

# Lezione 2 Cinematica del punto materiale

Corso di Fisica Medica (050ME-9) Corso di Laurea Triennale in Fisioterapia — A.A. 2025/2026 Dipartimento di Scienze Mediche Chirurgiche e della Salute

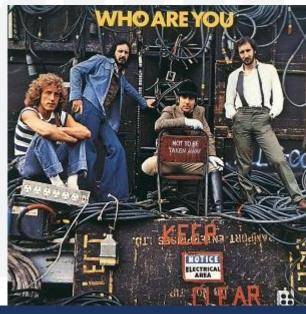
Luca Brombal

email: lbrombal@units.it

tel: 040 558 2778

### Chi sono

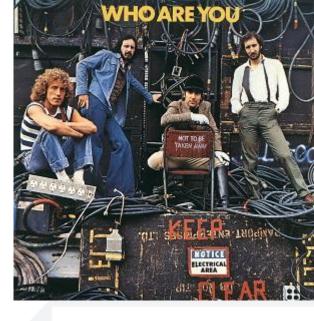
- Luca Brombal
  - Ricercatore tenure track (RTT) Dipartimento di Fisica
  - Università di Trieste
- Incarico di ricerca all'INFN
  - Istituto Nazionale di Fisica Nucleare
- Ufficio
  - Dipartimento di Fisica (Edificio F)
  - 2° piano
  - Corridoio di sx seconda porta a sx (stanza 229)





### Chi sono

- Come ricercatore:
  - Tecniche avanzate di imaging con i raggi-X
  - Applicazioni alla biologia e alla medicina



- Come insegnante:
  - Fisica Medica (Medicina, 2 CFU)
  - Laboratorio di radioprotezione nel campo ambientale e lavorativo (Fisica, 3 CFU)
  - X-ray imaging laboratory (Master fi Fisica medica Units-ICTP, 2 CFU)
  - Fisica Medica (Fisioterapia, 2 CFU)



### Testi di base

• Quelli indicati dal prof. Rigon, in particolare

G. Miele, O. Pisanti «Introduzione alla Fisica»

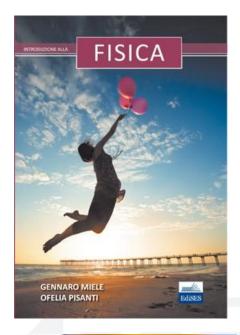
Edises

https://www.edises.it/default/introduzione-allafisica.html?srsltid=AfmBOor7jMiKffb8WzieTn5sdxf1-BjHp8H5l16sO4\_nNw1rx4Bn8pzv

R. Velotta basato sull'opera di E. Ragozzino «Fisica Generale»

Edises

https://www.edises.it/default/r-velotta-principi-di-fisica-ied.html?srsltid=AfmBOopbnLaV2Jgn59vEXz8ABQtvePFkiieSz2
6K 7kZKdiKdUXHo2fU



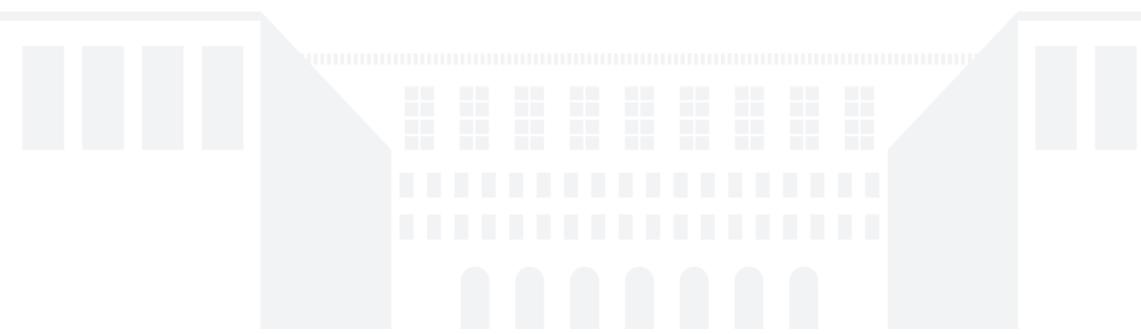




# Contenuti video a supporto della didattica

Utilizzeremo alcuni video didattici sulla piattaforma JoVE

Ogni tanto li useremo anche in classe per «spezzare il ritmo»





# Quiz e sondaggi

Durante la lezione compariranno sondaggi e quiz tramite la piattaforma Wooclap. Sono utili

- a me per avere un riscontro su come sta andando la lezione
- voi per staccare un attimo







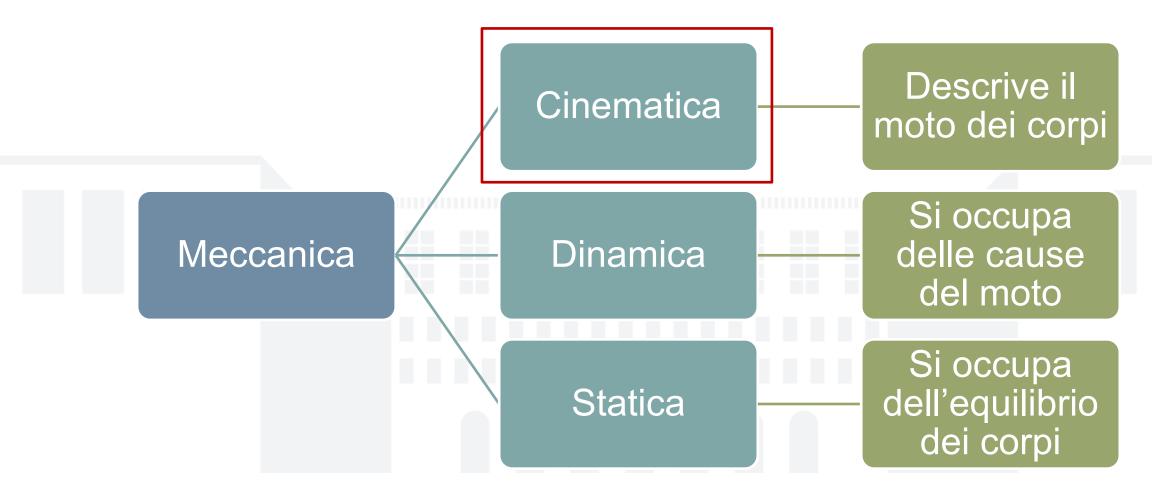
# Meccanica – dinamica del punto materiale

