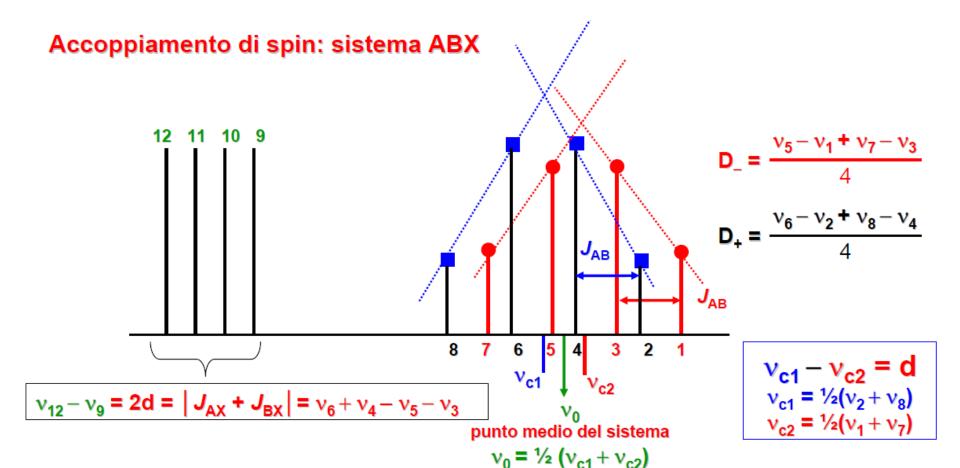
Riconoscere i «quartetti» AB



Correct choice of ab quartets $J_{ab+} = J_{ab-}$, and intensities are OK (i.e. the ab quartet with more closely spaced inner lines has the smaller outer lines.



Incorrect ab quartets: J_{ab} is OK, but intensities are wrong (i.e. the thin ab quartet should have much taller central lines)

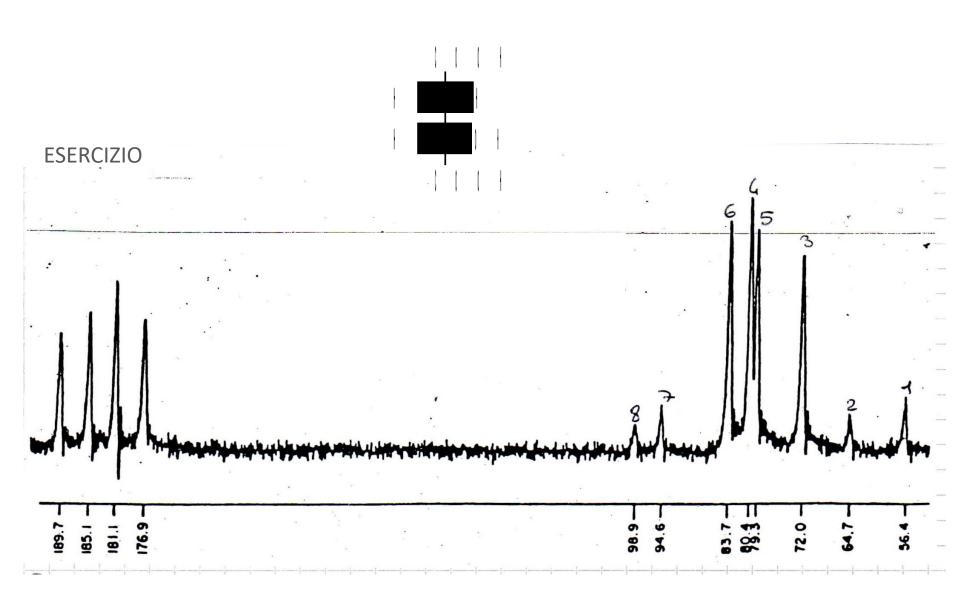


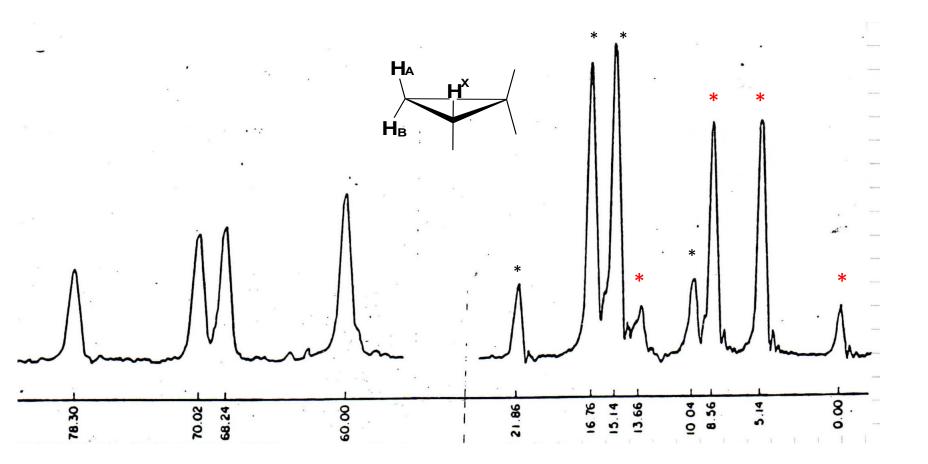
$$\frac{1_{2} (v_{A} - v_{B})}{4} = \frac{(\sqrt{4D_{+}^{2} - J_{AB}^{2}} + \sqrt{4D_{.}^{2} - J_{AB}^{2}})}{4}$$

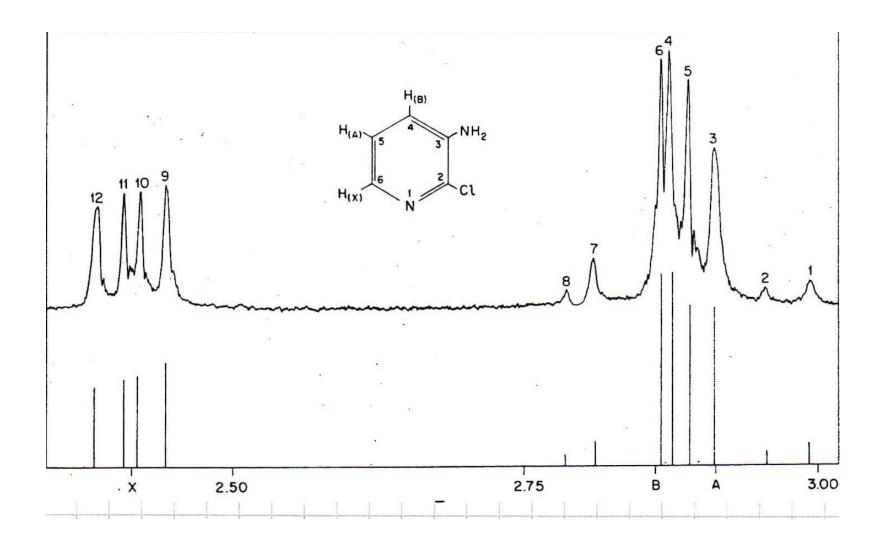
$$J_{AX} = \frac{\sqrt{4D_{+}^{2} - J_{AB}^{2}} - \sqrt{4D_{.}^{2} - J_{AB}^{2}} + (v_{12} - v_{9})}{2}$$