Corso di Fisica - semestre filtro - A.A. 2025 - 2026

Luca Brombal: lbrombal@units.it

Dipartimento di Scienze Mediche Chirurgiche e della Salute

### Cominciamo!





### Definizioni

 Punto materiale: un punto geometrico caratterizzato dalla sua posizione nello spazio e da una massa

→ NOTA: Questa approssimazione vale «nella vita vera» se gli oggetti descritti sono piccoli rispetto alle distanze in gioco nel loro moto

- Il moto di un punto materiale è completamente noto se e solo se conosco la sua posizione nello spazio per ogni istante di tempo.
- Traiettoria: luogo delle posizione assunte dal punto materiale durante il suo moto



### Traiettoria in 1D

 Se il punto si muove in 1D, ovvero lungo una linea retta

 O se il punto si muove lungo una traiettoria pre-determinata che conosco (→ascissa curvilinea)

Per descrivere il moto è sufficiente conoscere una singola coordinata in funzione del tempo x(t)

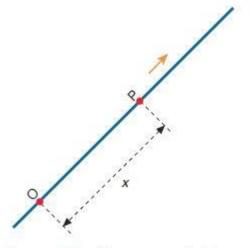
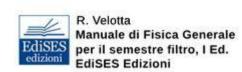
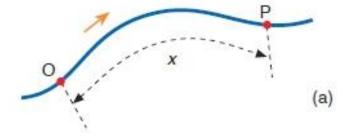


Figura 3.5 Una particella P si muove lungo una retta. La funzione x(t) esprime la sua posizione in funzione del tempo.





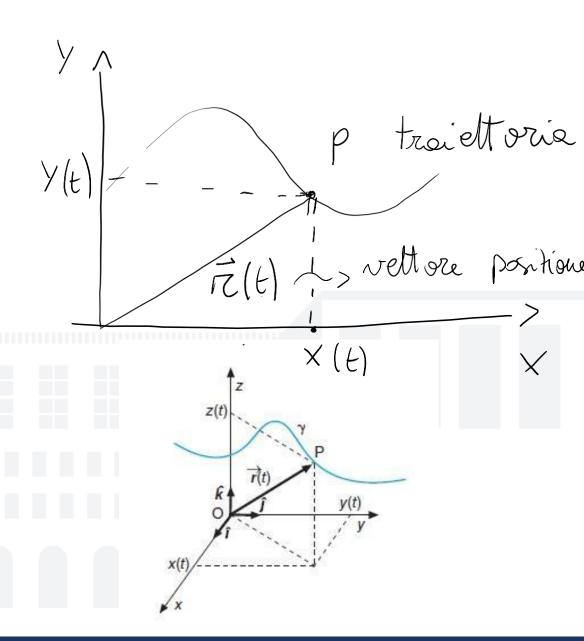


### Traiettoria in 2D o 3D

 In generale è necessario conoscere il vettore posizione, o raggio vettore, in funzione del tempo

$$\overrightarrow{r}(t) = (x(t), y(t))$$
 in 2 D

$$\overrightarrow{r}(t) = (x(t), y(t), z(t))$$
 in 3 D

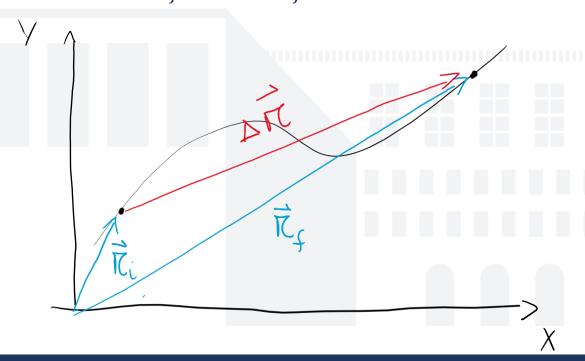




# Lo spostamento

Dire che un punto si sposta significa dire che la sua posizione cambia nel tempo.

Se consideriamo un intervallo di tempo  $\Delta t$ , che inizia all'istante  $t_i$  e finisce all'istante  $t_f\colon \Delta t=t_f-t_i$ 



$$\Delta \vec{n} = \vec{r}_f - \vec{r}_i$$
;  $\vec{r}_f = (x_f, y_f)$ 
 $\vec{r}_{\lambda} = (x_f, y_i)$ 
 $\vec{r}_i = (x_f - x_i, y_f - y_i)$ 
 $\vec{r}_i$ : posizione al tempo  $t_i$ 
 $\vec{r}_f$ : posizione al tempo  $t_f$ 
 $\Delta \vec{r} = \vec{r}_f - \vec{r}_i \leftarrow vettore spostamento$ 



### La velocità media

o In 1D



 $x_i$ : posizione al tempo  $t_i$ 

 $x_f$ : posizione al tempo  $t_f$ 

$$\Delta x = x_f - x_i \leftarrow spostamento$$

Analogamente, nel caso 2D o 3D

$$\overrightarrow{v}_m = \frac{\Delta \overrightarrow{r}}{\Delta t} = \frac{\overrightarrow{r}_f - \overrightarrow{r}_i}{t_f - t_i}$$





## La velocità istantanea

 La velocità istantanea si ottiene «al limite» considerando intervalli di tempo molto piccoli (infinitesimi)

se 
$$\Delta t \rightarrow 0$$
, allora  $\overrightarrow{v}_m \rightarrow \overrightarrow{v}$ 

$$\overrightarrow{r}_t$$

$$\overrightarrow{r}_t$$

$$\overrightarrow{r}_t$$

$$\chi$$

### Video velocità istantanea

$$\vec{N} = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{R}}{\Delta t} := \frac{0}{0} |\vec{R}|$$

la derivota dello spostomento nel tempo.

 $\vec{v}$  è un vettore:

- modulo:  $\left|\lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta \vec{r}}{\Delta t}\right|$
- direzione: tangente alla traiettoria
- verso : quello del moto





## Unità di misura e conversioni

o L'unità di misura della velocità nel Sistema Internazionale (SI) è

$$[v] = \frac{[L]}{[T]} = \frac{m}{s}$$

Un'unità di misura pratica spesso usata

$$\frac{1 \text{ km}}{\text{en}} = 1 \quad \frac{\text{km} \cdot 1000 \text{ km}}{\text{k} \cdot 3600 \text{ s}} = \frac{1}{3.6} \quad \frac{\text{m}}{\text{s}} = 3,6 \quad \text{km}$$
Velocità della luce
$$C = 3 \times 10^{8} \quad \text{m} = 300^{\circ} \cdot 000^{\circ} \cdot 000^{\circ}$$

### Accelerazione media e istantanea

Un corpo materiale si dice accelerato quando il suo vettore velocità cambia nel tempo.

 $\circ$  Se consideriamo l'intervallo «finito» di tempo  $\Delta t$ , parliamo di accelerazione media

Qm = 
$$\frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

 $\circ$  Se consideriamo l'intervallo «infinitesimo» di tempo  $\Delta t o 0$ , parliamo di accelerazione istantanea

$$\vec{Q} = \lim_{\Delta t \to 0} \Delta \vec{x} = \frac{d\vec{x}}{dt}$$

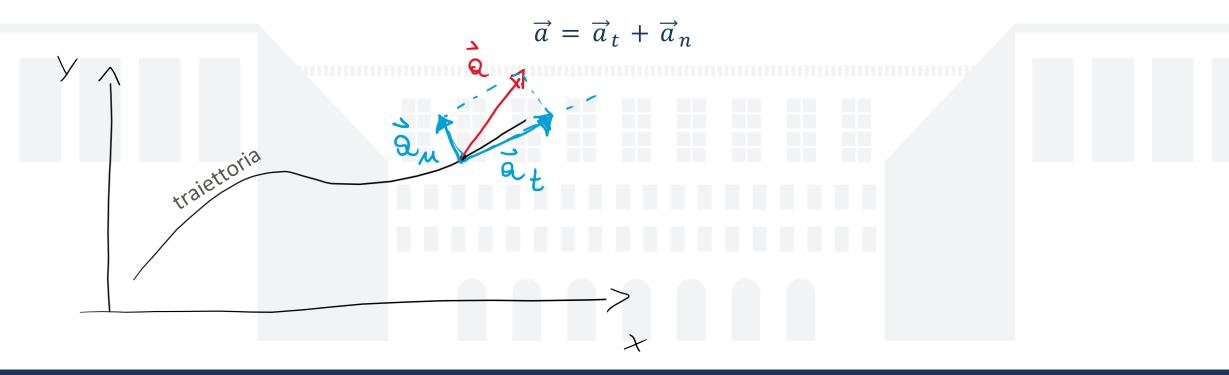
NOTA: anche se il modulo della velocità non cambia un corpo può essere accelerato, basta che cambino direzione e verso!

Video accelerazione istantanea



### Accelerazione: direzione e verso

In genere il vettore  $\vec{a}$  non è tangente alla traiettoria, bensì ha sia una componente tangenziale che una componente «normale» (cioè ortogonale) alla traiettoria.





### Accelerazione unità di misura

o L'unità di misura dell'accelerazione nel Sistema Internazionale (SI) è

$$[a] = \frac{[\Delta v]}{[\Delta T]} = \frac{[L][T^{-1}]}{[T]} = \frac{[L]}{[T]} = \frac{m}{s^2}$$

 A causa del campo gravitazionale, un oggetto in caduta libera (nei pressi della superficie della terra) accelera con un accelerazione

$$|\vec{g}| = g = 9.8 \frac{m}{s^2}$$



# La rappresentazione del moto

Ci limitiamo al caso 1D, l'estensione a 2D e 3D può essere fatta semplicemente considerando il caso 1D per ciascuna componente.

### 1. Tabella della legge oraria

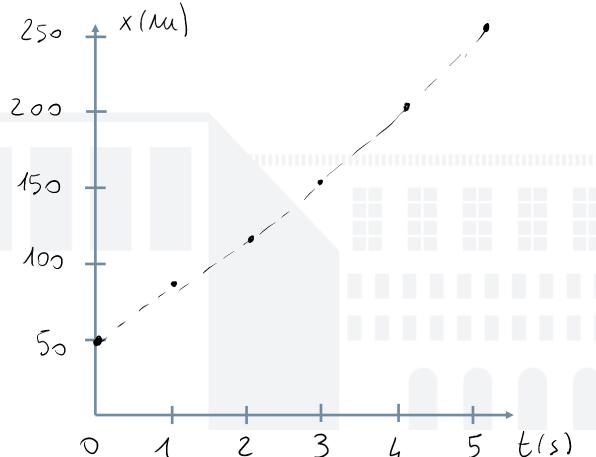
| t(s) | x (m) |
|------|-------|
| 0    | 50    |
| 1    | 82    |
| 2    | 118   |
| 3    | 152   |
| 4    | 202   |
| 5    | 250   |