$$v_A = v_0 + \frac{1}{2}(v_A - v_B)$$
 $v_B = v_0 - \frac{1}{2}(v_A - v_B)$

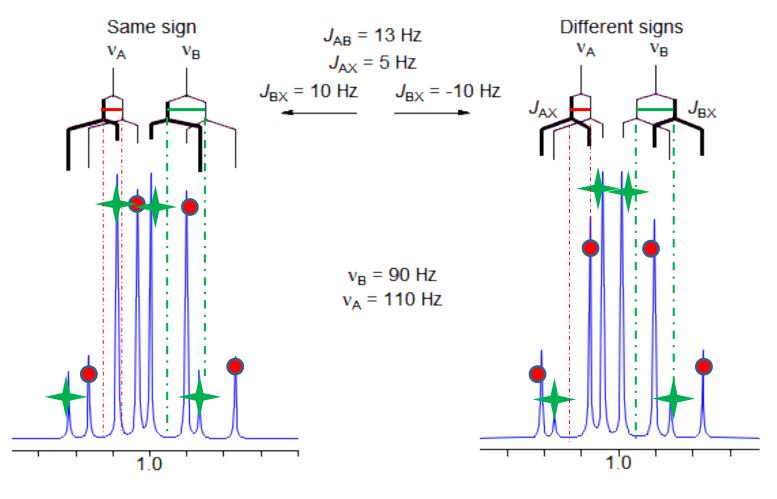
$$J_{BX} = (v_{12} - v_9) - J_{AX}$$

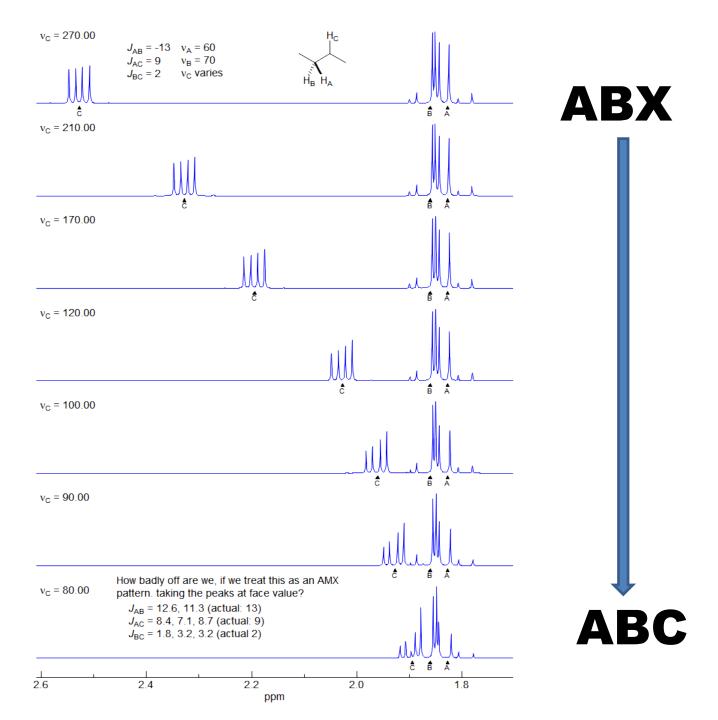




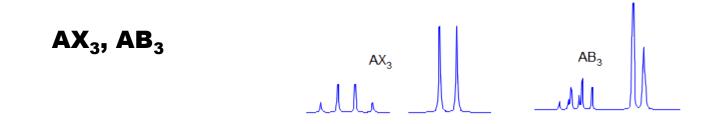


Effect of Relative Sign of J_{AX} and J_{BX} on an ABX pattern

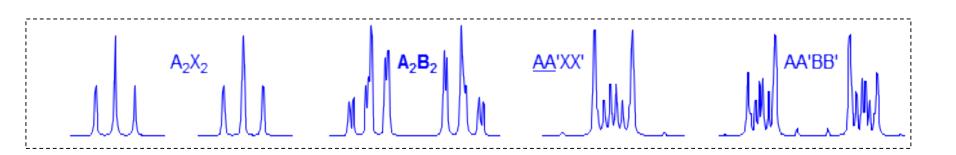




SISTEMI A QUATTRO SPIN



A₂X₂, A₂B₂ AA'XX' (AA'BB')



A_2X_2 A_2B_2

2 nuclei magneticamente equivalenti A accoppiano con 2 nuclei equivalenti X (B) Veri A_2X_2 piuttosto rari

Esempi

$$H_A$$
 H_A
 F_B

AA'XX'

AA'BB'

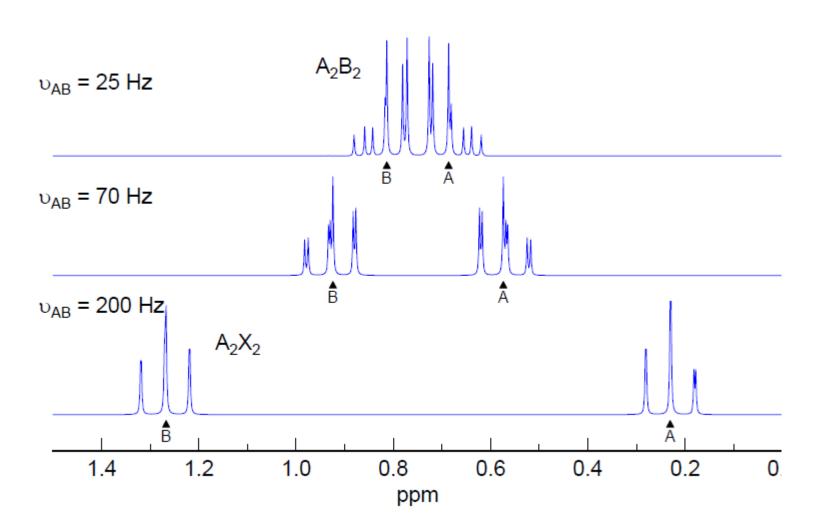
Molto più comuni

$$H \longrightarrow F$$

$$O_2N$$

Se coincidentalmente $J_{AB} = J_{AB'}$ allora il sistema diventa A_2B_2 o A_2X_2

 A_2X_2 A_2B_2



ΑΑ'ΧΧ'

(AA'BB')

$$H_A$$
 $H_{A'}$
 H_B
 $H_{B'}$
 $H_{B'}$

$$X \xrightarrow{H_A} H_B$$

(b) AA'-Vic

$$\mathbf{H}_{A}$$
 $\mathbf{H}_{A'}$
 $\mathbf{H}_{X'}$
 $\mathbf{H}_{X'}$
 $\mathbf{H}_{X'}$

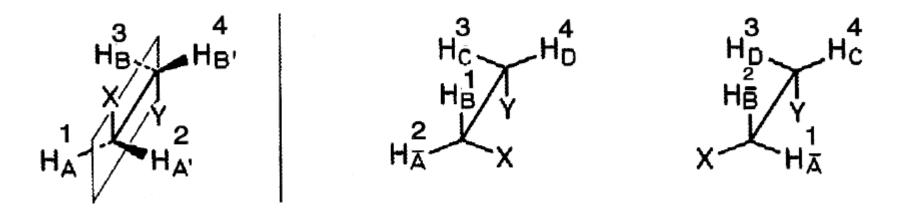
AA'XX': sistema a 4 spin in cui due nuclei chimicamente equivalenti (A) ma magneticamente non equivalenti accoppiano tra di loro e con due nuclei (X) chimicamente equivalenti ma magneticamente non equivalenti. Lo spettro è complesso e del secondo ordine con qualunque campo magnetico.

AA'XX' non è un sistema di spin del primo ordine indipendentemente dal campo applicato:

- i profili dei multipletti NON corrispondono a quelli previsti dal triangolo di Pascal
- le costanti di accoppiamento NON corrispondono alle distanze tra i picchi
- •AA'XX' 20 righe, ogni parte AA' e XX' ha 10 righe con pattern centrosimmetrico
- •AA'BB' 24 righe, la parte AA' e BB' non centrosimmetriche, il segnale nel suo complesso è
- centrosimmetrico

ACCOPPIAMENTO DI SPIN NEI SISTEMI IN ROTAZIONE

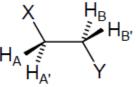
Caso di gruppi CH₂ in sistemi conformazionalmente liberi non chirali, quindi in cui gli H del CH₂ non sono diastereotopici.



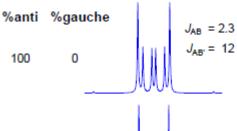
In sistemi a catena aperta la libera rotazione può mediare il valore dei chemical shift nei vari conformeri rendendo i protoni H^1 e H^2 chimicamente equivalenti così come i protoni H^3 e H^4 . Lo stesso non può dirsi per il valore delle costanti di accoppiamento (ad es. J_{H1-3} , J_{H1-4} sono diverse nei diversi conformeri) pertanto si può osservare un sistema semplice A_2X_2 (A_2B_2) oppure un sistema più complesso del tipo AA'XX' (AA'BB'), a seconda della distribuzione dei conformeri

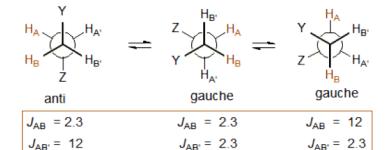
AA' gem

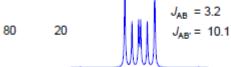
$J_{AB} \neq J_{AB'}$



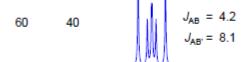
X	H _B → H _{B′}	
H _A	Y	

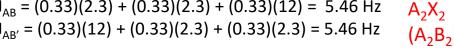


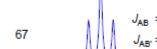




$$J_{AB} = (0.33)(2.3) + (0.33)(2.3) + (0.33)(12) = 5.46 \text{ Hz}$$
 A_2X_2
 $J_{AB'} = (0.33)(12) + (0.33)(2.3) + (0.33)(2.3) = 5.46 \text{ Hz}$ (A_2B_2)



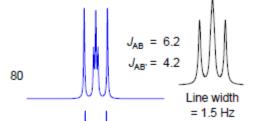


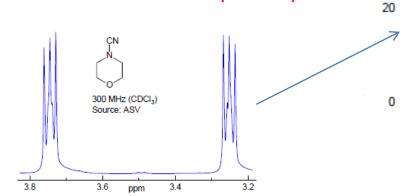


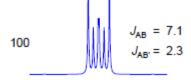
33

Per una distribuzione dei 3 conformeri 0.6 (anti) / 0.4 (gauche)

$$J_{AB} = (0.6)(2.3) + (0.2)(2.3) + (0.2)(12) = 4.24 \text{ Hz}$$
 AA'XX'
 $J_{AB'} = (0.6)(12) + (0.2)(2.3) + (0.2)(2.3) = 8.12 \text{ Hz}$ (AA'BB')