Annotiamo i valori di posizione x(t)misurati a dati istanti di tempo t



# La rappresentazione del moto

2. Diagramma della legge oraria



| t (s) | x (m) |
|-------|-------|
| 0     | 50    |
| 1     | 82    |
| 2     | 118   |
| 3     | 152   |
| 4     | 202   |
| 5     | 250   |

Si utilizza un diagramma cartesiano con t sull'asse delle ascisse e x(t) sulle ordinate



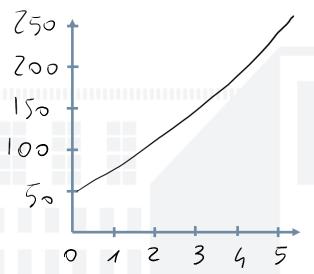
# La rappresentazione del moto

3. Formula della legge oraria (forma chiusa)

Se il moto è regolare, cioè la posizione x(t) è esprimibile come una funzione

analitica del tempo)

$$x(t) = \left(2\frac{m}{s^2}\right)t^2 + \left(30\frac{m}{s}\right)t + 50m$$



NOTA: questa forma è conveniente perché se conosciamo il «tipo» di moto possiamo calcolare la posizione del punto materiale x(t) ad un qualsiasi istante di tempo t

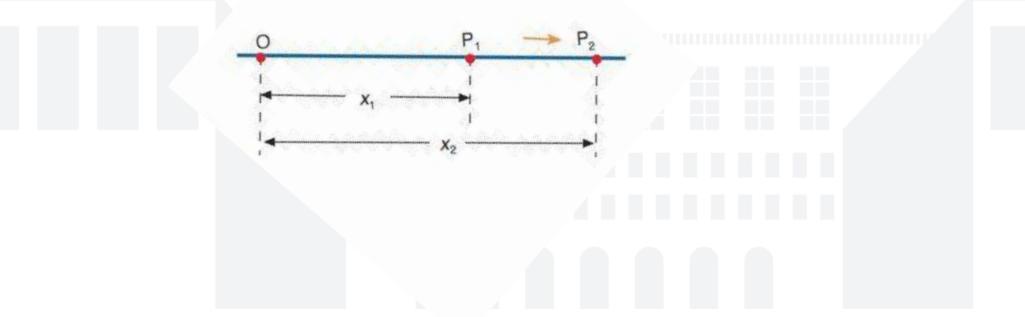






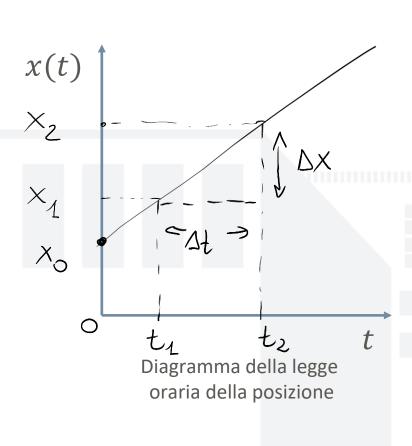
Avviene in 1D lungo una retta

Avviene a velocità costante (v = const)





# Il moto rettilineo uniforme



$$N_{\text{III}} = \frac{\Delta X}{\Delta t} = \frac{X_z - X_1}{t_z - t_1} | \frac{e \, la \, peus leu va}{uedia della}$$

We arrow that, etz

MA, poiché N = cost = No => Nm = No >> la pendenza della curva è costante => la curva é una retta, con pendenza No 1

L'interetta della retta é x0, overs la positione 0 t=0

$$X(t) = X_0 + N_0 t$$



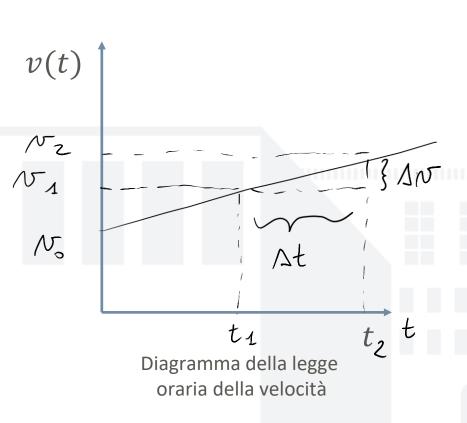
Il moto rettilineo uniformemente accelerato

Avviene in 1D lungo una retta

Avviene a accelerazione costante (a = const)