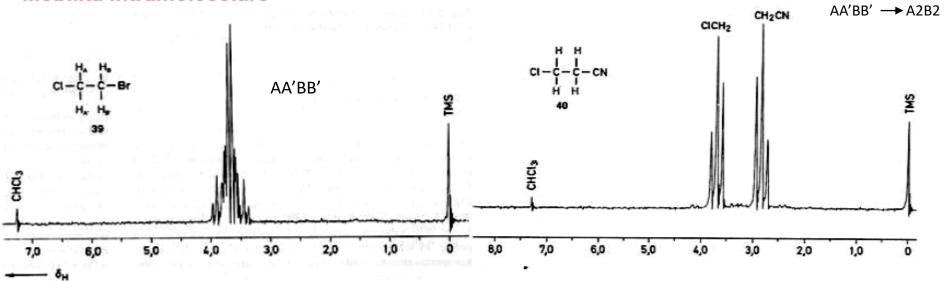




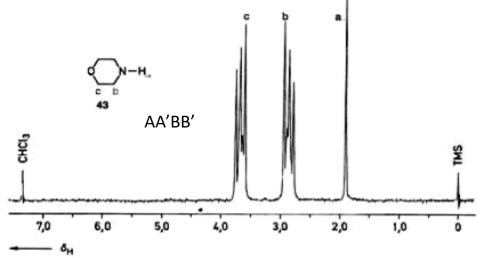


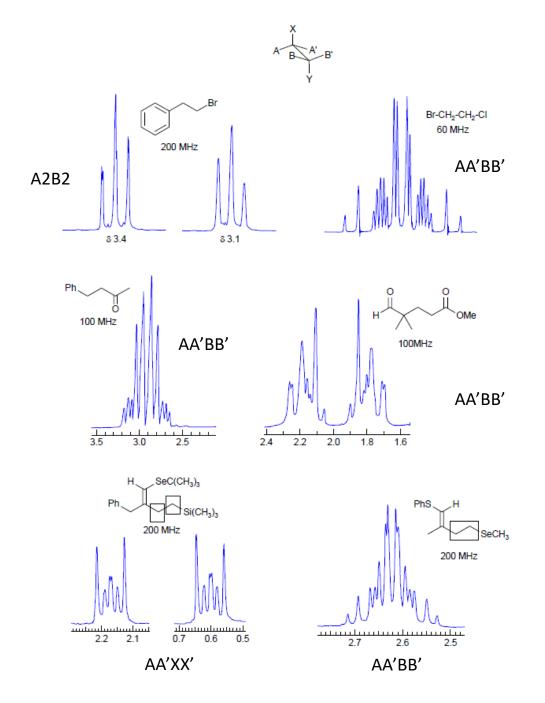
Accoppiamento di spin

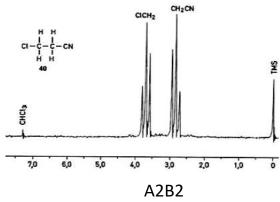
Mobilità intramolecolare



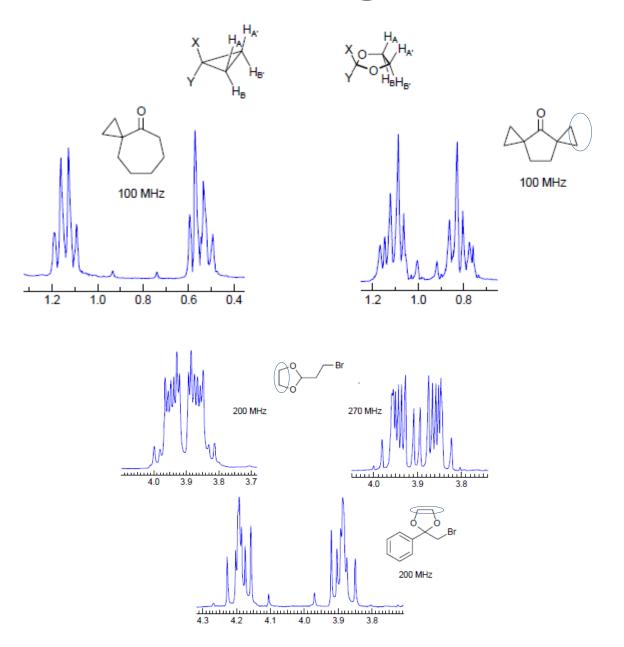
Il rapido equilibrio a Tamb. rende i protoni A e B chimicamente equivalenti ma non magneticamente equivalenti e pertanto un sistema AA'MM' verrà osservato.





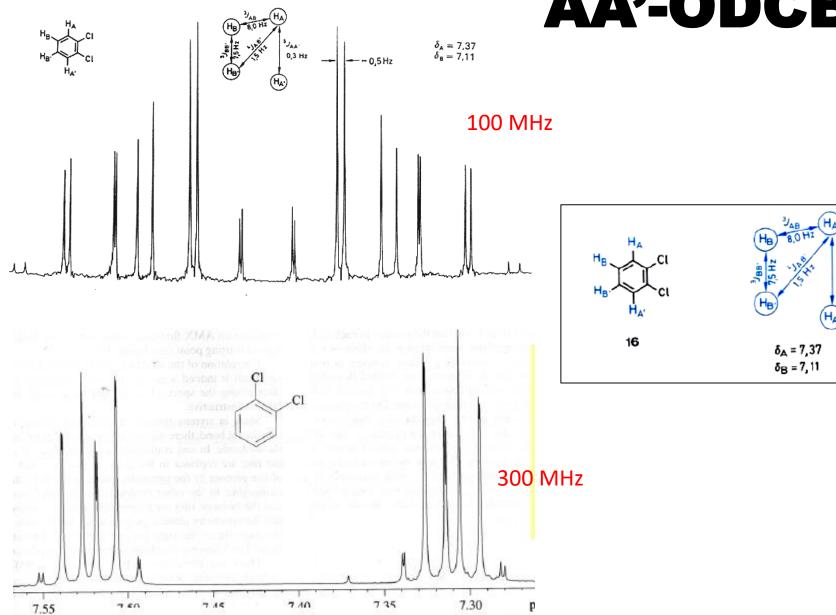


AA'-vic

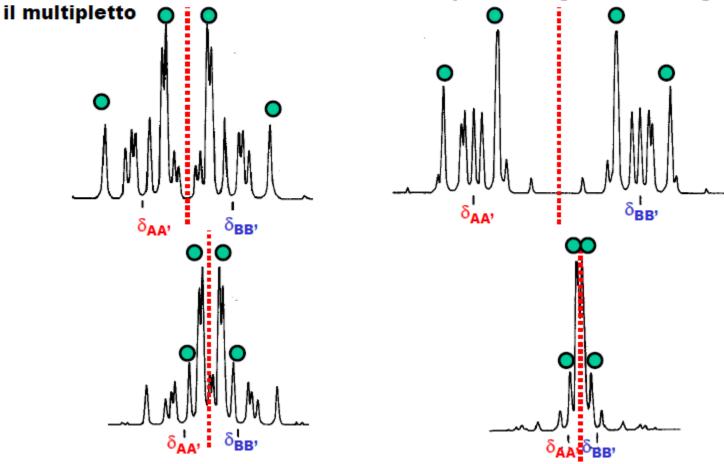


AA'-ODCB

 J_{AA} 0,3 Hz

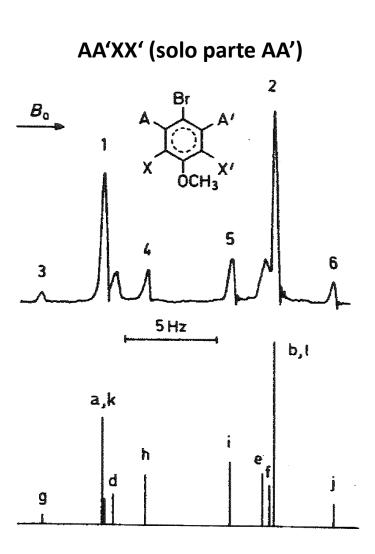


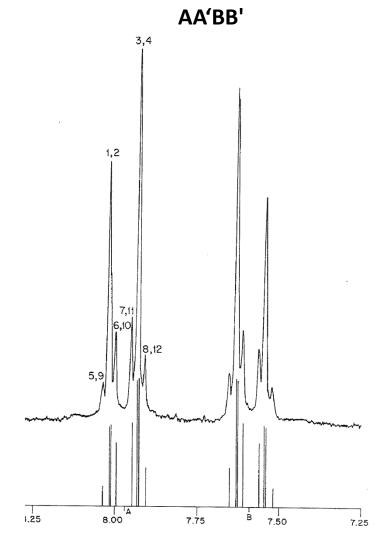
Un sistema del 2° ordine di tipo AA'BB' è molto complicato ma è caratterizzato da un elemento di simmetria costituito dal piano ortogonale che taglia a metà

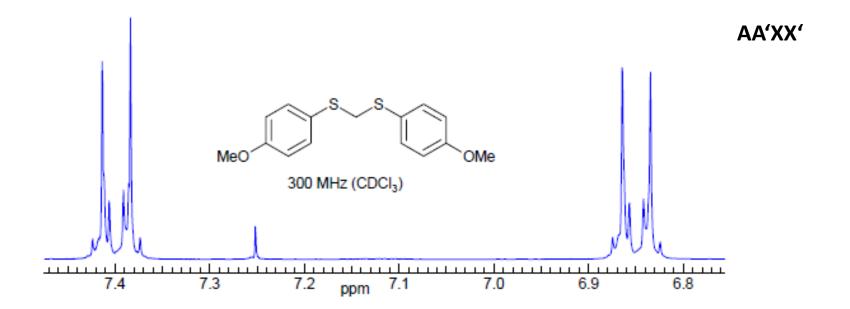


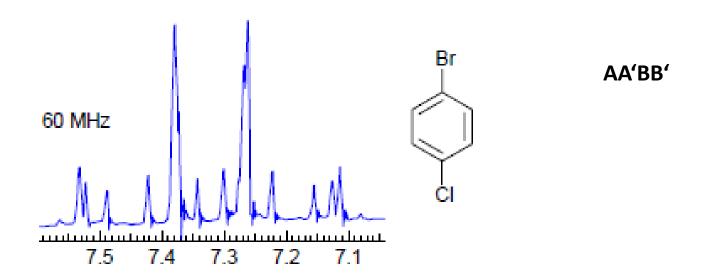
In molti casi il sistema è "apparentemente" semplice in quanto si vedono solo 4 segnali più intensi (qui marcati con un pallino) che lo rendono simile ad un sistema AR

AA'-p-disubstituted-benzene









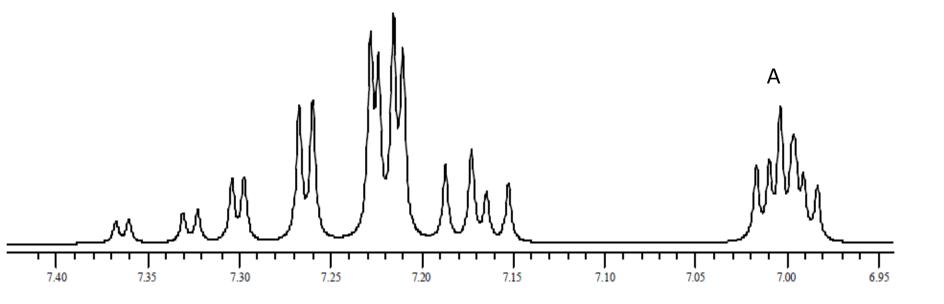
AB₂C

Benzene meta disostituito con due sostituenti uguali

$$^{3}J_{BC} = 7-8 Hz$$

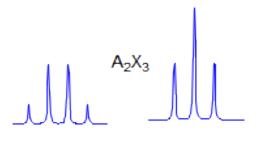
$$^{4}J_{AB} = 1-2 Hz$$

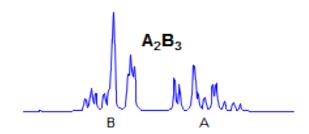
$$^{5}J_{AC} = 0-0.5 Hz$$

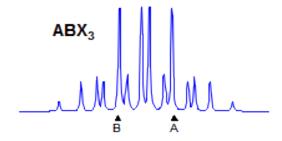


SISTEMI A CINQUE SPIN

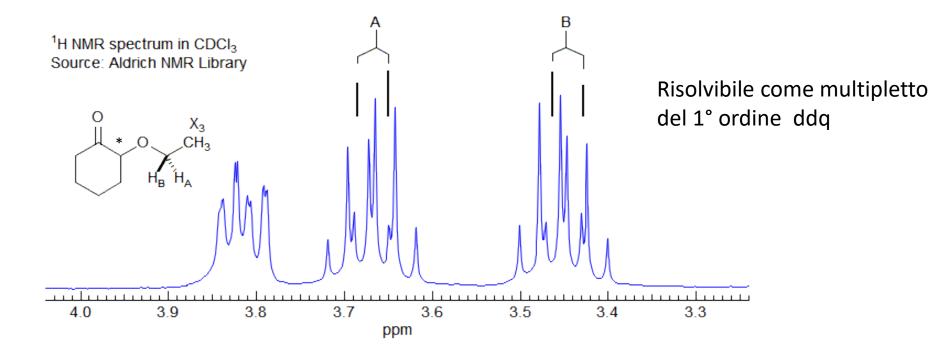
A₂**X**₃, **A**₂**B**₃ **ABX**₃



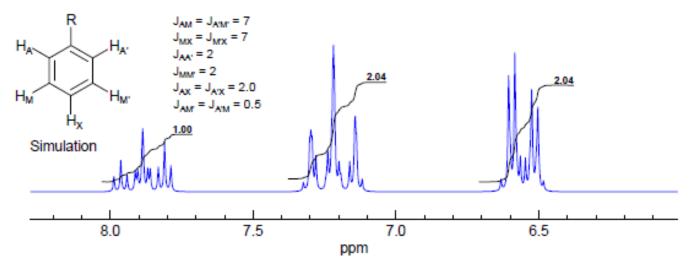




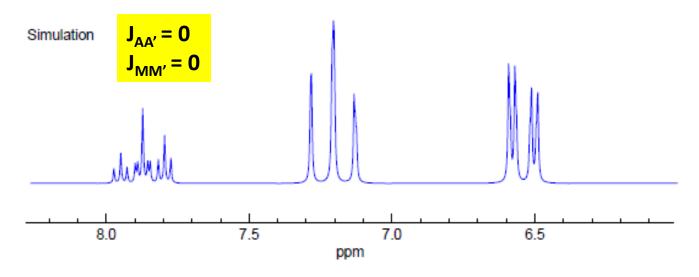
ABX₃



Benzene monosostituito: sistema AA'MM'X (AA'BB'X, AA'BB'C)



If we recalculate the spectrum after setting $J_{AA'} = 0$ and $J_{MM'} = 0$ then the spectrum becomes essentially first order (it would be completely first order if the chemical shifts between A, M and X were made larger).



n Multiplicity	Relative Intensity	Spins		Coupling Pattern
0 Singlet (s)	_1_	in Alba Alba ast		J
1 Doublet (d)		n=1	\	
2 Triplet (t)	$2\sqrt{1}$	Male as on		J J
3 Quartet (q)	1 3 3 1	n=2		
4 Quintet	1 4 6 4 1	₩ ₩	^	
5 Sextet	5 10 10 5 1			J J
6 Septet	$\frac{1}{6}$ $\frac{1}{15}$ $\frac{1}{20}$ $\frac{1}{15}$ $\frac{1}{6}$ $\frac{1}{1}$	n=3	^	
7 Octet	$\sqrt{21}$ $\sqrt{35}$ $\sqrt{35}$ $\sqrt{21}$ $\sqrt{7}$		Į.	. 44 1 0.
8 <i>Nonet</i> 1 8	28 56 70 56 28 8	1 +++ +++ +++++++++++++++++++++++++++++	↑↓ ↑↑↑	

FIGURE 3.32 Pascal's triangle. Relative intensities of first-order multiplets; n = number of equivalent coupling nuclei of spin 1/2 (e.g., protons).

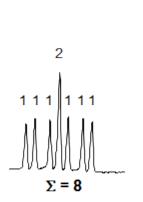
1. Tutti i multipletti del primo ordine sono centrosimmetrici. (a parte qualche distorsione possibile).

Ma ATTENZIONE: non tutti i multipletti centrosimmetrici sono del 1° ordine.

2. Assegnando intensità 1 al picco più esterno, gli altri devono avere intensità multipla secondo numeri interi (1x, 2x, 3x, 4x in altezza), e l'intensità totale deve essere una potenza di 2 (2, 4, 8, 16, 32, etc).

L'intensità di ciascuna riga esterna deve essere dunque 1/2ⁿ dell'intensità totale dove n è il numero di protoni accoppiati con quello che si analizza.

3. Non ci possono essere linee più piccole di quelle esterne. Per n grandi, queste possono essere confuse con il noise e in questo caso l'assegnazione delle intensità e quindi di n può essere difficile.

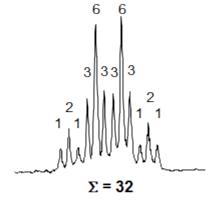


Accoppiato con altri 3 protoni $2^3 = 8$ 3 valori di J

ddd

 $\Sigma = 16$

Accoppiato con altri 4 protoni $2^4 = 16$ 4 valori di J dddd



Accoppiato con altri 5 protoni $2^5 = 32$ 5 valori di J ddddd

Molteplicità: caso generale (qualunque valore di J)

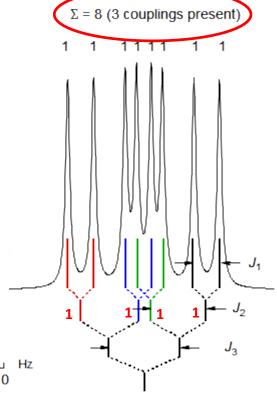
- 1. Si sommano le intensità relative dei segnali in questo caso 8
- 2. Si numerano le linee da sinistra a destra
- 3. Si guarda la separazione 1-2, che è la J_1 (la più piccola). Siccome I1/I2 = 1, la J_1 compare una volta sola e lo splitting appartiene ad un doppietto
- 4. Cerco tutte le coppie di linee (doppietti) con la stessa J e considero il centro di queste.
- 5. Ne risulta un sottomultipletto più semplice da cui è stata rimossa la J₁
- 6. Tenere sempre conto delle intensità (ogni unità di intensità deve essere considerata una sola volta).
- 7. Nel primo sottomultipletto guardo di nuovo la separazione fra 1 e 2 che sarà la costante J₂

30

20

10

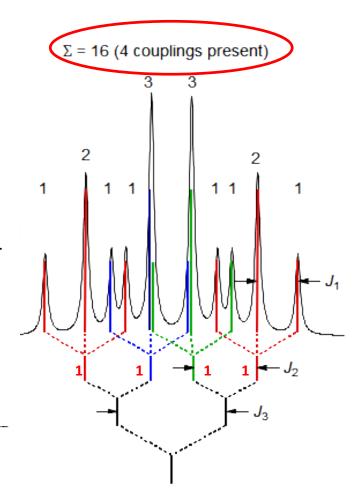
8. Ripeto il processo finchè arrivo al singoletto.