# Il moto rettilineo uniformemente accelerato

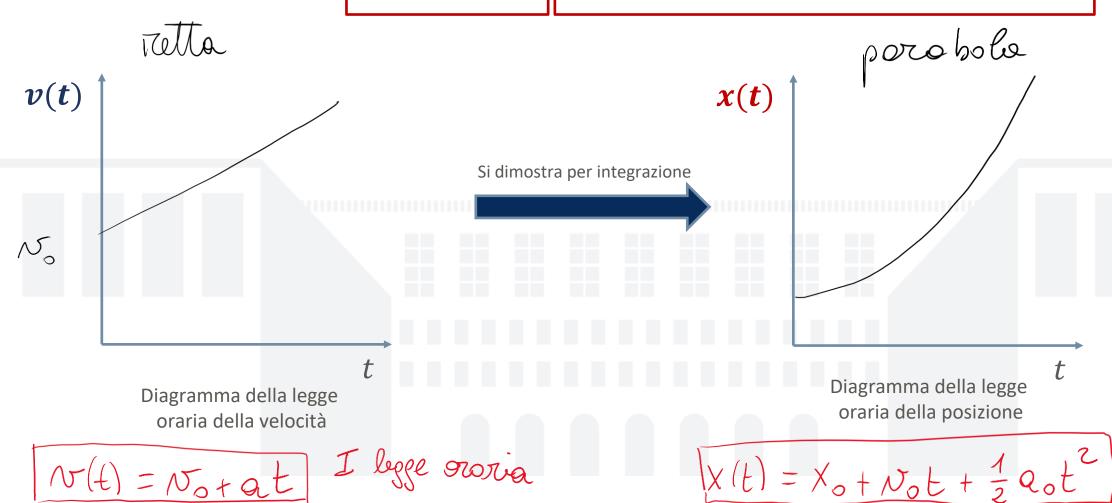


$$am = \frac{\Delta N}{\Delta t} = \frac{Nz - N_1}{tz - t_1}$$
poidui l'occelerosione è costonte
$$am = ao per grui \Delta t$$

$$V(t) = No + ao t$$



# Il moto rettilineo uniformemente accelerato

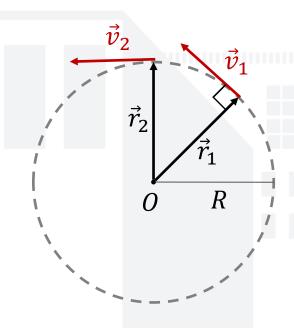






# Il moto circolare uniforme

La traiettoria è circolare



La velocità è <u>costante in **modulo**</u> (ma non in direzione e verso)

$$|\vec{R}_1| = |\vec{R}_2| = R$$
 $|\vec{N}_1| = |\vec{N}_2| = N$ 

NOTA: le velocità i

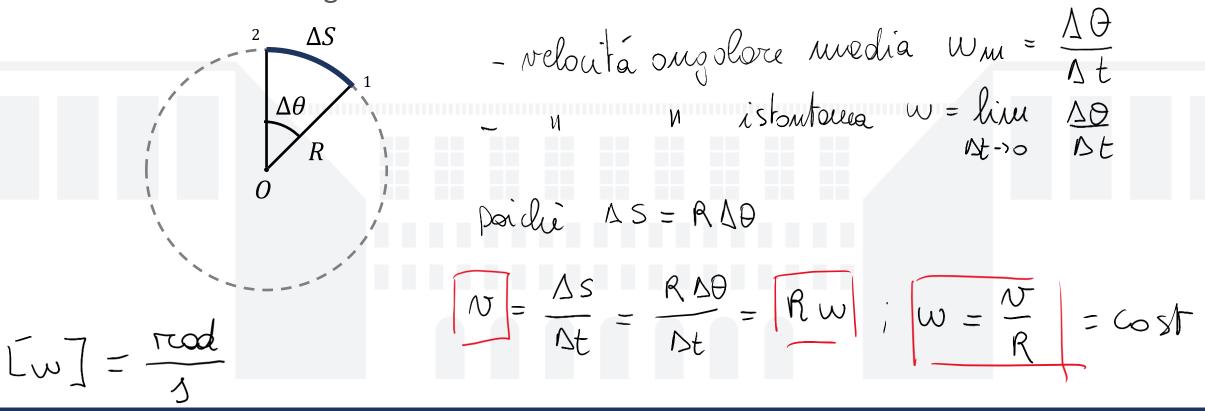
Costonte solo in modulo!

- In ogni istante  $\vec{r}$  e  $\vec{v}$  sono ortogonali tra di loro e  $\vec{v}$  è tangente alla traiettoria
- R e v sono costanti nel tempo mentre  $\overrightarrow{r}$  e  $\overrightarrow{v}$  cambiano continuamente direzione