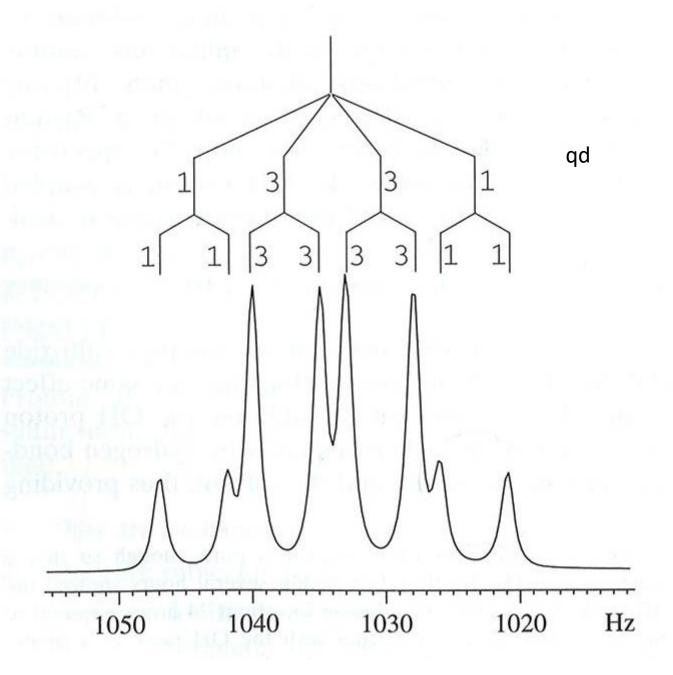


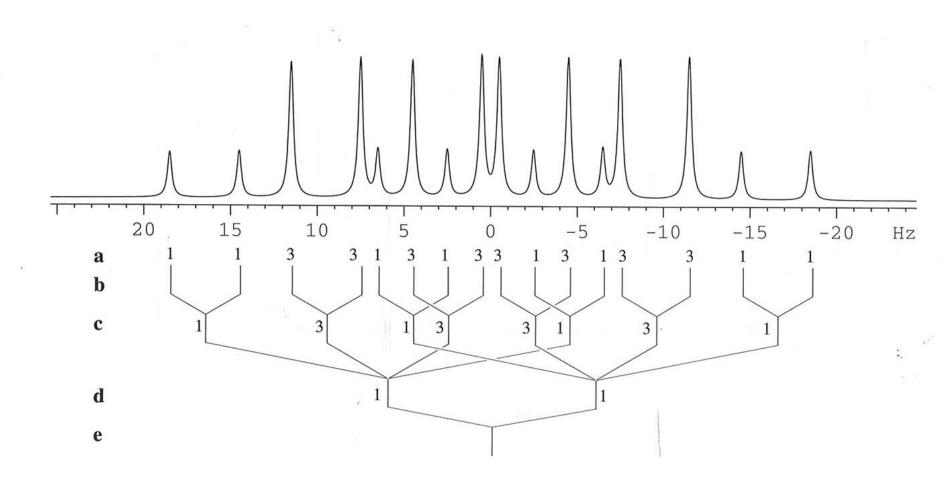
ddd, J = 12, 10, 4 Hz

- 1. Come prima, la separazione fra 1 e 2 è J_1 , ma $J_1/J_2 = 1:2$ quindi è lo splitting di un tripletto e la stessa J appare due volte
- 2. Rimuovo J₁ del tripletto
- 3. Scrivo un sottomultipletto con i centri dei tripletti
- 4. Le due linee di intensità 3 sono la somma di due linee, una di intensità 1 e una di intensità 2.

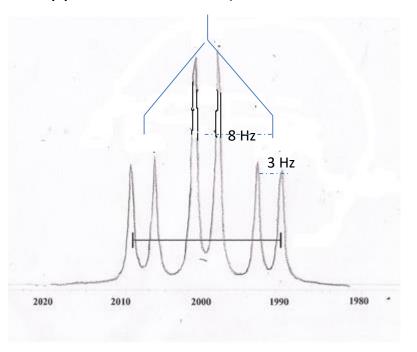
ddt, J = 16, 10, 6, 6 Hz



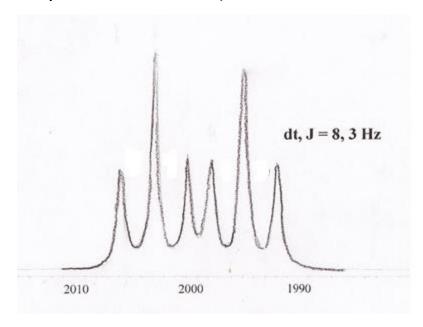


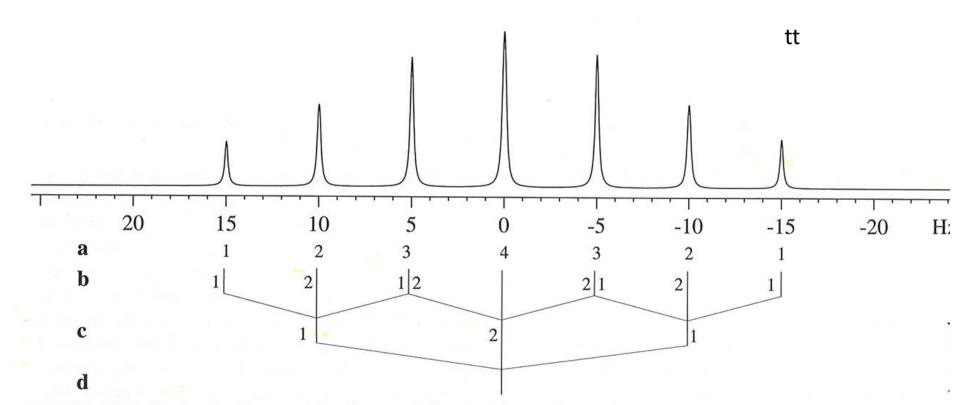


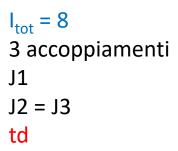
td, J = 8 e 3 Hz (tripletto di J = 8 Hz, splittato in un doppietto di J = 3 Hz)

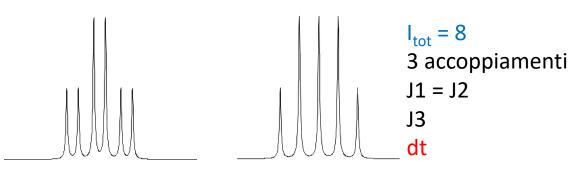


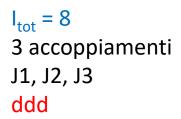
dt, J = 8 e 3 Hz(doppietto di J = 8 Hz, splittato in un tripletto di J = 3 Hz)