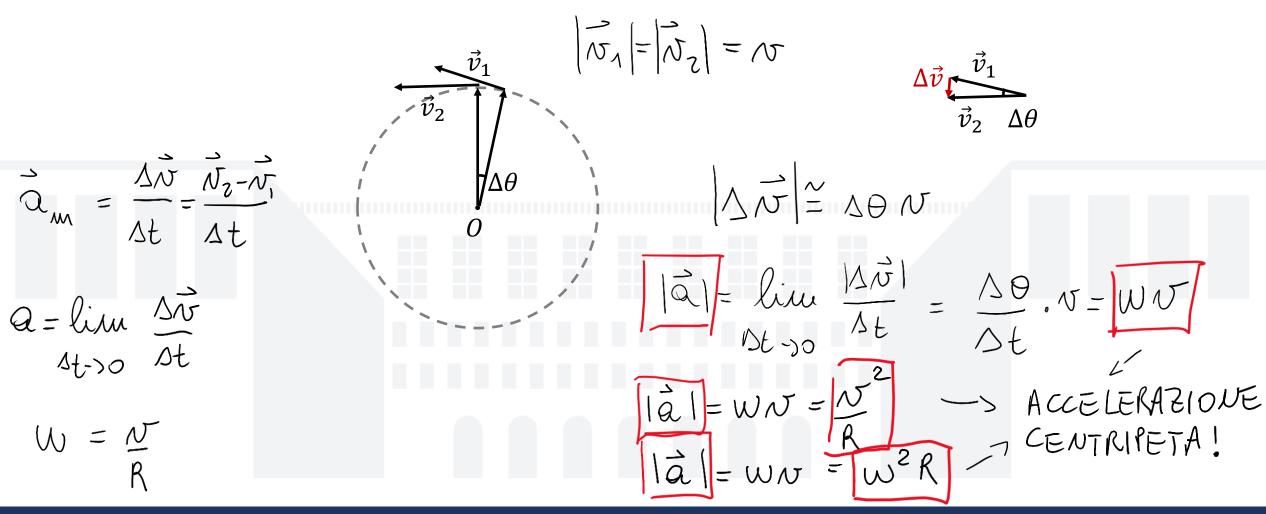


# Il moto circolare uniforme: velocità angolare

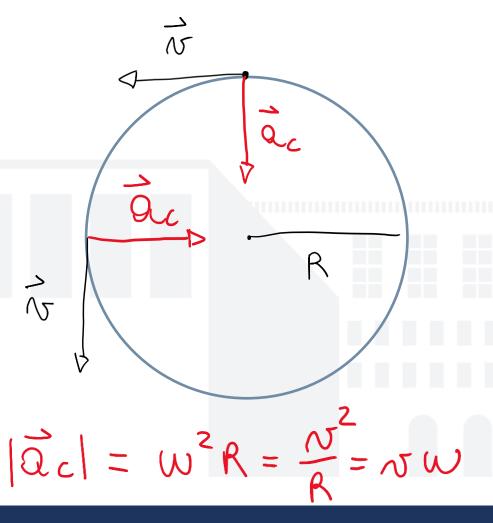
Consideriamo  $\Delta t=t_2-t_1$  e definiamo  $\Delta \theta$  l'intervallo angolare all'arco di circonferenza di lunghezza  $\Delta S$ 

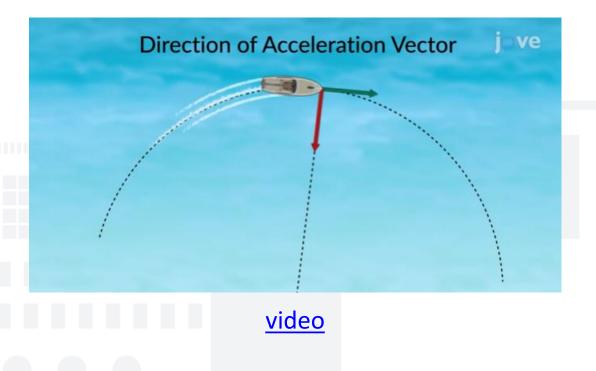


## Il moto circolare uniforme: accelerazione



## Il moto circolare uniforme: accelerazione centripeta







# Il moto circolare uniforme: periodo e frequenza

Il moto circolare uniforme è periodico, ovvero il punto materiale passa per lo stesso punto della traiettoria a intervalli di tempo regolari.

Tale intervallo di tempo si definisce periodo T. Si dice anche che il moto circolare avviene ad una certa frequenza  $\nu$  ('ni'):



# Esercizi applicativi 1

# La spina (nel piede)

Camminando a piedi scalzi nel prato, un individuo si punge accidentalmente un piede con un ago di pino. Assumendo che la velocità di trasmissione degli impulsi nervosa attraverso le fibre di tipo A-alpha sia di  $100 \ m/s$  e che l'individuo sia alto  $1.80 \ m$ , dopo quanto tempo la persona avverte il dolore?

$$\Delta X = 1,80 \text{ m}$$

$$\Delta X = 1,80 \text{ m}$$

$$= 100 \text{ m/s}$$

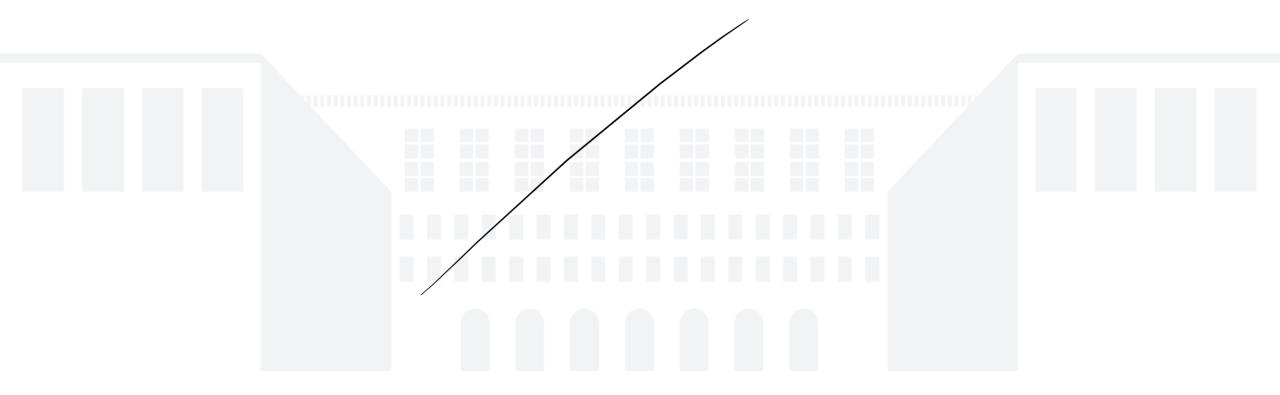
$$\Delta X = 1,80 \text{ m}$$

$$= 1,8 \times 10^{-2} \text{ s}$$

$$= 18 \text{ m/s}$$



# Esercizi applicativi 1





# Esercizi applicativi 2

# Naso rotto (oppure no?)

Un'automobile che viaggia alla velocità di  $50 \ km/h$  urta un ostacolo e si ferma.