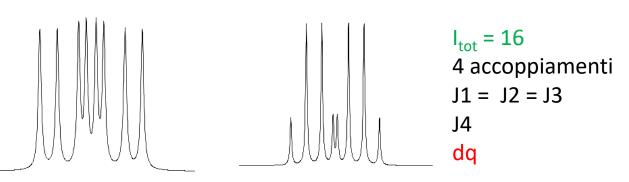


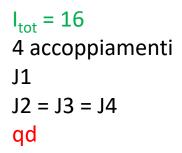


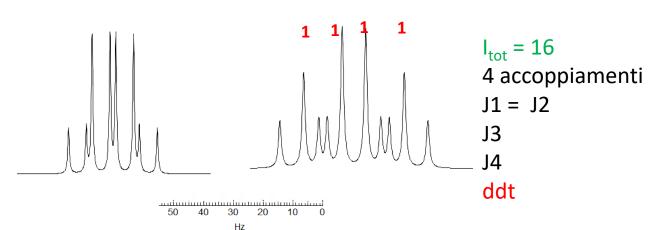




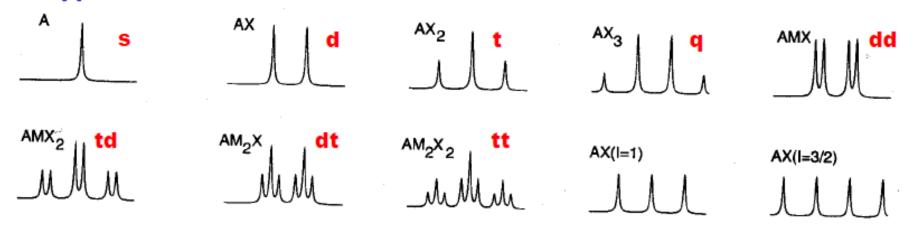




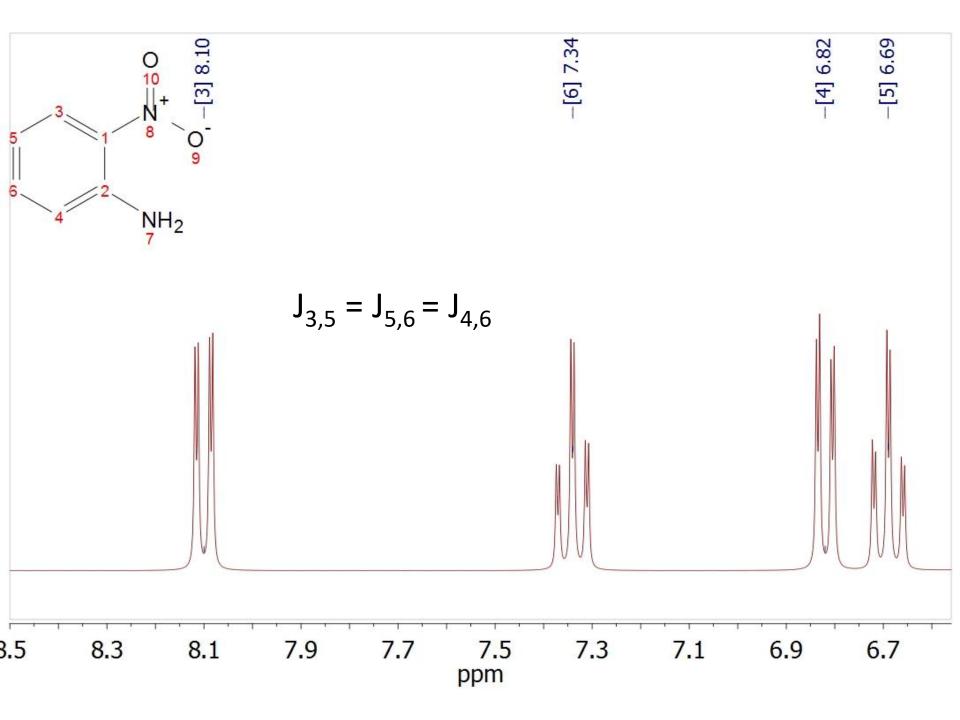




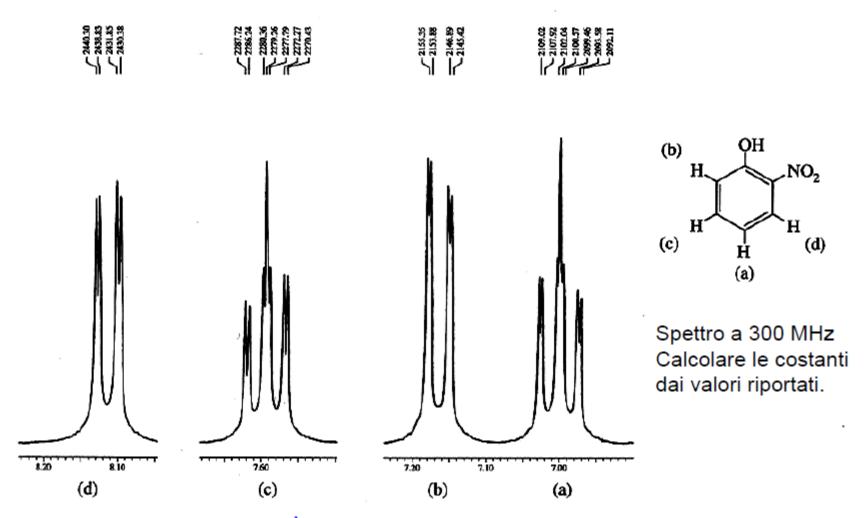
In generale la notazione che usa le lettere dell'alfabeto per indicare i protoni porta alla seguente classificazione dei sistemi del PRIMO ORDINE nei quali un protone (A) accoppia con uno o più protoni (o altri nuclei come negli ultimi due esempi) con una (sistemi AX_n) o due (sistemi AX_nM_y) costanti di accoppiamento