- (a) Un passeggero dotato di cintura di sicurezza si arresta in  $1,1\ s$ : qual è, in modulo, la sua decelerazione media?
- (b) Il conducente, sprovvisto di cintura, batte la testa e si arresta in  $40 \ ms$ : qual è, in modulo, la sua decelerazione media?
- (c) Dato che la massima accelerazione a cui può essere sottoposto il setto nasale prima di rompersi è 30g (con g accelerazione di gravità), il passeggero si è rotto il naso? E il conducente?

a) 
$$N_{i} = \frac{50 \text{ km}}{8} = \frac{50 \text{ m}}{3.6 \text{ s}}; \Delta t_{a} = 1.1 \text{ s}; N_{f} = 0 \frac{\text{km}}{8} = 0 \frac{\text{m}}{3}$$

$$|9 \text{ m}| = |\frac{\Delta N}{\Delta t}| = \frac{50/3.6 \frac{\text{m}}{3}}{1.1 \text{ s}} = 12.6 \frac{\text{m}}{5^{2}} \approx 13 \frac{\text{m}}{3} \approx 1.39$$



b) 
$$\Delta t_b = 4 \text{ m/s} = 4 \times 10^{-3} \text{ J}$$

$$|\alpha_m| = \frac{|\Delta_N|}{\Delta t} = \frac{52 \text{ m}}{4 \times 10^{-3}} = 3472 \frac{m}{52} \approx 3,5 \times 10^{3} \frac{m}{52}$$

$$\approx 359$$



#### Donatore di sangue

Una volta prelevato il sangue di un donatore la parte liquida (siero) e quella corpuscolare del sangue vengono separate per mezzo di una centrifuga. Le provette vengono sottoposte ad un'accelerazione centripeta di  $5000 \ m/s^2$  per  $5 \ minuti$ . Considerando che una centrifuga ruota a  $2500 \ rpm$ , determinare

- (a) il periodo e la frequenza (in Hz) di rotazione
- (b) La distanza a cui vanno poste le provette dal centro della centrifuga per ottenere l'accelerazione desiderata
- (c) il numero di rotazioni compiute da una provetta al termine del frazionamento.

a) 
$$7 = 2500 \text{ rpm} = 2500 \frac{1}{1000} = 2500 \frac{1}{1000} = 42 \text{ Hz}$$

$$T = \frac{1}{3} = \frac{1}{42} s = 24 \times 10^{-3} s = 24 \text{ ms}$$

min =  $2500 \text{ rpm} = 42 \text{ Hz}$ 



b) 
$$Q_{c} = W^{2}R = \frac{N^{2}}{R} = WN$$

$$V = \frac{W}{2\pi} = V = 2\pi V = 0$$

$$V = \frac{W}{2\pi} = V = 2\pi V = 0$$

$$V = \frac{W}{2\pi} = V = 2\pi V = 0$$

$$V = \frac{W}{2\pi} = V = 0$$

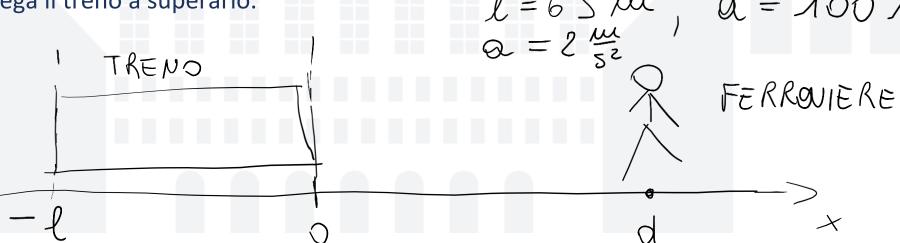
$$V = \frac{5000 \frac{W}{52}}{\sqrt{1000}} = \frac{5000 \frac{W}{52}}{\sqrt{1000}} = \frac{5000 \frac{W}{52}}{\sqrt{1000}} = \frac{5000 \frac{W}{52}}{\sqrt{1000}} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7$$



#### **Trenitalia**

Un treno della lunghezza di 69~m parte da fermo con una accelerazione di  $2~ms^{-2}$ . Un ferroviere si trova a 100~m dalla testa del treno. Calcolare

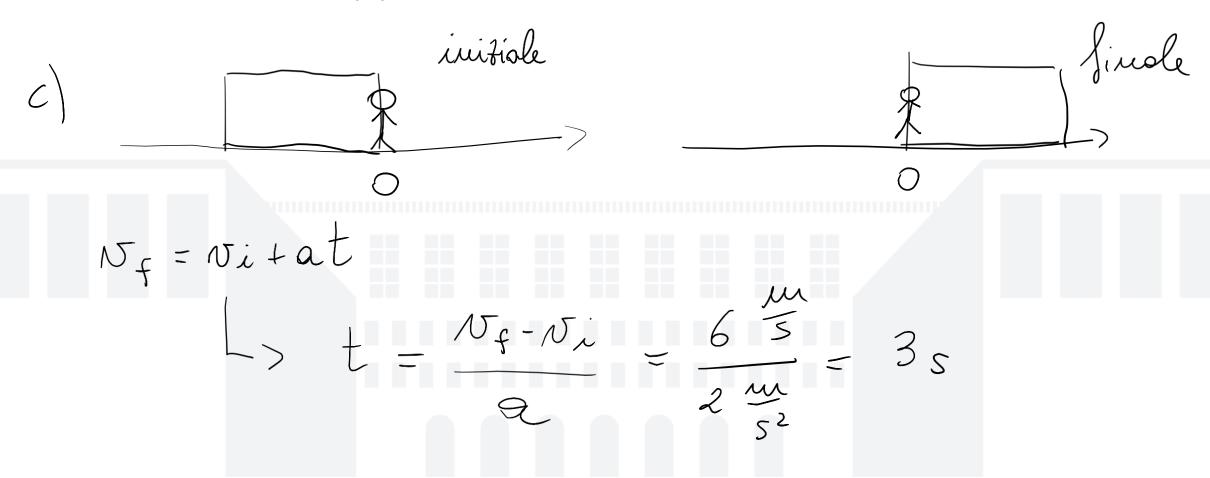
- (a) la velocità con cui la testa del treno passa davanti al ferroviere,
- (b) la velocità con cui la coda passa davanti a lui,
- (c) il tempo che impiega il treno a superarlo.