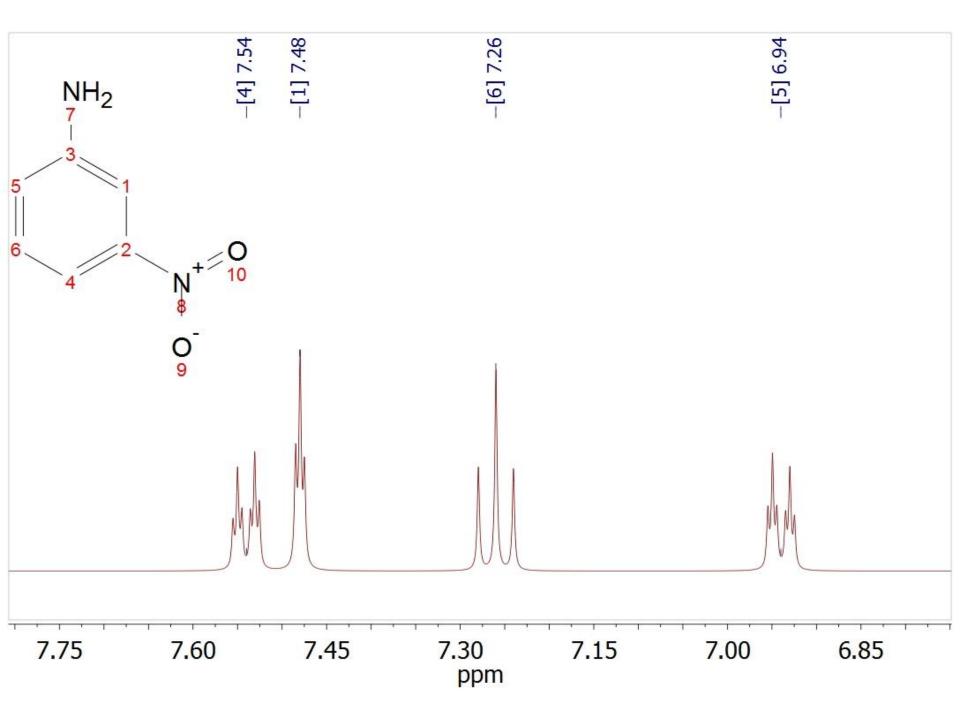
SISTEMI DEL PRIMO ORDINE IN BENZENI SOSTITUTI



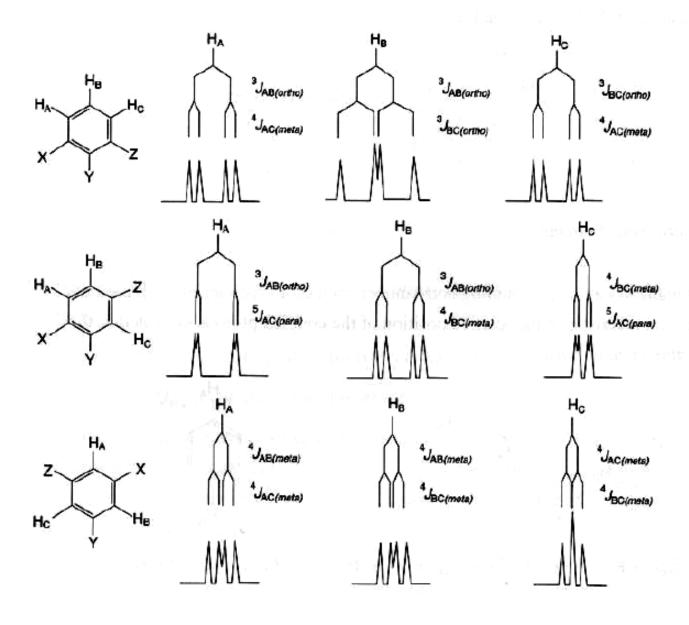
Accoppiamento in sistemi aromatici

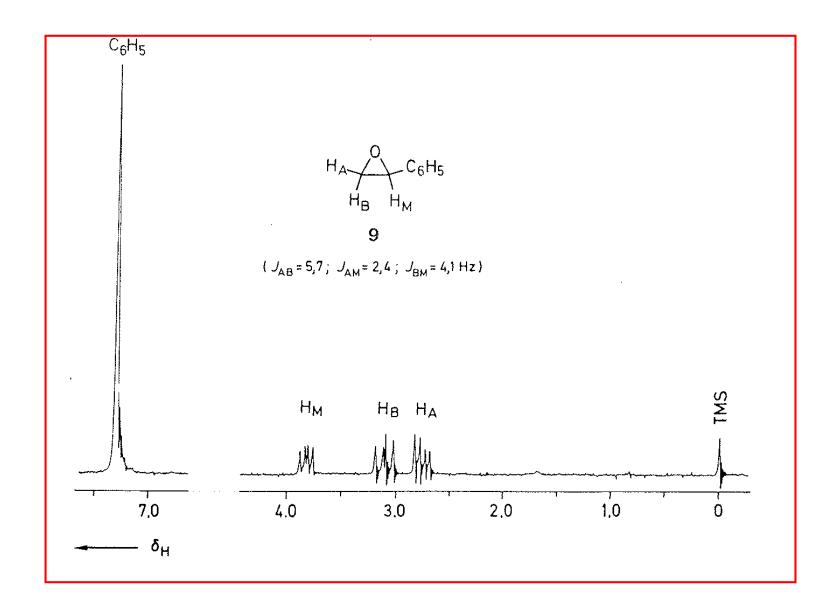


È possibile una analisi con l'approssimazione del primo ordine

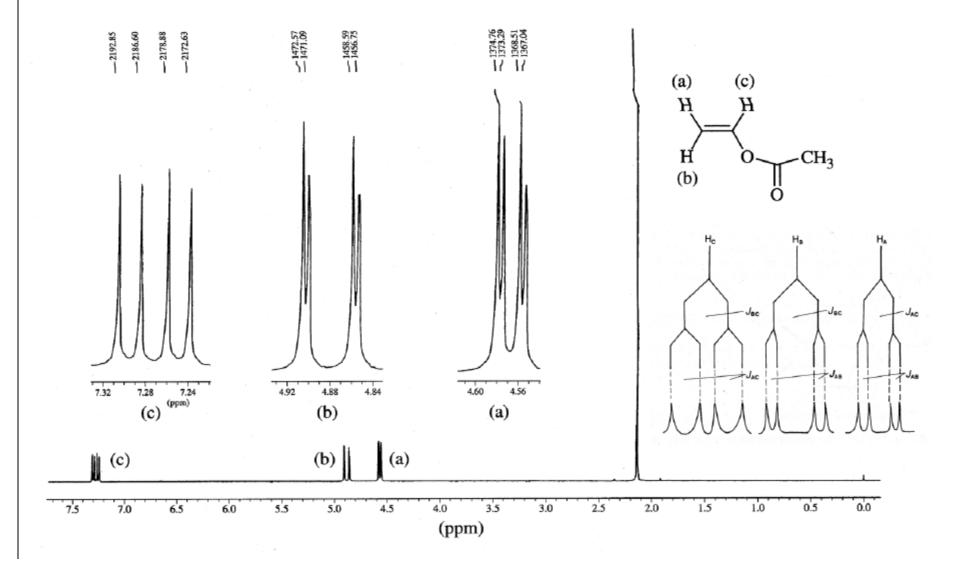


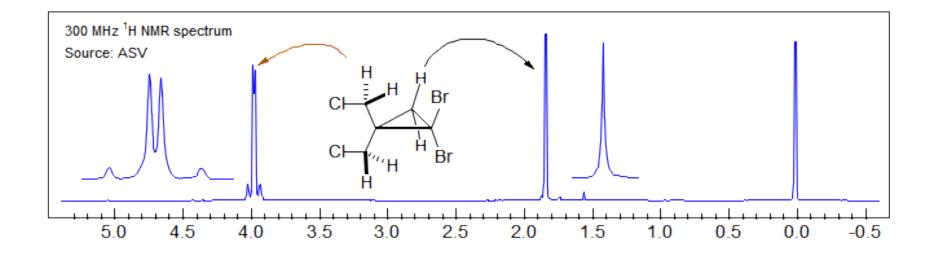
Accoppiamento in sistemi aromatici





Accoppiamento negli alcheni: spettro a 300 MHz





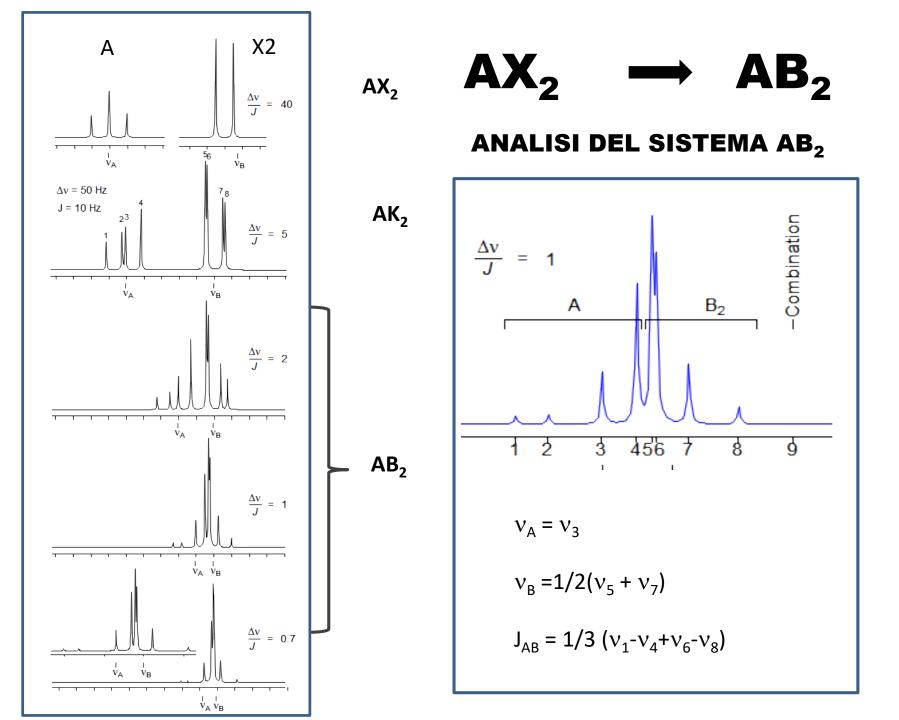
I PROTONI DEL GRUPPO CH₂CI SONO DIASTEREOTOPICI MA NON QUELLI DEL CH2 DEL CICLOPROPANO SIMMETRICI RISPETTO AL PIANO

Passaggio del sistema di spin da AX ad AB

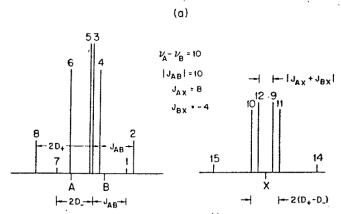
Δ	J	V _p	Δ	△ ∕J
	(I 2)		([-])	
02	10	900	180	18
02	10	50 0	100	10
02	10	30 0	6	6
02	10	100	2 0	2
02	10	6	12	12
02	10	30	6	06
Ω 2	10	10	2	Ω 2

Passaggio del sistema di spin da AX₂ ad AB₂

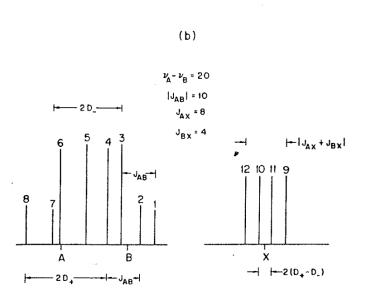
	J (1-3)	△ ✓ (1-3)	△ J
* · · · ·		 e e e	
		 	·
*		 	·
* · · · ·		 	
		 ·	
		 ·	



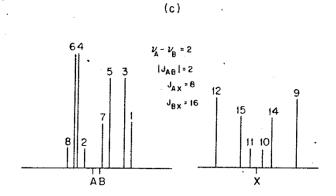
SPETTRI ABX CALCOLATI



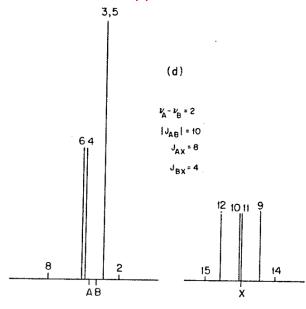
A e B completamente sovrapposti



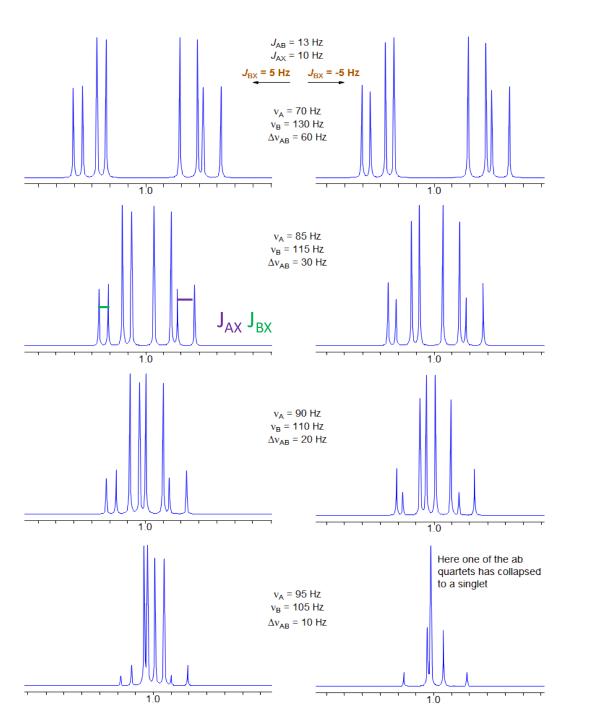
A e B parzialmente sovrapposti



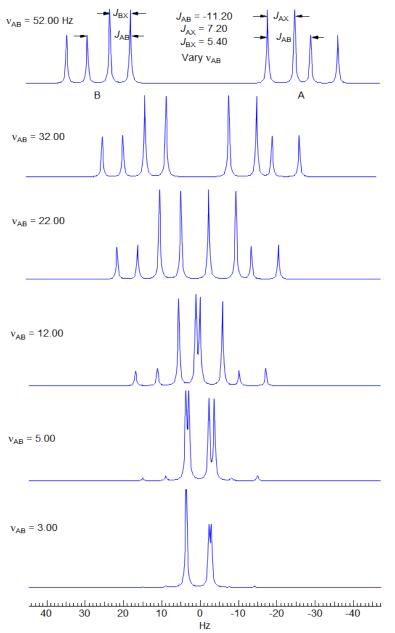
A e B non sovrapposti



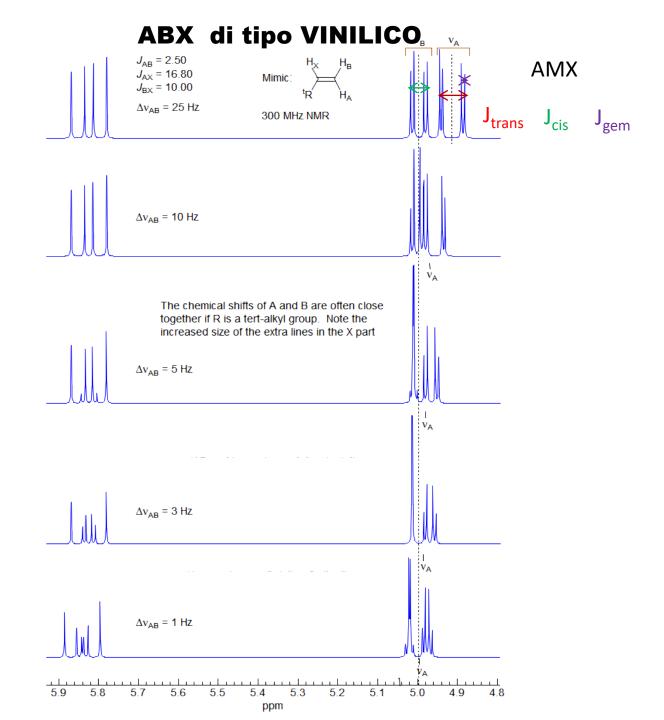
5 linee (parte AB) invece di 8



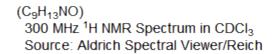
Influenza della J

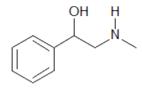


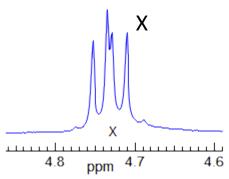
Influenza DEL CHEMICAL SHIFT

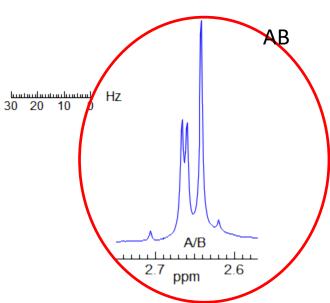


ABX

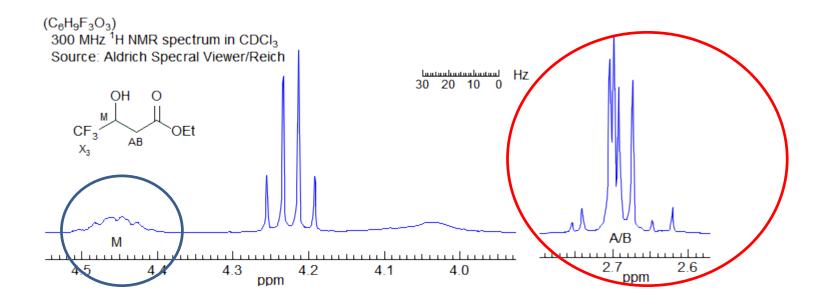




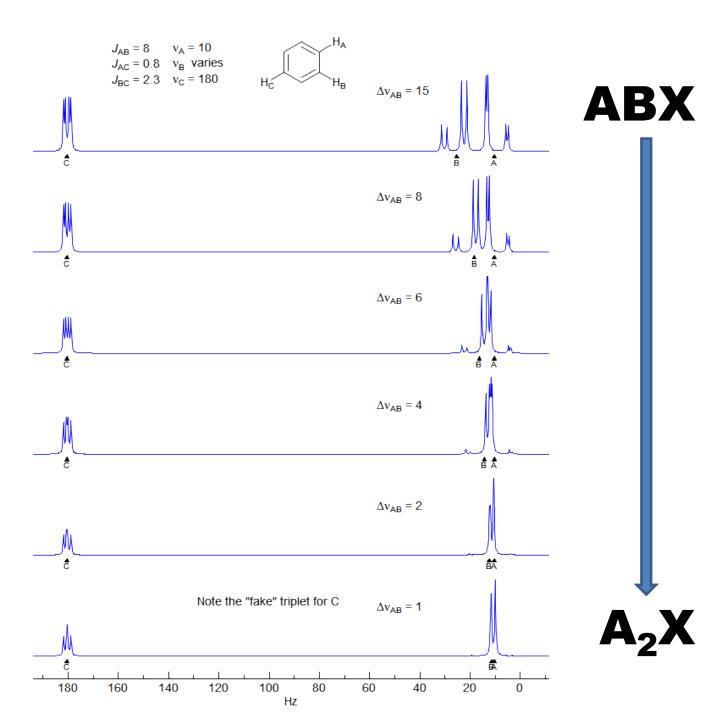


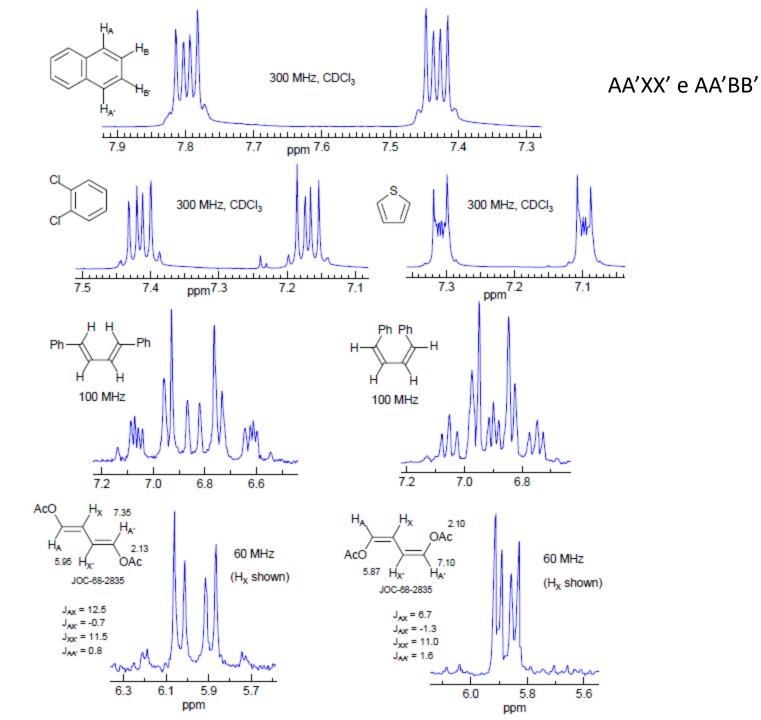


$AMX \longrightarrow ABX$

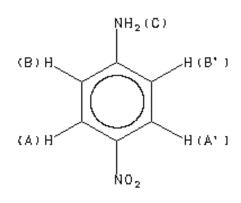


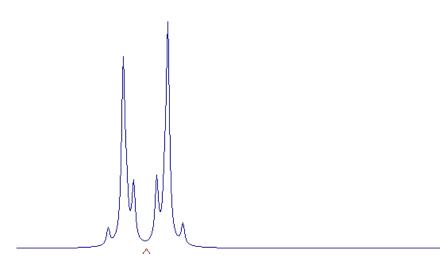
Pattern ABX (in realtà un ABMX₃ siccome il nucleo M è accoppiato con I tre atomi di fluoro) Non interpretabile come primo ordine.

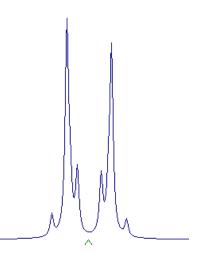




Parameter	ppm Hz
D(A)	8.02
D(B)	6.76
D(C) 5.9	97
J(A,A')	3.0
J(A,B)	8.9
J(A,B')	0.3
J(A',B)	0.3
J(A',B')	8.9
J(B,B')	2.3



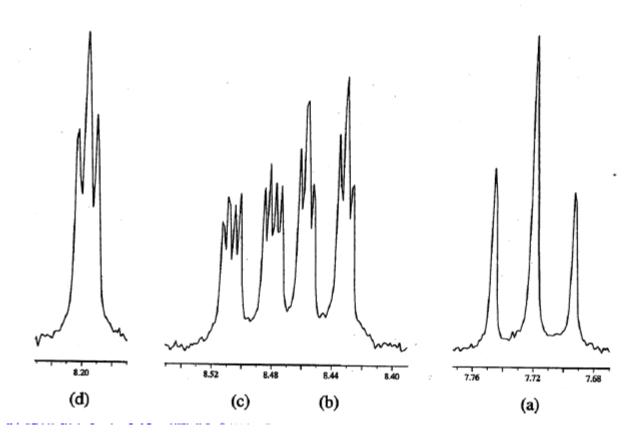




Accoppiamento in sistemi aromatici



È possibile una analisi con l'approssimazione del primo ordine

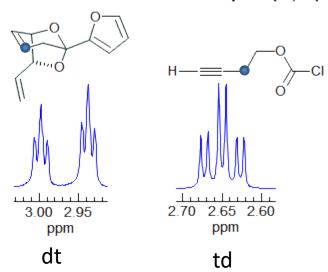


Spettro a 300 MHz Calcolare le costanti dai valori riportati.

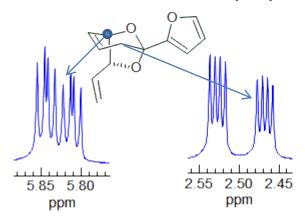
ESERCIZI

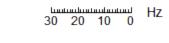
Doublet of doublets (dd)

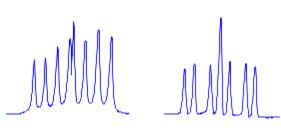
Triplet of doublets or doublet of triplets (dt, td)



Doublet of doublets (ddd)

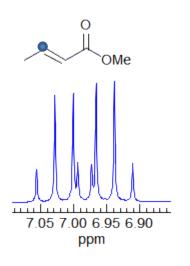


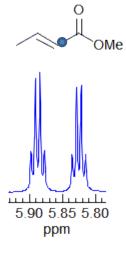


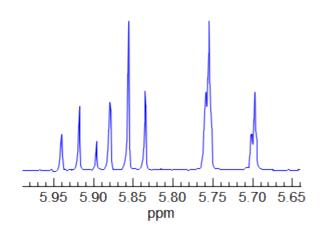


ESERCIZI

Doublet of quartets (dq)







Non 1° ordine