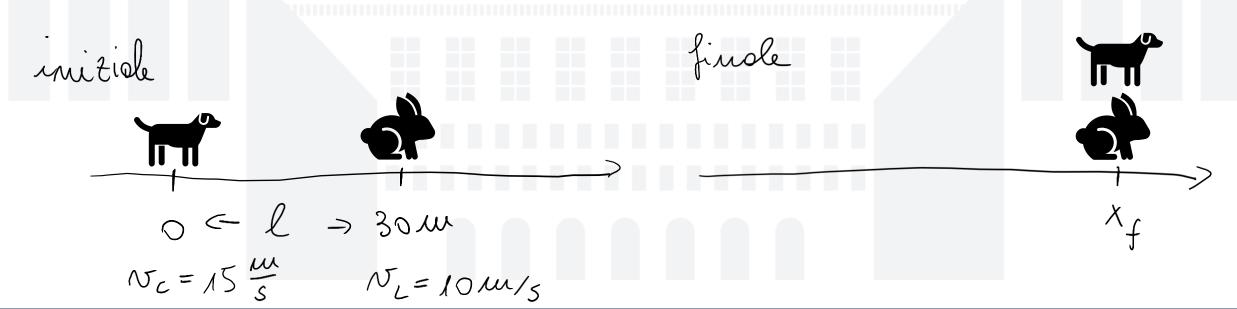
a) 
$$\begin{cases} N = \sqrt{0} + at \\ X = \sqrt{0} + \sqrt{0}t + \frac{1}{2}at^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} N = at \\ X = \frac{1}{2}at^2 = \begin{cases} t = \sqrt{2}x \\ N = a\sqrt{2}x = \sqrt{2}ax = \sqrt{2}x = \sqrt{2$$



#### Il cane e la lepre

Un cane, che corre alla velocità di  $15 \, m/s$ , è, all'istante t=0, a  $30 \, m$  da una lepre che corre alla velocità di  $10 \, m/s$ . Assumendo che le due velocità non si modifichino, (a) in quale istante il cane raggiungerà la lepre? (b) Quanto spazio avrà percorso il cane? (c) Quanto la lepre?





a) 
$$X_{c} = X_{o,c} + N_{c}t$$
;  $X_{o,c} = 0$  quanto si incontrono, al tempo  $X_{L} = X_{o,L} + N_{L}t$ ;  $X_{o,L} = \ell$ ;  $t^{*}$ ,  $X_{c}(t^{*}) = X_{L}(t^{*})$ 
 $= \sum_{c} N_{c}t^{*} = X_{o,L} + N_{L}t^{*}$ ;  $t^{*} = \frac{\ell}{N_{c} - N_{L}} = \frac{3nm}{5m} = 6s$ 

b)  $X_{c} = N_{c}t^{*} = 15\frac{m}{5}.6s = 90m$ 
 $X_{L} = 80m$ ;  $\Delta X_{c} = X_{L} - X_{o,L} = 80m - 30m = 60m$ 

#### Frena! (e vai piano)

La conducente di un'autovettura, che procede alla velocità di 100km/h, si avvede di una situazione di pericolo ed aziona i freni sino ad arrestare la macchina. Sapendo che il tempo impiegato per fermare il veicolo è di  $6.5\ s$ 

- (a) si calcoli lo spazio di frenata e
- (b) La decelerazione assimilando la frenata ad un moto uniformemente accelerato.
- (c) Se, con la stessa decelerazione, la conducente avesse frenato a partire da una velocità di  $150\ km/h$ , quale sarebbe stato lo spazio di frenata?

$$V_{i} = 100 \frac{km}{h} = \frac{100 \text{ m}}{3,6} \cdot \text{s}$$
;  $\Delta t = 6,5 \text{ s}$ 



a) 
$$X = X_0 + v_0 t + \frac{1}{2} a t^2; x_0 = 0$$
  $\begin{cases} 0 = v_0 + a t \rightarrow a = -\frac{v_0}{t} \\ v = v_0 + a t \end{cases}$   $v = 0$   $\begin{cases} x = v_0 t - \frac{1}{2} v_0 t^2 = \frac{1}{2} v_0 t \\ x = \frac{1}{2} \cdot \frac{100}{3.6} \frac{u}{8} \cdot \frac{6.5}{8} = \frac{90}{6.5} \frac{u}{8} \end{cases}$ 
b)  $a = -\frac{v_0}{t} = -\frac{100/3.6}{6.5} = -4.3 \frac{u}{5^2}$ 

$$C)$$
  $N_0 = 150 \frac{hm}{h} = \frac{150 m}{316} \frac{m}{5}$ 

$$t = -\frac{N_0}{\alpha} = 3,7s$$

$$t = -\frac{N_0}{\alpha} = \frac{9}{7} + \frac{7}{5}$$

$$x = \frac{1}{2} N_0 t = -\frac{1}{2} \frac{V_0}{\alpha} = \frac{200}{100} \text{ m}$$



#### Esercizi: soluzioni numeriche

- 1. La spina (nel piede)
  - a) 18 *ms*
- 2. Naso Rotto (oppure no?)
  - a)  $-13 m/s^2$ ; b)  $-350 m/s^2$ ; c) No, Sì
- 3. Donatore di sangue
  - a) 42 Hz; b) 7.3 cm; c) 12500 rotazioni
- 4. Trenitalia
  - a) 20 m/s; b) 26 m/s; c) 3 s
- 5. Il cane e la lepre
  - a) 6 s; b) 90 m; c) 60 m
- 6. Frena! (e vai piano)
  - a) 90 m; b)  $-4.3 \text{ m/s}^2$ ; c) 200 m





# Arrivederci

• lbrombal@units.it